

Министерство образования и науки Челябинской области
Государственное бюджетное профессиональное образовательное учреждение
«Южно-Уральский государственный технический колледж»

Методические рекомендации
по выполнению практических работ
по учебной дисциплине

«Техническая механика»

для специальности

08.02.01 Строительство и эксплуатация зданий и сооружений

АКТ СОГЛАСОВАНИЯ
на методические указания по выполнению практических работ по
учебной дисциплине «Техническая механика», для студентов специаль-
ности 08.02.01 Строительство и эксплуатация зданий и сооружений, раз-
работанные преподавателем
Южно-Уральского государственного технического колледжа
ЕФРЕМОВОЙ О.А.

Автором представлены методические рекомендации по выполнению и оформлению практических работ, по учебной дисциплине «Техническая механика» рассчитанные на 60 аудиторных часов. Разработано 60 часов практических работ в полном соответствии с утвержденным учебным планом и утвержденной рабочей программой. Определены знания и умения студента по каждой теме.

Содержание и структура методических рекомендаций удовлетворяет требованиям, предъявляемым к данной учебной дисциплине. Приведены контрольные вопросы для проверки знаний.

Методические рекомендации разработаны с учетом действующей правовой, нормативной и справочной литературы.

Задания разработаны с учетом развивающегося строительного производства и отвечают требованиям к минимуму знаний и умений, которыми должен владеть учащийся колледжа, обучающийся по специальности 08.02.01 Строительство и эксплуатация зданий и сооружений.

Приведена учебная литература в необходимом объеме.

Выполнение практических работ способствует разносторонней подготовке студентов к производственной деятельности в современных условиях, а также более полному усвоению теоретического материала.

Итогом выполнения работ является получение зачета по практическим работам.

1. ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Методические рекомендации по выполнению практических работ по учебной дисциплине «Техническая механика» для специальности 08.02.01 Строительство и эксплуатация зданий и сооружений.

Практические работы разработаны в рамках рабочей программы – являющегося частью основной профессиональной образовательной программы в соответствии с ФГОС по специальности 08.02.01 Строительство и эксплуатация зданий и сооружений в части освоения основного вида профессиональной деятельности и соответствующих профессиональных компетенций (ПК).

Рекомендациями предусматривается выполнение расчетов на прочность, жесткость, устойчивость элементов сооружений; определение аналитическим и графическим способами усилий, опорных реакций балок, ферм, рам; построение эпюр нормальных напряжений, изгибающих моментов и др.

Проведение практических работ предусматривает своей целью закрепление теоретических знаний и приобретение необходимых практических умений по программе. При выполнении практических работ студенты осваивают современные методы расчета.

Форма проведения учебных занятий выбирается преподавателем, исходя из дидактической цели и содержания материала.

Выполнение практических работ способствует разносторонней подготовке студентов к производственной деятельности в современных условиях, а также более полному усвоению теоретического материала.

В результате изучения дисциплины студент должен:

уметь:

- выполнять расчеты на прочность, жесткость и устойчивость элементов сооружений;
- определять аналитическим и графическим способами усилия, опорные реакции балок, ферм, рам;
- определять усилия в стержнях ферм;
- строить эпюры нормальных напряжений, изгибающих моментов и др.;
- производить расчеты на сжатие/ срез и смятие;
- производить расчеты элементов конструкций на прочность, жесткость и устойчивость;
- собирать конструкции из деталей по чертежам и схемам;

знать:

- законы механики деформируемого твердого тела, виды деформаций, основные расчеты;
- определение направления реакции связи;
- определение момента силы относительно точки, его свойства;
- типы нагрузок и виды опор балок, ферм, рам;
- напряжения и деформации, возникающие в строительных элементах при работе под нагрузкой;
- моменты инерции простых сечений элементов и др;
- методику расчета элементов конструкций на прочность, жесткость и устойчивость при различных видах деформации;
- методику расчета на сжатие / срез и смятие;

профессиональные компетенции:

- ПК 1.1. Подбирать наиболее оптимальные решения из строительных конструкций и материалов, разрабатывать узлы и детали конструктивных элементов зданий и сооружений в соответствии с условиями эксплуатации и назначением;
- ПК 1.2. Выполнять расчеты и конструирование строительных конструкций.

общие компетенции:

- ОК 01. Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам;
- ОК 02. Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности;
- ОК 04. Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде, эффективно взаимодействовать с коллегами, руководством, клиентами;
- ОК 05. Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста;
- ОК 09. Пользоваться профессиональной документацией на государственном и иностранных языках.

При изложении материала необходимо соблюдать единство терминологии, обозначений, единицу измерения в соответствии с действующими стандартами (СНиПами, СП, ГОСТами).

2. ПЕРЕЧЕНЬ ПРАКТИЧЕСКИХ ЗАДАНИЙ

| № темы или раз- дела | Вид и название задания | Плани- руемые часы на выпол- нение |
|----------------------------------|--|--|
| 1.2 | Практическая работа №1 Определение равнодействующей сходящейся системы сил | 2 |
| | Практическая работа №2 Определение реакций связей | 2 |
| | Практическая работа №3 Определение усилий в стержнях кронштейна | 2 |
| 1.3 | Практическая работа №4 Определение момента силы относительно точки | 2 |
| 1.4 | Практическая работа №5 Решение задач на определение опорных реакций балки | 6 |
| 1.6 | Практическая работа №6 Определение положения центра тяжести плоского сечения | 2 |
| | Практическая работа №7 Определение положения центра тяжести составного сечения | 2 |
| 2.2 | Практическая работа № 8 Построение эпюр при растяжении и сжатии | 2 |
| | Практическая работа № 9 Расчет на прочность при растяжении и сжатии | 2 |
| | Практическая работа № 10 Решение задач на определение удлинения | 2 |
| 2.3 | Практическая работа № 11 Определение геометрических характеристик плоских сечений | 2 |
| | Практическая работа № 12 Определение геометрических характеристик составных сечений | 2 |
| 2.4 | Практическая работа № 13 Определение допустимого значения сжимающей силы для сжатого бруса | 2 |
| | Практическая работа № 14 Подбор сечения для сжатого бруса | 2 |
| | Практическая работа № 15 Расчет коэффициента запаса устойчивости сжатой стержня | 2 |
| 2.5 | Практическая работа № 16 Расчет на прочность и жесткость при кручении | 4 |
| 2.6 | Практическая работа №17 Построение эпюр поперечных сил и изгибающих моментов | 4 |
| | Практическая работа №18 Расчет на прочность при изгибе | 2 |
| 3.2 | Практическая работа №19 Решение задач на построение эпюр для плоских рам | 6 |
| 3.3 | Практическая работа №20 Определения усилий в сечениях трехшарнирной арки | 4 |
| 3.4 | Практическая работа №21 Определение усилий в стержнях фермы | 4 |

| | | |
|--|---|-----------|
| | Практическая работа №22 Определение усилий в стержнях фермы построением диаграммы Максвелла-Кремоны | 2 |
| | Итого: | 60 |

СОДЕРЖАНИЕ

| | | |
|-----------|---|-----|
| 1 | Практическая работа №1 Определение равнодействующей сходящейся системы сил | 8 |
| 2 | Практическая работа №2 Определение реакций связей | 12 |
| 3 | Практическая работа №3 Определение усилий в стержнях кронштейна | 15 |
| 4 | Практическая работа №4 Определение момента силы относительно точки | 18 |
| 5 | Практическая работа №5 Решение задач на определение опорных реакций балки | 20 |
| 6 | Практическая работа №6 Определение положения центра тяжести плоского сечения | 28 |
| 7 | Практическая работа №7 Определение положения центра тяжести составного сечения | 32 |
| 8 | Практическая работа № 8 Построение эпюр при растяжении и сжатии | 36 |
| 9 | Практическая работа № 9 Расчет на прочность при растяжении и сжатии | 40 |
| 10 | Практическая работа № 10 Решение задач на определение удлинения | 44 |
| 11 | Практическая работа № 11 Определение геометрических характеристик плоских сечений | 49 |
| 12 | Практическая работа № 12 Определение геометрических характеристик составных сечений | 60 |
| 13 | Практическая работа № 13 Определение допустимого значения сжимающей силы для сжатого бруса | 64 |
| 14 | Практическая работа № 14 Подбор сечения для сжатого бруса | 70 |
| 15 | Практическая работа № 15 Расчет коэффициента запаса устойчивости сжатой стержня | 77 |
| 16 | Практическая работа № 16 Расчет на прочность и жесткость при кручении | 83 |
| 17 | Практическая работа №17 Построение эпюр поперечных сил и изгибающих моментов | 90 |
| 18 | Практическая работа №18 Расчет на прочность при изгибе | 103 |
| 19 | Практическая работа №19 Решение задач на построение эпюр для плоских рам | 109 |
| 20 | Практическая работа №20 Определения усилий в сечениях трехшарнирной арки | 116 |
| 21 | Практическая работа №21 Определение усилий в стержнях фермы | 123 |
| 22 | Практическая работа №22 Определение усилий в стержнях фермы построением диаграммы Максвелла-Кремоны | 129 |

Раздел 1 Теоретическая механика

Практическая работа №1

Определение равнодействующей сходящейся системы сил

Цель: научиться определять равнодействующую сходящейся системы сил аналитическим и геометрическим способами

В результате выполнения практической работы студент должен

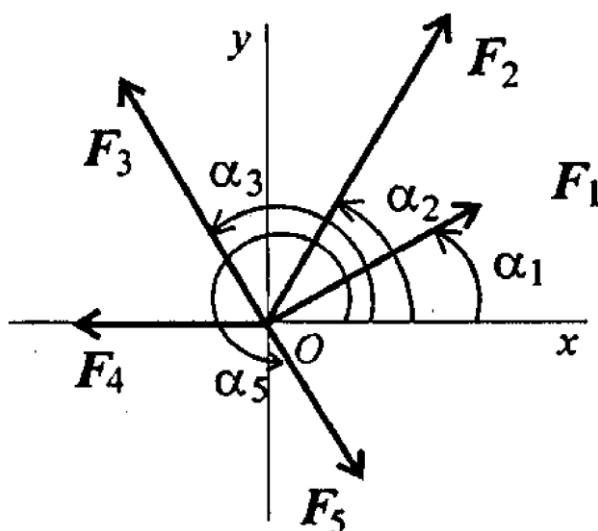
- **знать:** аналитический и геометрический способы определения равнодействующей системы сил; условие равновесия плоской системы сходящихся сил;

- **уметь:** строить силовой многоугольник для сходящейся системы сил; определять равнодействующую сходящейся системы сил аналитическим и геометрическим способами.

Исходные данные:

| № вар | F ₁ ,кН | F ₂ ,кН | F ₃ ,кН | F ₄ ,кН | F ₅ ,кН | $\alpha_1, ^\circ$ | $\alpha_2, ^\circ$ | $\alpha_3, ^\circ$ | $\alpha_4, ^\circ$ | $\alpha_5, ^\circ$ |
|----------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|
| 1 | 12 | 8 | 6 | 4 | 10 | 30 | 45 | 0 | 60 | 300 |
| 2 | 8 | 12 | 2 | 10 | 6 | 0 | 45 | 75 | 30 | 270 |
| 3 | 20 | 5 | 10 | 15 | 10 | 0 | 60 | 75 | 150 | 210 |
| 4 | 3 | 6 | 12 | 15 | 9 | 15 | 45 | 60 | 120 | 270 |
| 5 | 6 | 12 | 15 | 3 | 18 | 0 | 15 | 45 | 150 | 300 |
| 6 | 10 | 8 | 16 | 8 | 20 | 30 | 45 | 55 | 75 | 55 |
| 7 | 12 | 12 | 20 | 16 | 16 | 45 | 30 | 45 | 55 | 45 |
| 8 | 14 | 6 | 10 | 14 | 22 | 60 | 35 | 60 | 60 | 60 |
| 9 | 6 | 8 | 14 | 20 | 10 | 60 | 45 | 30 | 60 | 150 |
| 10 | 20 | 10 | 16 | 22 | 18 | 45 | 45 | 45 | 45 | 45 |
| 11 | 5 | 22 | 8 | 16 | 10 | 30 | 75 | 60 | 30 | 45 |
| 12 | 24 | 14 | 20 | 18 | 20 | 45 | 90 | 60 | 60 | 60 |
| 13 | 14 | 16 | 22 | 10 | 16 | 45 | 60 | 30 | 75 | 300 |
| 14 | 10 | 12 | 16 | 8 | 14 | 35 | 30 | 90 | 75 | 45 |
| 15 | 14 | 6 | 16 | 20 | 10 | 60 | 75 | 75 | 45 | 90 |
| 16 | 16 | 8 | 10 | 18 | 22 | 30 | 60 | 35 | 30 | 150 |
| 17 | 18 | 10 | 22 | 16 | 8 | 30 | 150 | 60 | 45 | 60 |
| 18 | 19 | 22 | 10 | 14 | 18 | 75 | 30 | 30 | 45 | 45 |
| 19 | 20 | 16 | 8 | 22 | 16 | 60 | 45 | 30 | 90 | 300 |
| 20 | 8 | 18 | 16 | 10 | 18 | 45 | 45 | 60 | 60 | 45 |
| 21 | 5 | 14 | 20 | 22 | 8 | 45 | 60 | 75 | 30 | 45 |
| 22 | 6 | 8 | 22 | 16 | 20 | 30 | 60 | 45 | 75 | 75 |
| 23 | 12 | 10 | 8 | 18 | 16 | 60 | 45 | 45 | 60 | 30 |

| | | | | | | | | | | |
|----|----|----|----|----|----|----|-----|----|-----|-----|
| 24 | 15 | 12 | 20 | 14 | 8 | 45 | 75 | 60 | 35 | 150 |
| 25 | 16 | 16 | 16 | 20 | 14 | 45 | 30 | 60 | 45 | 30 |
| 26 | 18 | 18 | 10 | 8 | 10 | 75 | 30 | 60 | 150 | 75 |
| 27 | 6 | 20 | 22 | 14 | 16 | 60 | 150 | 75 | 60 | 45 |
| 28 | 8 | 8 | 8 | 14 | 22 | 45 | 35 | 30 | 60 | 300 |
| 29 | 10 | 6 | 16 | 18 | 8 | 45 | 60 | 45 | 30 | 75 |
| 30 | 12 | 14 | 22 | 10 | 18 | 75 | 30 | 60 | 75 | 45 |



Порядок выполнения практической работы:

1. Показать в выбранном масштабе, соблюдая величину углов между векторами сил и осями координат, заданную систему сил;
2. Определить проекции всех сил системы на ось O_x ;
- 2.1 Определить сумму проекций всех сил на ось O_x
3. Определить проекции всех сил на ось O_y
- 3.1 Определить сумму проекций всех сил на ось O_y
4. Определить модуль равнодействующей по величинам проекций

$$F_{\Sigma} = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$$

где: F_x - сумма проекций всех сил на ось x

F_y - сумма проекций всех сил на ось y

5. Определить значение угла равнодействующей с осью Ox

$$\cos \alpha = \frac{F_x}{F_{\Sigma}}$$

6. Определить равнодействующую геометрическим методом

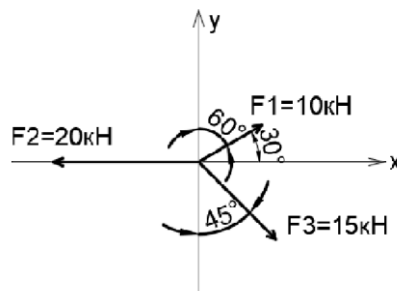
- 6.1 Построить силовой многоугольники

- 6.2 Определить направление, величину и угол равнодействующей сходящейся системы сил геометрическим методом.

Пример выполнения практической работы:

Исходные данные: $F_1 = 10 \text{ кН}$; $F_2 = 20 \text{ кН}$; $F_3 = 15 \text{ кН}$; $\alpha_1 = 30^\circ$; $\alpha_2 = 180^\circ$; $\alpha_3 = 45^\circ$;

1. Показать в выбранном масштабе, соблюдая величину углов между векторами сил и осями координат, заданную систему сил;



2. Определить проекции всех сил системы на ось Ox ;

$$F_{x1} = 10 \cdot \cos 30^\circ = 10 \cdot 0,866 = 8,66 \text{ кН}$$

$$F_{x2} = -20 \cdot \cos 180^\circ = -20 \cdot 1 = -20 \text{ кН}$$

$$F_{x3} = 15 \cdot \cos 45^\circ = 15 \cdot 0,707 = 10,6 \text{ кН}$$

2.1 Определить сумму проекций всех сил на ось Ox

$$F_x = F_{x1} + F_{x2} + F_{x3} = 8,66 + (-20) + 10,6 = -0,735 \text{ кН}$$

3. Определить проекции всех сил на ось Oy

$$F_{y1} = 10 \cdot \cos 60^\circ = 10 \cdot 0,5 = 5 \text{ кН}$$

$$F_{y2} = 20 \cdot \cos 90^\circ = 0 \text{ кН}$$

$$F_{y3} = -15 \cdot \cos 45^\circ = -15 \cdot 0,707 = -10,6 \text{ кН}$$

3.1 Определить сумму проекций всех сил на ось Oy

$$F_y = F_{y1} + F_{y2} + F_{y3} = 5 + (-10,6) = -5,6 \text{ кН}$$

4. Определить модуль равнодействующей по величинам проекций

$$F_\Sigma = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$$

где: F_x - сумма проекций всех сил на ось x

F_y - сумма проекций всех сил на ось y

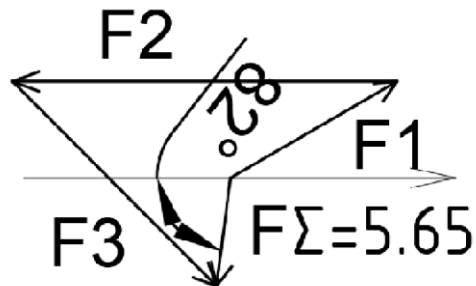
$$F_\Sigma = \sqrt{0,735^2 + 5,6^2} = 5,65 \text{ кН}$$

5. Определить значение угла равнодействующей с осью Ox (найти $\arccos \alpha$)

$$\cos \alpha = \frac{F_x}{F_\Sigma} = \frac{-0,735}{5,65} = -0,13 \quad \alpha = 82^\circ$$

6. Определить равнодействующую геометрическим методом

6.1 Построить силовой многоугольник и определить направление, величину и угол равнодействующей сходящейся системы сил геометрическим методом.



Контрольные вопросы:

1. Как найти проекции силы?
2. Какой способ определения равнодействующей более точный?
3. Что такое силовой многоугольник?
4. Как определить направление вектора равнодействующей?

Практическая работа №2

Определение реакций связей

Цель: научиться определять реакции связей

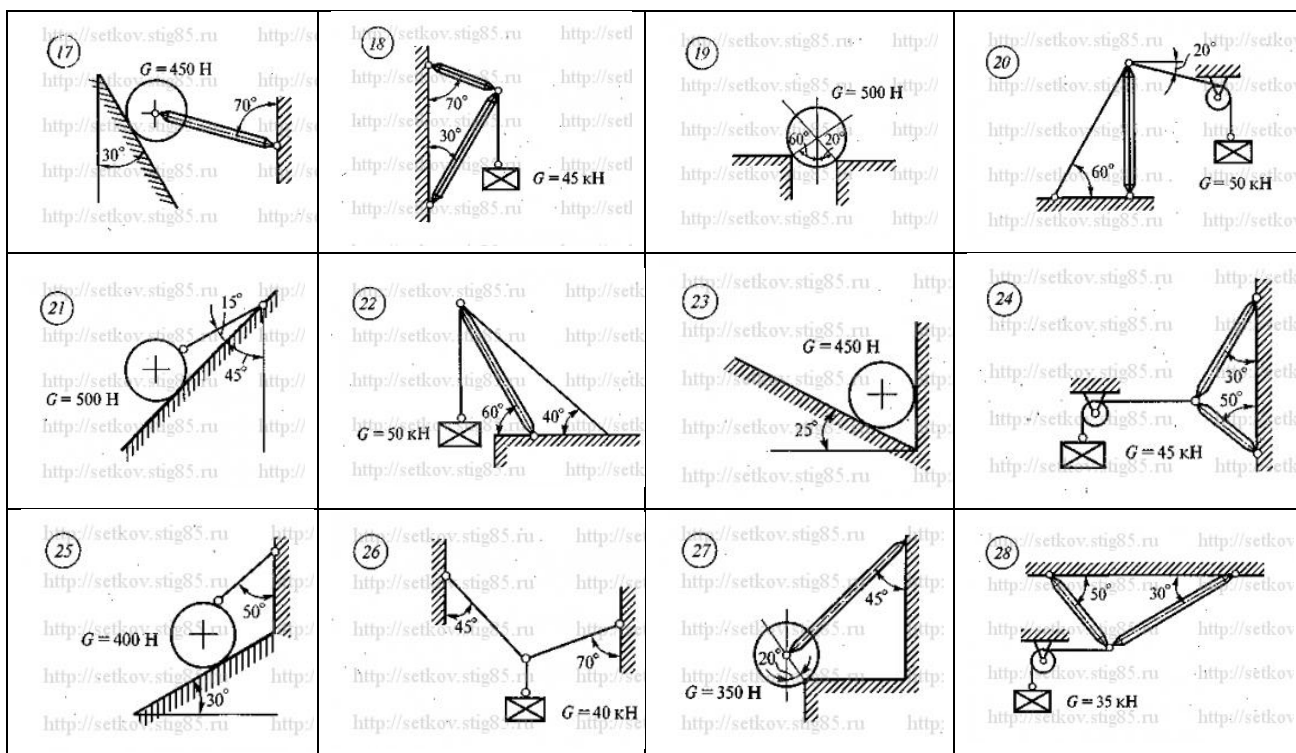
В результате выполнения практической работы студент должен

- **знать:** виды связей; направление реакций связей; три формы уравнения равновесия;

- **уметь:** определять реакции связей.

Исходные данные:

| | | | |
|-----------|-----------|-----------|-----------|
| <p>1</p> | <p>2</p> | <p>3</p> | <p>4</p> |
| <p>5</p> | <p>6</p> | <p>7</p> | <p>8</p> |
| <p>9</p> | <p>10</p> | <p>11</p> | <p>12</p> |
| <p>13</p> | <p>14</p> | <p>15</p> | <p>16</p> |



Порядок выполнения практической работы:

1. Указать реакции связи;
2. Освободить точку О от связей и выбрать направление осей координат, определить углы; (одну из осей координат пускать по неизвестной реакции)
3. Составить уравнения равновесия;

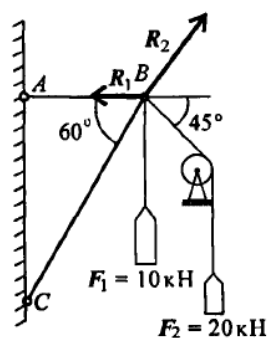
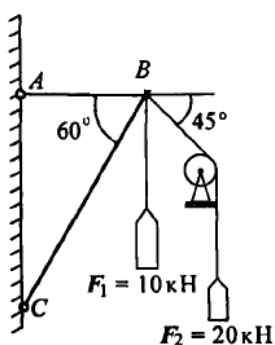
$$\sum X = 0$$

$$\sum Y = 0$$
4. Определить значения реакций;
5. Выполнить проверку.

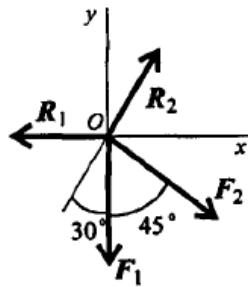
Пример выполнения практической работы:

Исходные данные:

1. Указать реакции связи;



2. Освободить точку О от связей и выбрать направление осей координат, определить углы;



3. Составить уравнения равновесия

$$\sum X = 0; -R_1 + R_2 \cos 60^\circ + F_2 \cos 45^\circ = 0$$

$$\sum Y = 0; R_2 \cos 30^\circ - F_1 - F_2 \cos 45^\circ = 0$$

4. Определить значения реакций

Из второго уравнения получаем:

$$R_2 = \frac{F_1 + F_2 \cos 45^\circ}{\cos 30^\circ} = \frac{10 + 20 \cdot 0,7}{0,866} = 27,7 \text{ кН}$$

Из первого уравнения получаем:

$$R_1 = R_2 \cos 60^\circ + F_2 \cos 45^\circ = 27,7 \cdot 0,5 + 20 \cdot 0,7 = 27,85$$

5. Выполнить проверку.

$$\sum X = 0; -R_1 + R_2 \cos 60^\circ + F_2 \cos 45^\circ = 0$$

$$-27,85 + 27,7 \cdot 0,5 + 20 \cdot 0,7 = 0$$

$$\sum Y = 0; R_2 \cos 30^\circ - F_1 - F_2 \cos 45^\circ = 0$$

$$27,7 \cdot 0,866 - 10 - 20 \cdot 0,7 = 0,012 \approx 0$$

Контрольные вопросы:

1. Как определяется равнодействующая системы сходящихся сил?
2. В каком случае проекция силы на ось равна нулю, модулю силы?
3. Что называется реакцией связи, как определяют реакции связей?

Практическая работа №3

Определение усилий в стержнях кронштейна

Цель: научиться определять усилия в стержнях кронштейна аналитическим способом

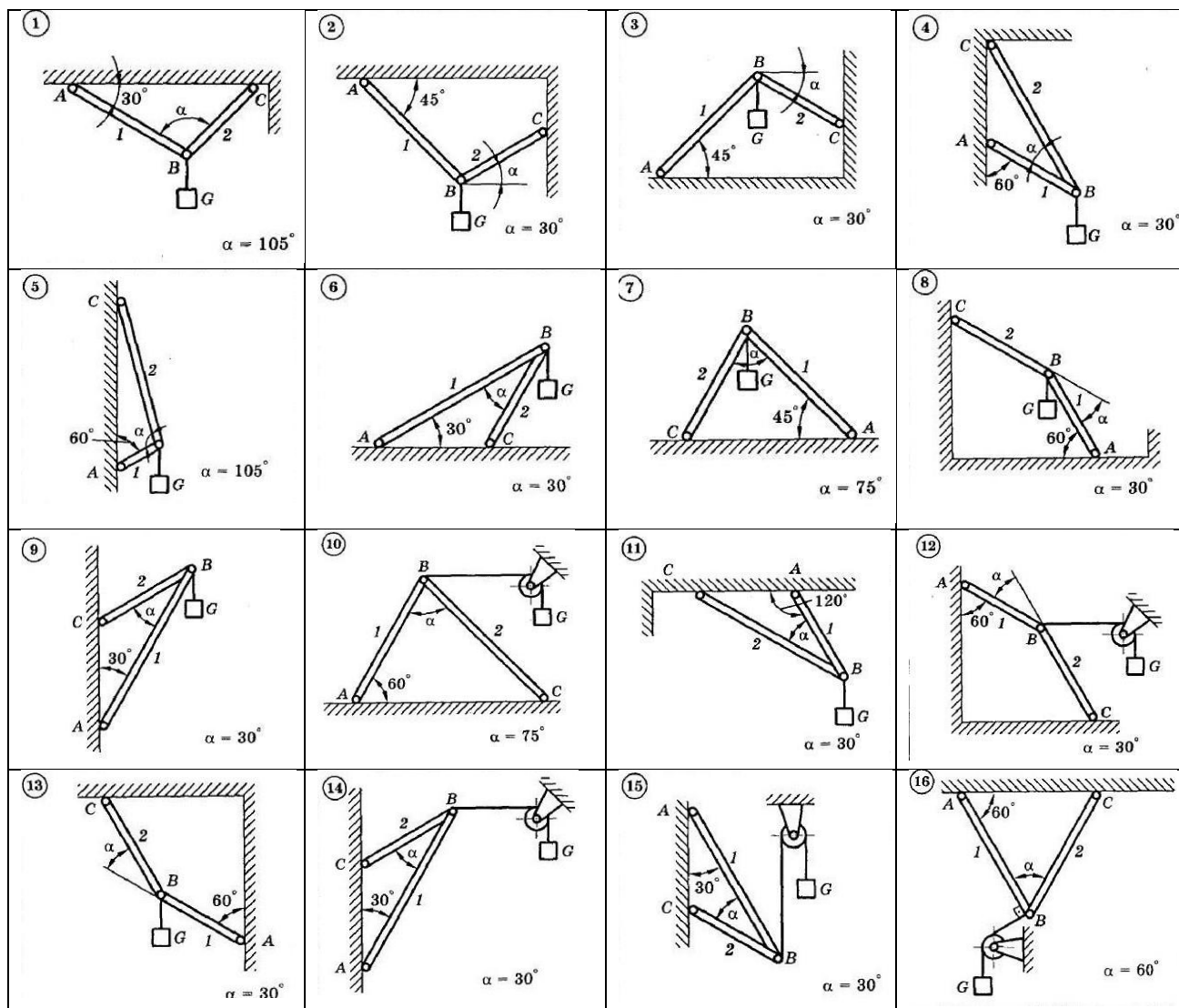
В результате выполнения практической работы студент должен

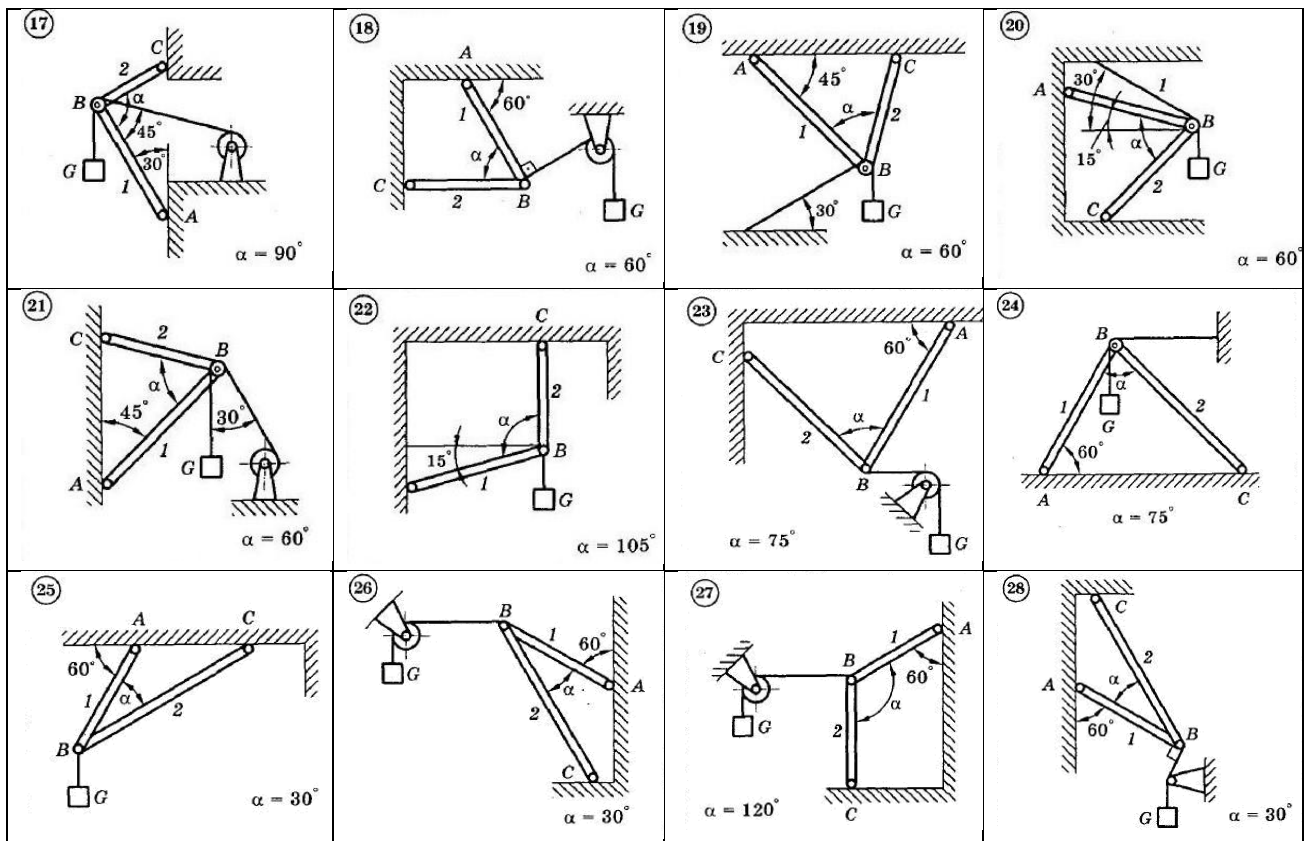
- **знать:** аналитический способ определения усилий в стержнях кронштейна;

- **уметь:** оставлять уравнение равновесия для сходящейся системы сил.

Исходные данные:

$G = 10 \text{ кН}$





Порядок выполнения практической работы:

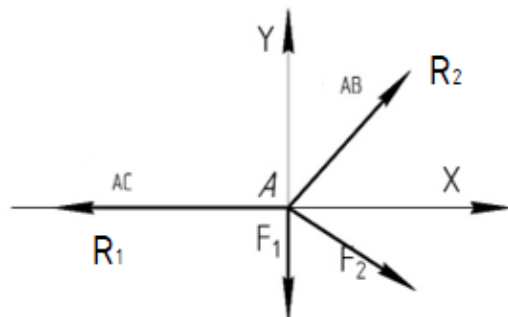
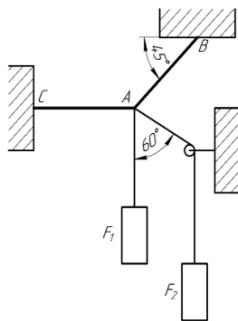
1. Показать условие задачи;
2. Показать все силы действующие на точку равновесия
3. Составить уравнения равновесия
4. Определить значения реакций
5. Выполнить проверку.

Пример выполнения практической работы:

1. Показать условие задачи;
2. Показать все силы действующие на точку равновесия

$$F_1 = 1,2 \text{ кН}$$

$$F_2 = 0,8 \text{ кН}$$



3. Составить уравнения равновесия

$$\sum X = 0; -R_1 + R_2 \cos 45^\circ + F_2 \cos 30^\circ = 0$$

$$\sum Y = 0; R_2 \cos 45^\circ - F_1 - F_2 \cos 60^\circ = 0$$

4. Определить значения реакций

Из второго уравнения получаем:

$$R_2 = \frac{F_1 + F_2 \cos 60^\circ}{\cos 45^\circ} = \frac{1,2 + 0,8 \cdot 0,5}{0,707} = 2,263 \text{ кН}$$

Из первого уравнения получаем:

$$R_1 = R_2 \cos 45^\circ + F_2 \cos 30^\circ = 2,263 \cdot 0,707 + 0,8 \cdot 0,866 = 2,293$$

5. Выполнить проверку.

$$\sum X = 0; -R_1 + R_2 \cos 45^\circ + F_2 \cos 30^\circ = 0$$

$$-2,293 + 2,263 \cdot 0,707 + 0,8 \cdot 0,866 = 0$$

$$\sum Y = 0; R_2 \cos 45^\circ - F_1 - F_2 \cos 60^\circ = 0$$

$$2,263 \cdot 0,707 - 1,2 - 0,8 \cdot 0,5 = 0$$

Контрольные вопросы:

1. Что означает равновесие тела?
2. Какие графические и аналитические условия равновесия Вы знаете?
3. Основным признак абсолютно твердого тела.

Практическая работа №4

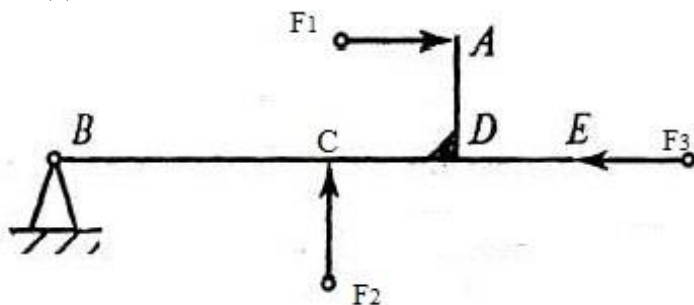
Определение момента силы относительно точки

Цель: научиться момент силы относительно точки

В результате выполнения практической работы студент должен

- **знать:** момент силы относительно точки
- **уметь:** определять момент силы относительно точки

Исходные данные:



| № варианта | BC, м | CD, м | AD, м | DE, м | F ₁ , кН | F ₂ , кН | F ₃ , кН |
|---------------|-------|-------|-------|-------|---------------------|---------------------|---------------------|
| 1 | 2 | 2 | 2 | 2 | 10 | 20 | 15 |
| 2 | 4 | 6 | 2 | 4 | 20 | 15 | 5 |
| 3 | 2 | 4 | 6 | 4 | 5 | 10 | 20 |
| 4 | 4 | 4 | 4 | 4 | 15 | 20 | 10 |
| 5 | 6 | 6 | 6 | 6 | 15 | 20 | 5 |
| 6 | 6 | 4 | 2 | 4 | 20 | 20 | 15 |
| 7 | 2 | 4 | 6 | 2 | 15 | 15 | 20 |
| 8 | 4 | 6 | 4 | 4 | 20 | 15 | 5 |
| 9 | 6 | 2 | 4 | 4 | 15 | 30 | 20 |
| 10 | 2 | 8 | 6 | 4 | 5 | 10 | 15 |
| 11 | 4 | 6 | 2 | 8 | 25 | 20 | 30 |
| 12 | 6 | 4 | 2 | 2 | 5 | 15 | 15 |
| 13 | 2 | 2 | 4 | 4 | 15 | 20 | 25 |
| 14 | 4 | 6 | 8 | 2 | 20 | 25 | 15 |
| 15 | 2 | 4 | 2 | 4 | 15 | 5 | 15 |
| 16 | 2 | 4 | 4 | 4 | 15 | 20 | 25 |
| 17 | 4 | 6 | 8 | 2 | 20 | 25 | 10 |
| 18 | 6 | 2 | 4 | 2 | 15 | 5 | 10 |
| 19 | 8 | 2 | 4 | 6 | 10 | 15 | 20 |
| 20 | 2 | 4 | 6 | 8 | 25 | 10 | 15 |
| 21 | 4 | 6 | 2 | 8 | 10 | 5 | 20 |

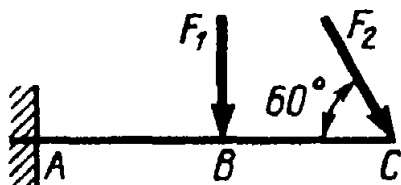
| | | | | | | | |
|----|---|---|---|---|----|----|-----|
| 22 | 6 | 8 | 2 | 4 | 15 | 20 | 25 |
| 23 | 2 | 4 | 6 | 8 | 20 | 5 | 30 |
| 24 | 6 | 4 | 2 | 2 | 15 | 10 | 20 |
| 25 | 4 | 6 | 2 | 4 | 15 | 20 | 256 |
| 26 | 2 | 4 | 6 | 8 | 20 | 25 | 15 |
| 27 | 4 | 8 | 2 | 2 | 25 | 15 | 10 |
| 28 | 4 | 4 | 8 | 8 | 25 | 25 | 15 |
| 29 | 6 | 6 | 4 | 4 | 30 | 15 | 15 |
| 30 | 6 | 4 | 2 | 4 | 25 | 30 | 10 |

Порядок выполнения практической работы:

1. Показать условие задачи;
2. Определить момент силы относительно точки от каждого вектора силы;
3. Определить результирующий момент, действующий на точку.

Пример выполнения практической работы:

1. Исходные данные



$$F_1 = 5 \text{ кН}$$

$$F_2 = 10 \text{ кН}$$

$$AB = 2 \text{ м}$$

$$BC = 3 \text{ м}$$

2. Определить момент силы относительно точки от каждого вектора силы;

$$M_1 = F_1 \cdot 2 = 5 \cdot 2 = 10 \text{ кН} \cdot \text{м}$$

$$M_2 = F_2 \cdot 5 \cdot \cos 60^\circ = 10 \cdot 5 \cdot 0,5 = 25 \text{ кН} \cdot \text{м}$$

3. Определить результирующий момент, действующий на точку.

$$M_\Sigma = M_1 + M_2 = 10 + 25 = 35 \text{ кН} \cdot \text{м}$$

Контрольные вопросы:

1. Как определить момент силы относительно точки?
2. В каком случае момент силы относительно точки считается положительным и в каком отрицательным?
3. Как определяются величины и знак момента пары?

Практическая работа №5

Решение задач на определение опорных реакций балки

Цель: научиться определять опорные реакции балки нагруженной сосредоточенной и распределенной нагрузками, моментом

В результате выполнения практической работы студент должен

- **знать:** виды опор; реакции опор; виды нагрузок; уравнения равновесия для плоской, произвольно расположенной, системы сил

- **уметь:** определять вид опор; определять направления реакций опор; составлять уравнения равновесия для плоской, произвольно расположенной, системы сил; выполнять проверку правильности решения

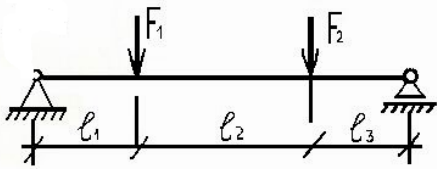
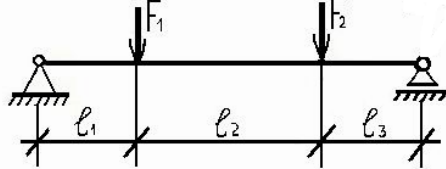
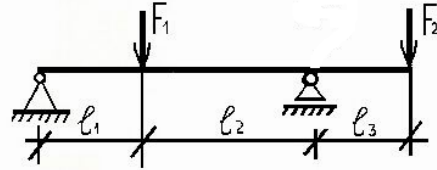
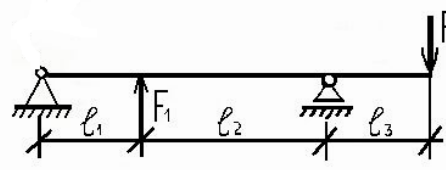
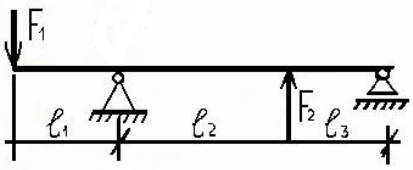
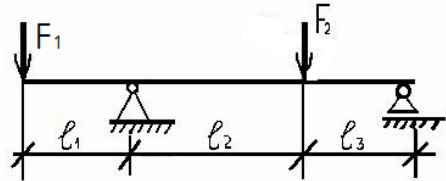
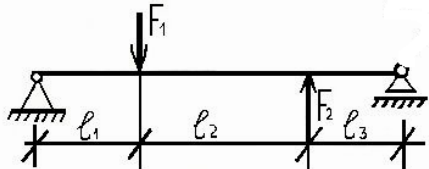
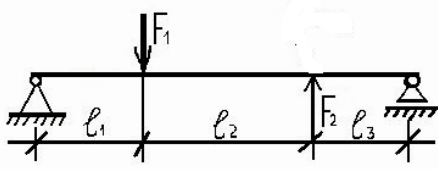
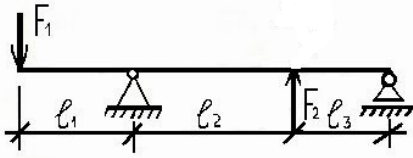
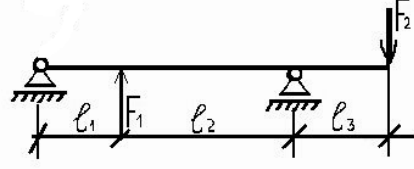
Исходные данные:

1. Определить опорные реакции горизонтально расположенной балки нагруженной сосредоточенной силой

Исходные данные:

| Вар. | Схем. | F_1 , кН | F_2 , кН | l_1 , м | l_2 , м | l_3 , м | Вар. | Схем. | F_1 , кН | F_2 , кН | l_1 , м | l_2 , м | l_3 , м |
|------|-------|---------------|---------------|-----------|-----------|-----------|------|-------|---------------|---------------|-----------|-----------|-----------|
| 1 | 4 | 50 | 40 | 2 | 5 | 3 | 16 | 9 | 45 | 25 | 2 | 3 | 2 |
| 2 | 6 | 40 | 30 | 3 | 10 | 2 | 17 | 6 | 25 | 35 | 2 | 4 | 3 |
| 3 | 2 | 30 | 25 | 5 | 10 | 5 | 18 | 3 | 45 | 35 | 2 | 3 | 2 |
| 4 | 5 | 15 | 30 | 3 | 4 | 6 | 19 | 10 | 15 | 35 | 4 | 4 | 2 |
| 5 | 1 | 25 | 35 | 5 | 10 | 4 | 20 | 2 | 20 | 35 | 2 | 3 | 2 |
| 6 | 7 | 25 | 30 | 3 | 2 | 5 | 21 | 7 | 16 | 20 | 2 | 2 | 2 |
| 7 | 3 | 18 | 25 | 3 | 4 | 5 | 22 | 10 | 35 | 25 | 2 | 3 | 2 |
| 8 | 8 | 12 | 17 | 7 | 5 | 5 | 23 | 8 | 35 | 15 | 3 | 2 | 2 |
| 9 | 4 | 45 | 25 | 5 | 4 | 2 | 24 | 1 | 15 | 35 | 2 | 2 | 2 |
| 10 | 9 | 25 | 14 | 2 | 2 | 2 | 25 | 9 | 30 | 25 | 2 | 3 | 3 |
| 11 | 2 | 15 | 16 | 3 | 2 | 4 | 26 | 5 | 20 | 35 | 2 | 2 | 1 |
| 12 | 10 | 35 | 25 | 5 | 2 | 4 | 27 | 8 | 15 | 20 | 3 | 4 | 2 |
| 13 | 7 | 20 | 35 | 4 | 4 | 2 | 28 | 4 | 25 | 35 | 4 | 2 | 2 |
| 14 | 1 | 25 | 5 | 4 | 2 | 2 | 29 | 5 | 35 | 25 | 2 | 2 | 3 |
| 15 | 5 | 15 | 25 | 5 | 2 | 4 | 30 | 3 | 35 | 25 | 3 | 2 | 2 |

Схемы

| | |
|--|--|
| <p>1</p>  | <p>6</p>  |
| <p>2</p>  | <p>7</p>  |
| <p>3</p>  | <p>8</p>  |
| <p>4</p>  | <p>9</p>  |
| <p>5</p>  | <p>10</p>  |

Порядок выполнения практической работы:

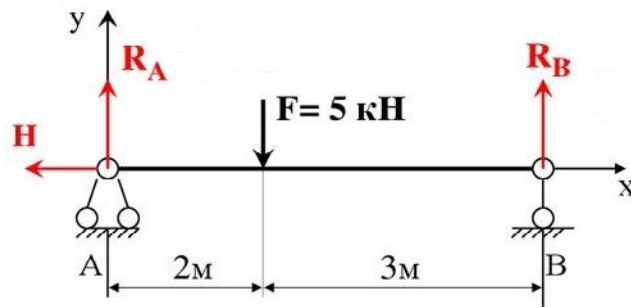
1. Показать расчетную схему
2. Составить уравнение равновесия

3. Решить уравнение равновесия

4. Выполнить проверку

Пример выполнения практической работы:

1. Показать расчетную схему



2. Составить уравнение равновесия

$$\sum M_A = 0; F \cdot 2 - R_B \cdot 5 = 0$$

$$\sum M_B = 0; R_A \cdot 5 - F \cdot 3 = 0$$

$$\sum X = 0; H = 0$$

3. Решить уравнение равновесия

$$\sum M_A = 0; R_B = (F \cdot 2) / 5 = (5 \cdot 2) / 5 = 2 \text{ кН}$$

$$\sum M_B = 0; R_A = (F \cdot 3) / 5 = (5 \cdot 3) / 5 = 3 \text{ кН}$$

4. Выполнить проверку

$$\sum M_A = 0; 5 \cdot 2 - 2 \cdot 5 = 0$$

$$\sum M_B = 0; 3 \cdot 5 - 5 \cdot 3 = 0$$

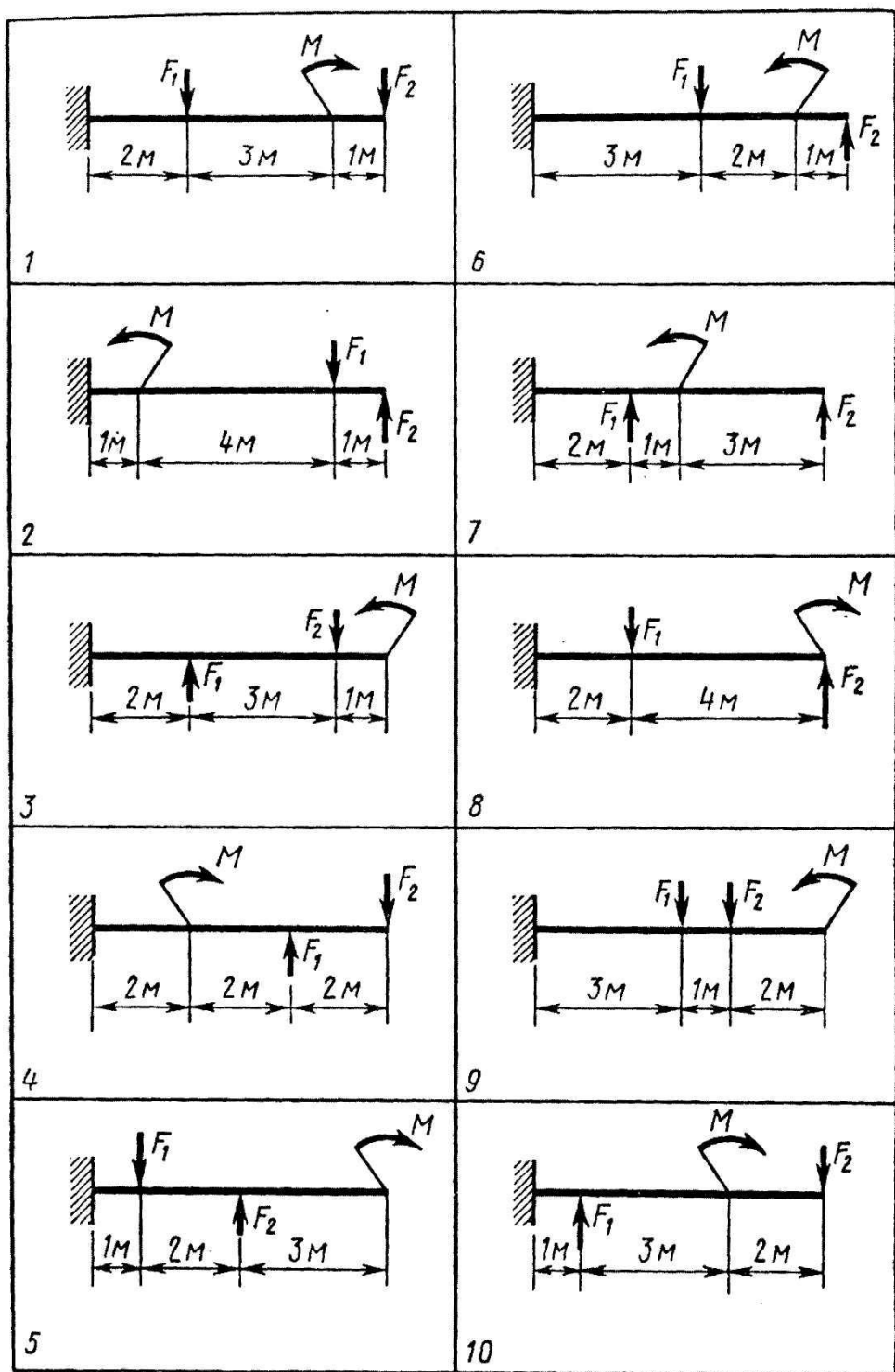
2. Определить опорные реакции консольной балки нагруженной сосредоточенной силой и моментом

Исходные данные:

| Вар. | Схем. | F ₁ , кН | F ₂ , кН | M, кНм | Вар. | Схем. | F ₁ , кН | F ₂ , кН | M, кНм |
|-----------|-------|------------------------|------------------------|-----------|-----------|-------|------------------------|------------------------|-----------|
| 1 | 1 | 14 | 40 | 20 | 16 | 6 | 32 | 15 | 20 |
| 2 | 2 | 12 | 5 | 30 | 17 | 7 | 13 | 45 | 30 |
| 3 | 3 | 8 | 15 | 40 | 18 | 8 | 40 | 42 | 25 |
| 4 | 4 | 12 | 16 | 25 | 19 | 9 | 24 | 10 | 30 |
| 5 | 5 | 28 | 50 | 35 | 20 | 10 | 9 | 22 | 25 |
| 6 | 6 | 18 | 30 | 45 | 21 | 1 | 16 | 35 | 45 |
| 7 | 7 | 16 | 34 | 20 | 22 | 2 | 40 | 55 | 35 |
| 8 | 8 | 15 | 17 | 30 | 23 | 3 | 33 | 16 | 25 |
| 9 | 9 | 17 | 43 | 35 | 24 | 4 | 16 | 32 | 35 |
| 10 | 10 | 22 | 24 | 45 | 25 | 5 | 29 | 55 | 45 |

| | | | | | | | | | |
|-----------|---|----|----|----|-----------|----|----|----|----|
| 11 | 1 | 14 | 14 | 25 | 26 | 6 | 21 | 45 | 20 |
| 12 | 2 | 48 | 12 | 35 | 27 | 7 | 11 | 20 | 40 |
| 13 | 3 | 28 | 8 | 25 | 28 | 8 | 25 | 40 | 30 |
| 14 | 4 | 15 | 12 | 45 | 29 | 9 | 18 | 10 | 35 |
| 15 | 5 | 13 | 24 | 30 | 30 | 10 | 38 | 50 | 25 |

Схемы

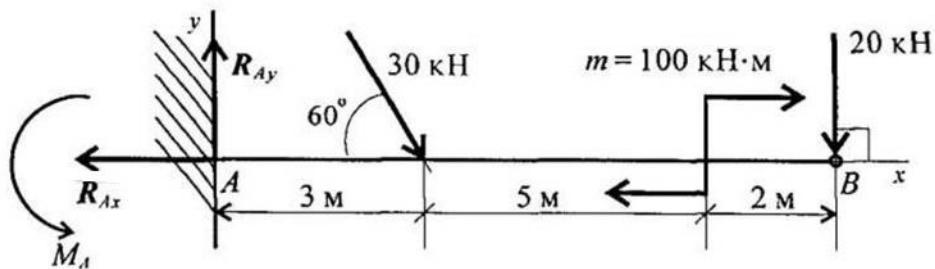


Порядок выполнения практической работы:

1. Показать расчетную схему
2. Составить уравнение равновесия
3. Решить уравнение равновесия
4. Выполнить проверку

Пример выполнения практической работы:

1. Показать расчетную схему



2. Составить уравнение равновесия

$$\sum X = 0; -R_{Ax} + 30 \cdot \cos 60^\circ + 20 \cdot \cos 90^\circ = 0$$

$$\sum Y = 0; R_{Ay} - 30 \cos 30^\circ - 20 \cos 0^\circ = 0$$

$$\sum M_A = 0; -M_A + 30 \cdot \cos 30^\circ \cdot 3 + 100 + 20 \cdot 10 = 0$$

3. Решить уравнение равновесия

$$\sum X = 0; R_{Ax} = 30 \cdot \cos 60^\circ + 20 \cdot \cos 90^\circ = 30 \cdot 0,5 + 20 \cdot 0 = 15 \text{ кН}$$

$$\sum Y = 0; R_{Ay} = 30 \cdot \cos 30^\circ + 20 \cdot \cos 0^\circ = 30 \cdot 0,866 + 20 \cdot 1 = 45,98 \text{ кН}$$

$$\sum M_A = 0; M_A = 30 \cdot \cos 30^\circ \cdot 3 + 100 + 20 \cdot 10 = 30 \cdot 0,866 \cdot 3 + 100 + 20 \cdot 10 = 377,94 \text{ кН}\cdot\text{м}$$

4. Выполнить проверку

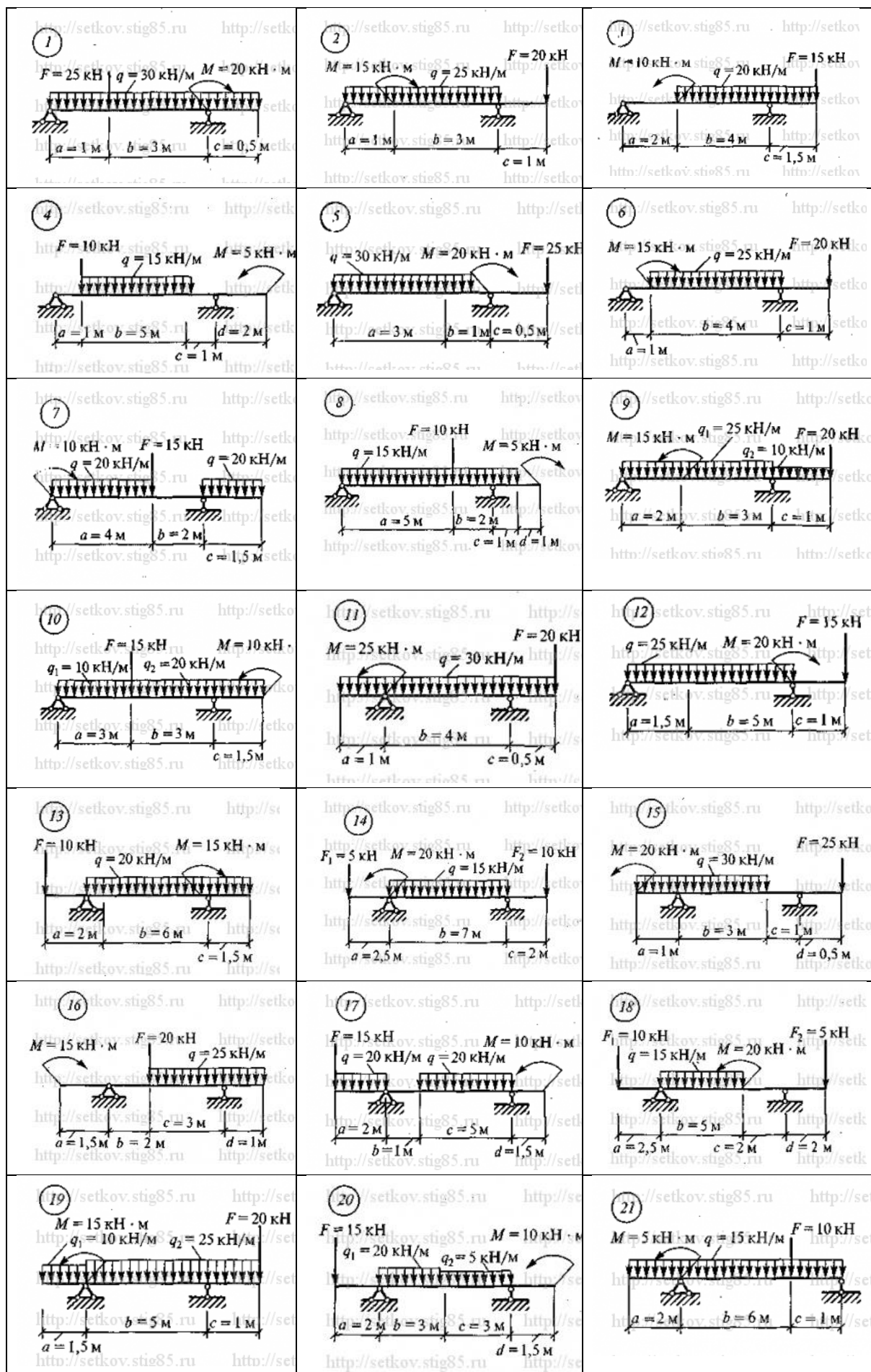
$$\sum X = 0; -15 + 30 \cdot \cos 60^\circ + 20 \cdot \cos 90^\circ = 0$$

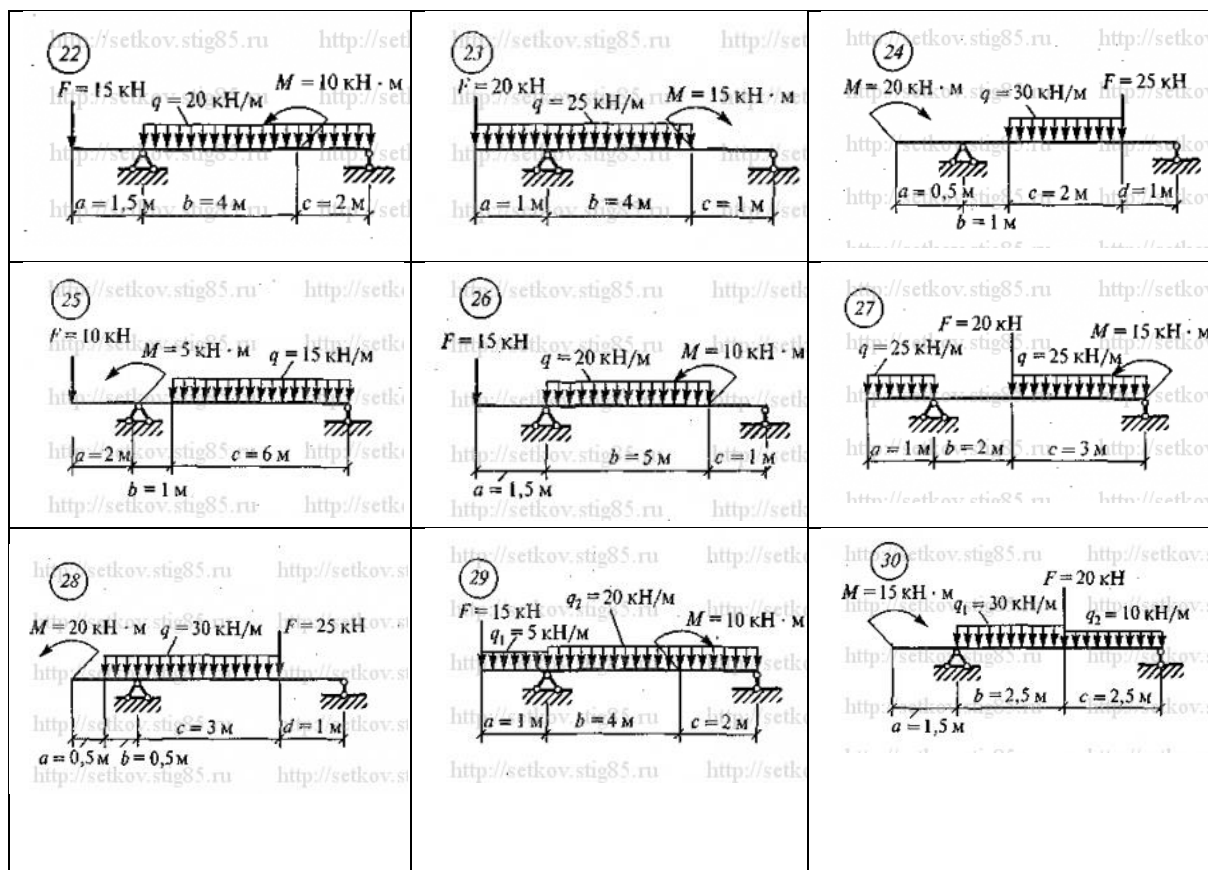
$$\sum Y = 0; 45,98 - 30 \cos 30^\circ - 20 \cos 0^\circ = 0$$

$$\sum M_A = 0; -377,94 + 30 \cdot \cos 30^\circ \cdot 3 + 100 + 20 \cdot 10 = 0$$

3. Определить опорные реакции горизонтально расположенной балки нагруженной сосредоточенной, равномерно распределенной нагрузками и моментом

Исходные данные:



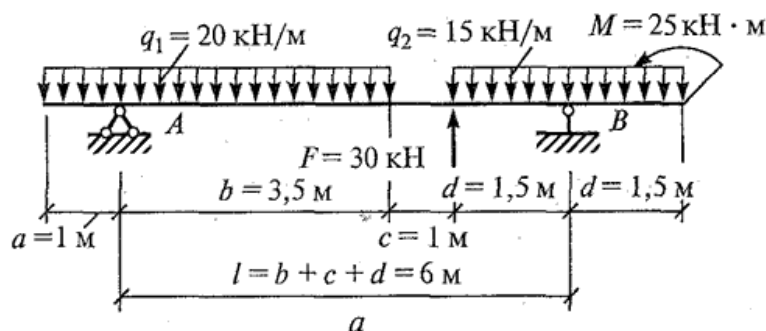


Порядок выполнения практической работы:

1. Показать исходные данные
2. Заменить равномерно распределенную нагрузку сосредоточенной силой
3. Составить уравнение равновесия
4. Решить уравнение равновесия
5. Выполнить проверку

Пример выполнения практической работы:

1. Показать исходные данные



2. Заменить равномерно распределенную нагрузку сосредоточенной силой. На балку действуют нагрузки разной интенсивности, поэтому для каждой из них найдем равнодействующую

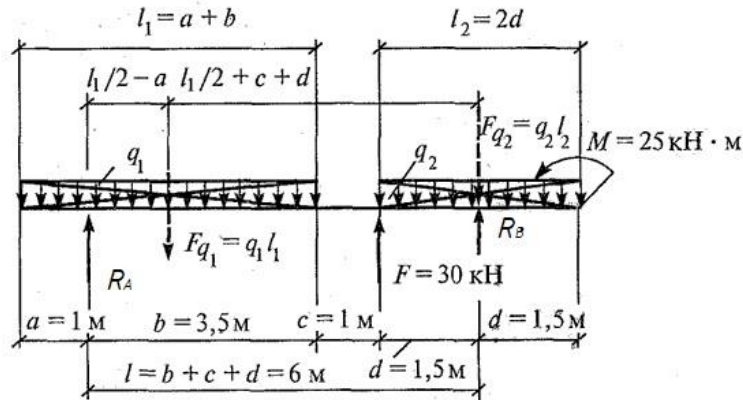
$$F_{q1} = q_1 \cdot l_1 = 20 \cdot 4,5 = 90 \text{ кН}$$

$$F_{q2} = q_2 \cdot l_2 = 15 \cdot 3 = 45 \text{ кН}$$

где

$$l_1 = a + b = 1 + 3,5 = 4,5 \text{ м}$$

$$l_2 = d + d = 1,5 + 1,5 = 3,0 \text{ м}$$



Обозначить опоры A и B , указать реакции R_A и R_B

3. Составить уравнение равновесия

$$\sum M_A = 0; F_{q1} (l_1/2 - a) - F (b + c) + F_{q2} \cdot l - R_B \cdot l - M = 0$$

$$\sum M_B = 0; R_B \cdot l - F_{q1} (d + c + l_1/2) + F \cdot d - M = 0$$

4. Решить уравнение равновесия

$$\sum M_A = 0; R_B = [F_{q1} (l_1/2 - a) - F (b + c) + F_{q2} \cdot l - M] / l = [90(4,5/2 - 1) - 30(3,5 + 1) + 45 \cdot 6 - 25] / 6 = 37,1 \text{ кН}$$

$$\sum M_B = 0; R_A = [F_{q1} (d + c + l_1/2) - F \cdot d + M] / l = [90(1,5 + 1 + 4,5/2) - 30 \cdot 1,5 + 25] / 6 = 67,9 \text{ кН}$$

5. Выполнить проверку

$$\sum Y = 0; R_A - F_{q1} + F + R_B - F_{q2} = 0$$

$$67,9 - 90 + 30 + 37,1 - 45 = 0$$

Контрольные вопросы:

1. Какие виды опор Вы знаете?
2. К чему приводится плоская произвольная система сил?
3. Какое условие равновесия плоской произвольной системы сил?
4. Какие нагрузки называются сосредоточенными и распределенными?

Практическая работа №6

Определение положения центра тяжести плоского сечения

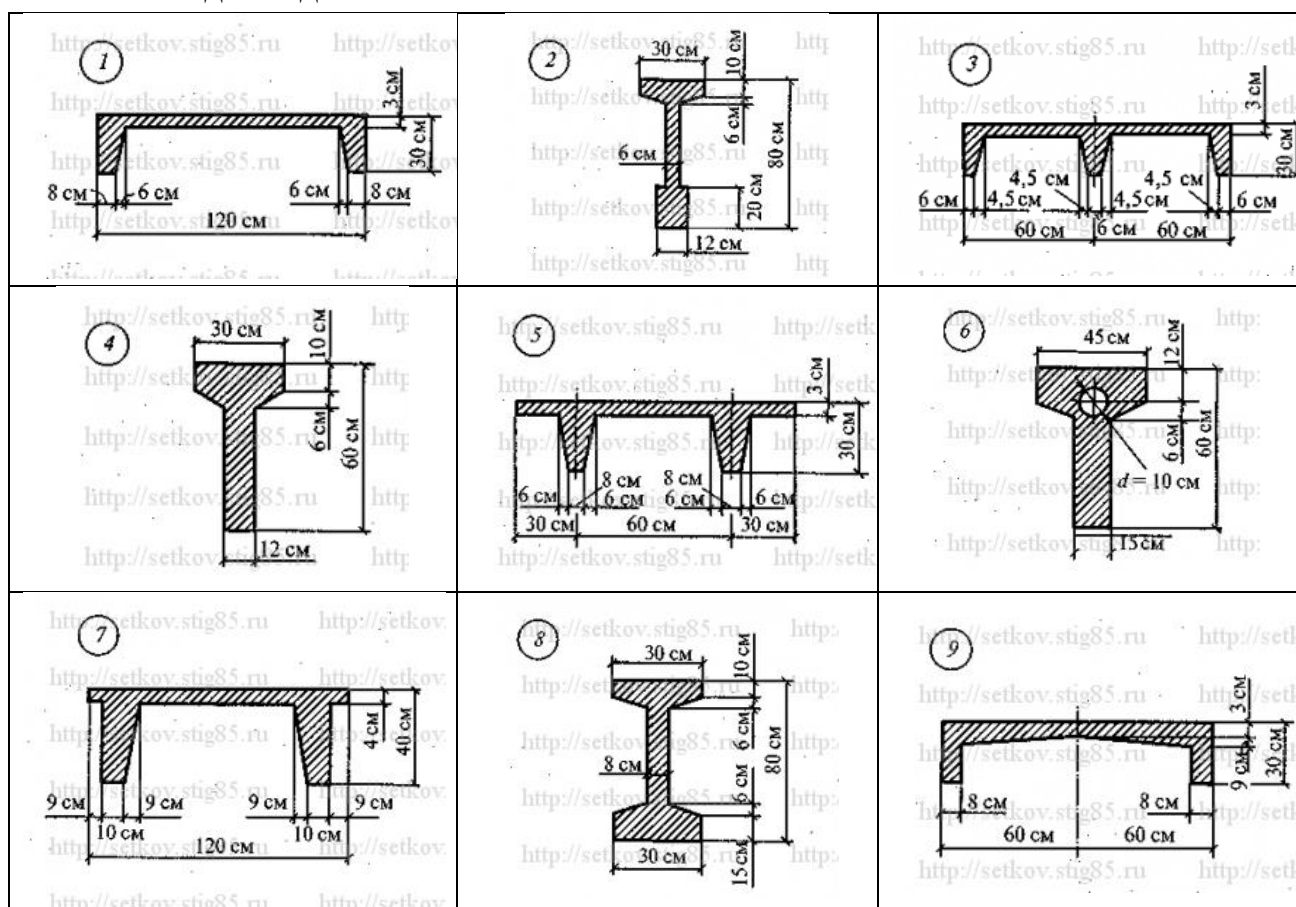
Цель: научиться определять положение центра тяжести плоского сечения

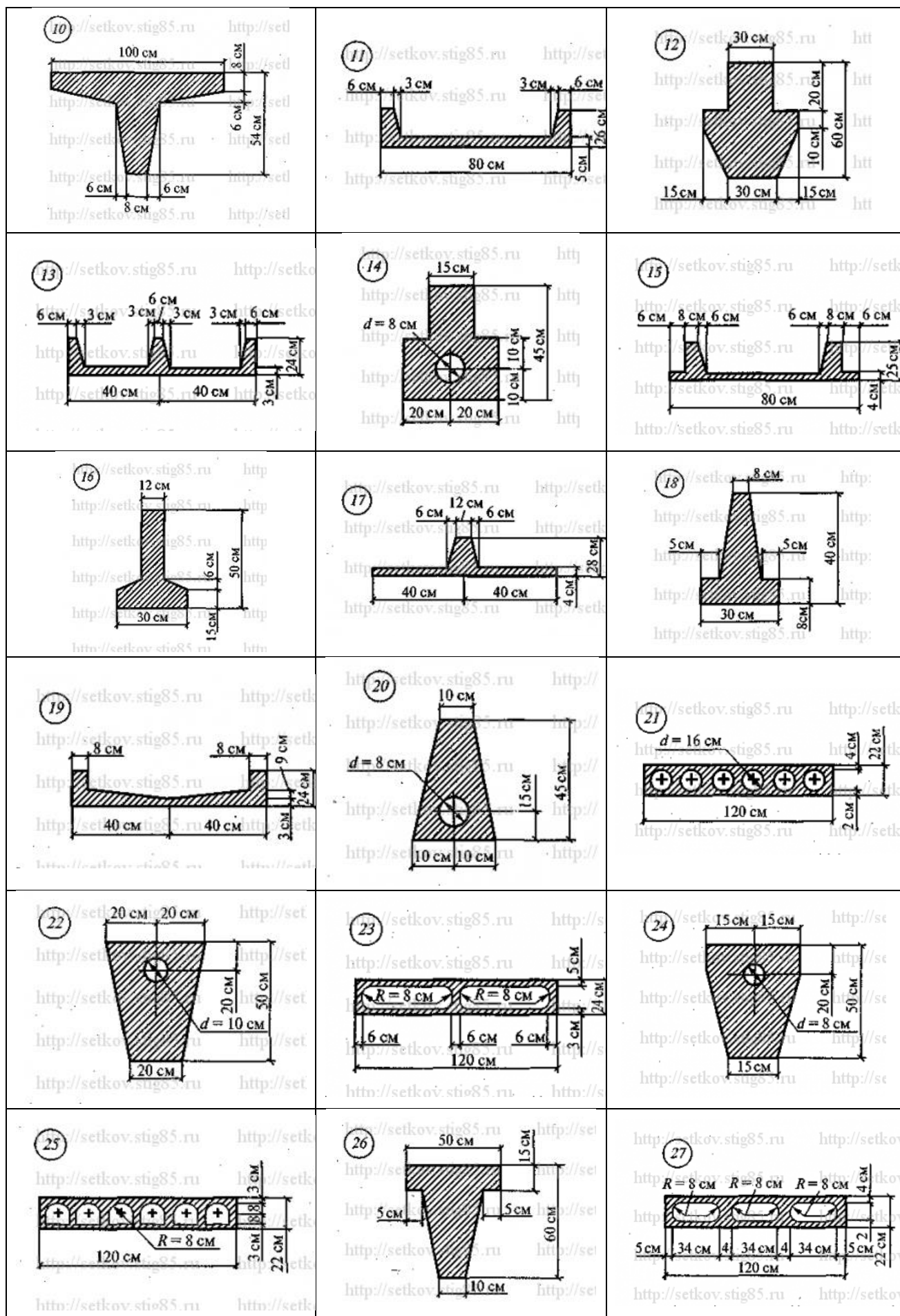
В результате выполнения практической работы студент должен

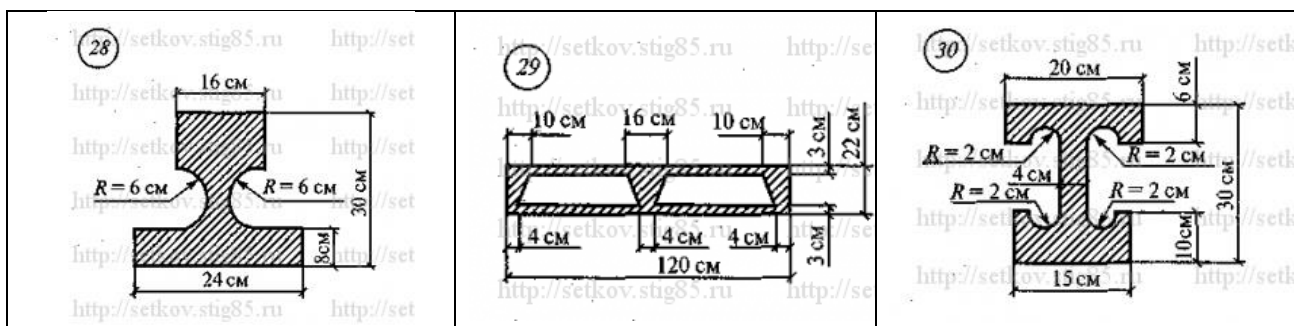
- **знать:** положения центра тяжести простых геометрических плоских сечений; формулы определения площадей простых геометрических плоских сечений; формулы определения координат центра тяжести составного плоского сечения;

- **уметь:** определять координаты центра тяжести плоского составного сечения.

Исходные данные





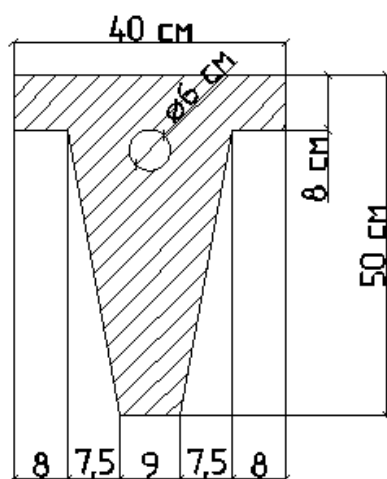


Порядок выполнения практической работы:

1. Выполнить эскиз плоского составного сечения
2. Выбрать положение осей координат
3. Показать положение центров тяжести простых геометрических сечений
4. Определить площади и координаты центров тяжести простых геометрических сечений
5. Определить координаты центра тяжести плоского составного сечения

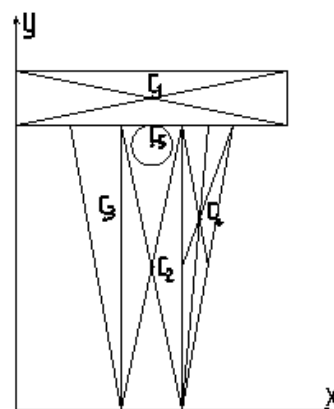
Пример выполнения практической работы:

1. Выполнить эскиз плоского составного сечения



2. Выбрать положение осей координат

3. Показать положение центров тяжести простых геометрических сечений



4. Определить площади и координаты центров тяжести простых геометрических сечений

$$A_1 = 40 \cdot 8 = 320 \text{ см}^2$$

$$x_1 = 20 \text{ см}$$

$$y_1 = 46 \text{ см}$$

$$A_2 = 42 \cdot 9 = 378 \text{ см}^2$$

$$x_2 = 20 \text{ см}$$

$$y_2 = 21 \text{ см}$$

$$A_3 = A_4 = \frac{1}{2} \cdot 7,5 \cdot 42 = 157,5 \text{ см}^2; \quad A_5 = 3,14 \cdot 6^2/4 = 28,3 \text{ см}^2;$$

$$x_3 = 13 \text{ см}; x_4 = 27 \text{ см} \quad x_5 = 20 \text{ см};$$

$$y_3 = y_4 = 28 \text{ см} \quad y_5 = 39 \text{ см}$$

5. Определить координаты центра тяжести плоского составного сечения

$$x_c = \frac{A_1 \cdot x_1 + A_2 \cdot x_2 + A_3 \cdot x_3 + A_4 \cdot x_4 - A_5 \cdot x_5}{A_1 + A_2 + A_3 + A_4 - A_5}$$

$$= \frac{320 \cdot 20 + 378 \cdot 20 + 157,5 \cdot 13 + 157,5 \cdot 27 - 28,3 \cdot 20}{320 + 378 + 157,5 + 157,5 - 28,3}$$

$$= 20 \text{ см}$$

$$y_c = \frac{A_1 \cdot y_1 + A_2 \cdot y_2 + A_3 \cdot y_3 + A_4 \cdot y_4 - A_5 \cdot y_5}{A_1 + A_2 + A_3 + A_4 - A_5}$$

$$= \frac{320 \cdot 46 + 378 \cdot 21 + 157,5 \cdot 28 + 157,5 \cdot 28 - 28,3 \cdot 39}{320 + 378 + 157,5 + 157,5 - 28,3}$$

$$= 31 \text{ см}$$

Контрольные вопросы:

1. Для чего определяют центр тяжести?
2. Какие существуют методы определения центра тяжести?
3. Как найти координаты центра тяжести прямоугольника, треугольника и круга?
4. Как найти координаты центра тяжести плоского составного сечения?

Практическая работа №7

Определение положения центра тяжести составного сечения

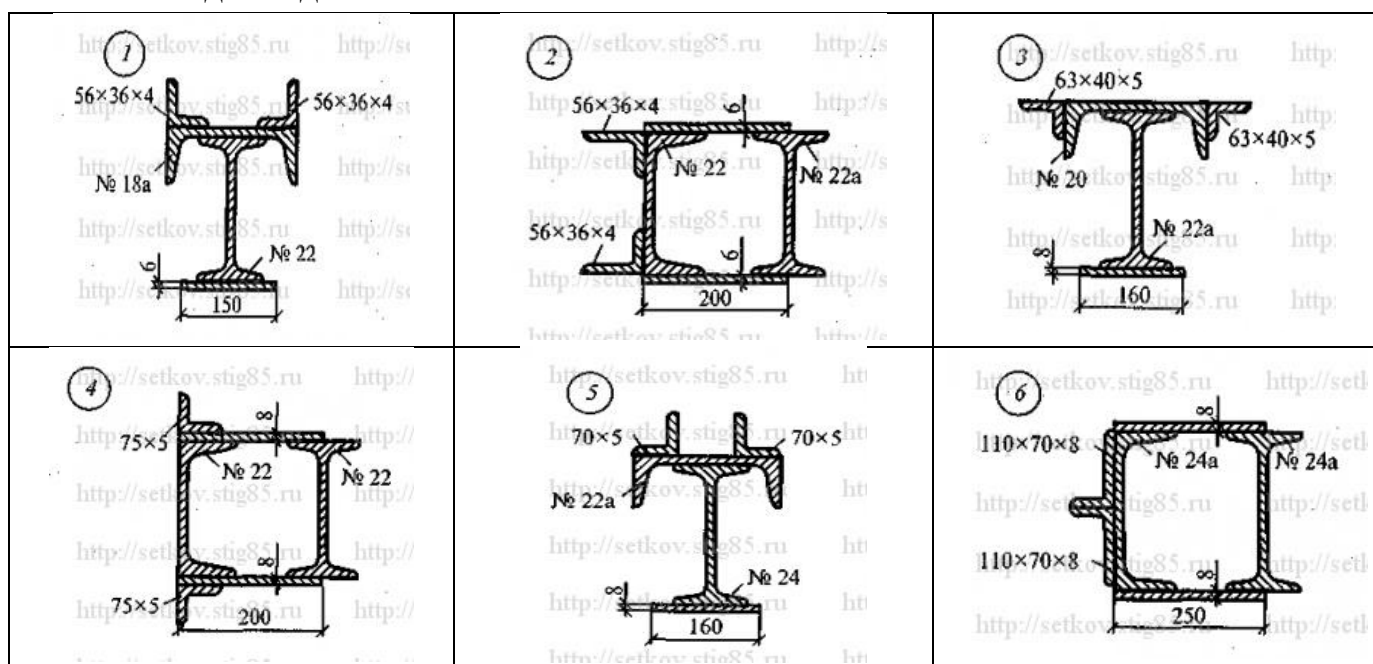
Цель: научиться определять положение центра тяжести сечения, составленного из стандартных профилей

В результате выполнения практической работы студент должен

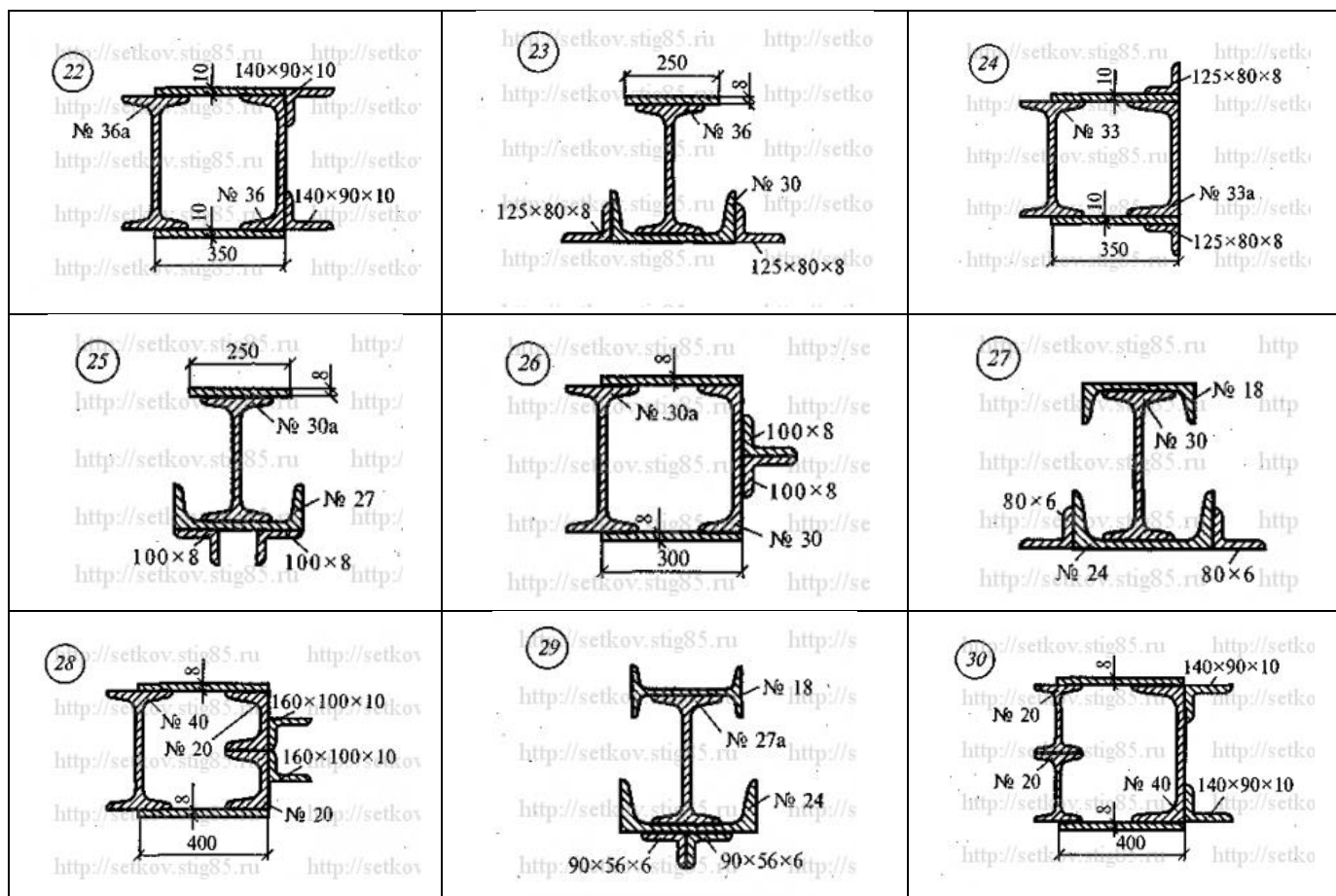
- **знать:** положение центра тяжести стандартных профилей; формулы определения координат центра тяжести сечения, составленного из стандартных профилей

- **уметь:** пользоваться таблицами сортамента (ГОСТ); определять центр тяжести сечения, составленного из стандартных профилей

Исходные данные:



| | | |
|---|--|---|
| <p>7</p> <p>75×50×6 № 22 № 24a № 16 250</p> | <p>8</p> <p>75×50×6 № 12 № 24 № 12 250</p> | <p>9</p> <p>80×50×6 № 22a № 27 № 16 250</p> |
| <p>10</p> <p>80×50×6 № 24 № 12 № 12 250</p> | <p>11</p> <p>90×56×6 № 24 № 27 180</p> | <p>12</p> <p>90×56×6 № 27 № 27a № 27a 300</p> |
| <p>13</p> <p>80×50×6 № 24a № 30 200</p> | <p>14</p> <p>№ 30 № 30a 100×63×8 № 30a 300</p> | <p>15</p> <p>№ 27 № 30a 110×70×8 № 30a 200</p> |
| <p>16</p> <p>№ 30a 110×70×8 № 30 № 30 165</p> | <p>17</p> <p>125×80×8 № 30 № 36 № 20 200</p> | <p>18</p> <p>125×80×8 № 36 № 33 № 33 140</p> |
| <p>19</p> <p>140×90×10 № 33 № 40 № 20 200</p> | <p>20</p> <p>140×90×10 № 33 № 36 № 36 № 20 200</p> | <p>21</p> <p>140×90×10 № 33 № 40 № 33 140×90×10 200</p> |

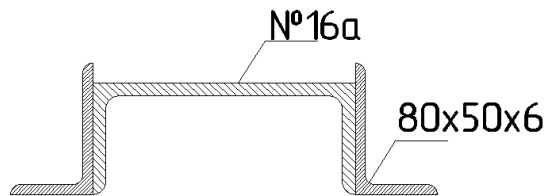


Порядок выполнения практической работы:

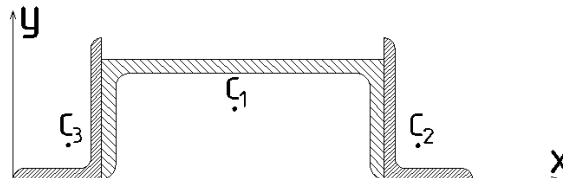
1. Выполнить эскиз сечения, составленного из стандартных профилей
2. Выбрать положение осей координат
3. Показать положение центров тяжести стандартных профилей по таблицам сортамента (ГОСТ)
4. Определить площади и координаты центров тяжести стандартных профилей по таблицам сортамента
5. Определить координаты центра тяжести плоского сечения, состоящего из стандартных профилей

Пример выполнения практической работы:

1. Выполнить эскиз сечения, составленного из стандартных профилей



2. Выбрать положение осей координат
3. Показать положение центров тяжести стандартных профилей по таблицам сортамента (ГОСТ)



4. Определить площади и координаты центров тяжести стандартных профилей по таблицам сортамента

$$\begin{array}{lll}
 A_1 = 19,8 \text{ см}^2 & A_2 = 7,55 \text{ см}^2 & A_3 = 7,55 \text{ см}^2 \\
 x_1 = 13 \text{ см} & x_2 = 3,83 \text{ см} & x_3 = 22,17 \text{ см} \\
 y_1 = 4,8 \text{ см} & y_2 = 2,65 \text{ см} & y_3 = 2,65 \text{ см}
 \end{array}$$

5. Определить координаты центра тяжести составного сечения

$$x_c = \frac{A_1 \cdot x_1 + A_2 \cdot x_2 + A_3 \cdot x_3}{A_1 + A_2 + A_3} = \frac{19,81 \cdot 13 + 7,55 \cdot 3,83 + 7,55 \cdot 22,17}{19,81 + 7,55 + 7,55} = 13 \text{ см}$$

$$y_c = \frac{A_1 \cdot y_1 + A_2 \cdot y_2 + A_3 \cdot y_3}{A_1 + A_2 + A_3} = \frac{19,81 \cdot 4,8 + 7,55 \cdot 2,65 + 7,55 \cdot 2,65}{19,81 + 7,55 + 7,55} = 3,9 \text{ см}$$

Контрольные вопросы:

1. В чем особенность определения положения центра тяжести фигуры, имеющей ось симметрии?
2. Назовите известные Вам стандартные профили проката.

Раздел 2 Сопротивление материалов

Практическая работа №8

Построение эпюр при растяжении и сжатии

Цель: научиться строить эпюры продольных сил и нормальных напряжений

В результате выполнения практической работы студент должен

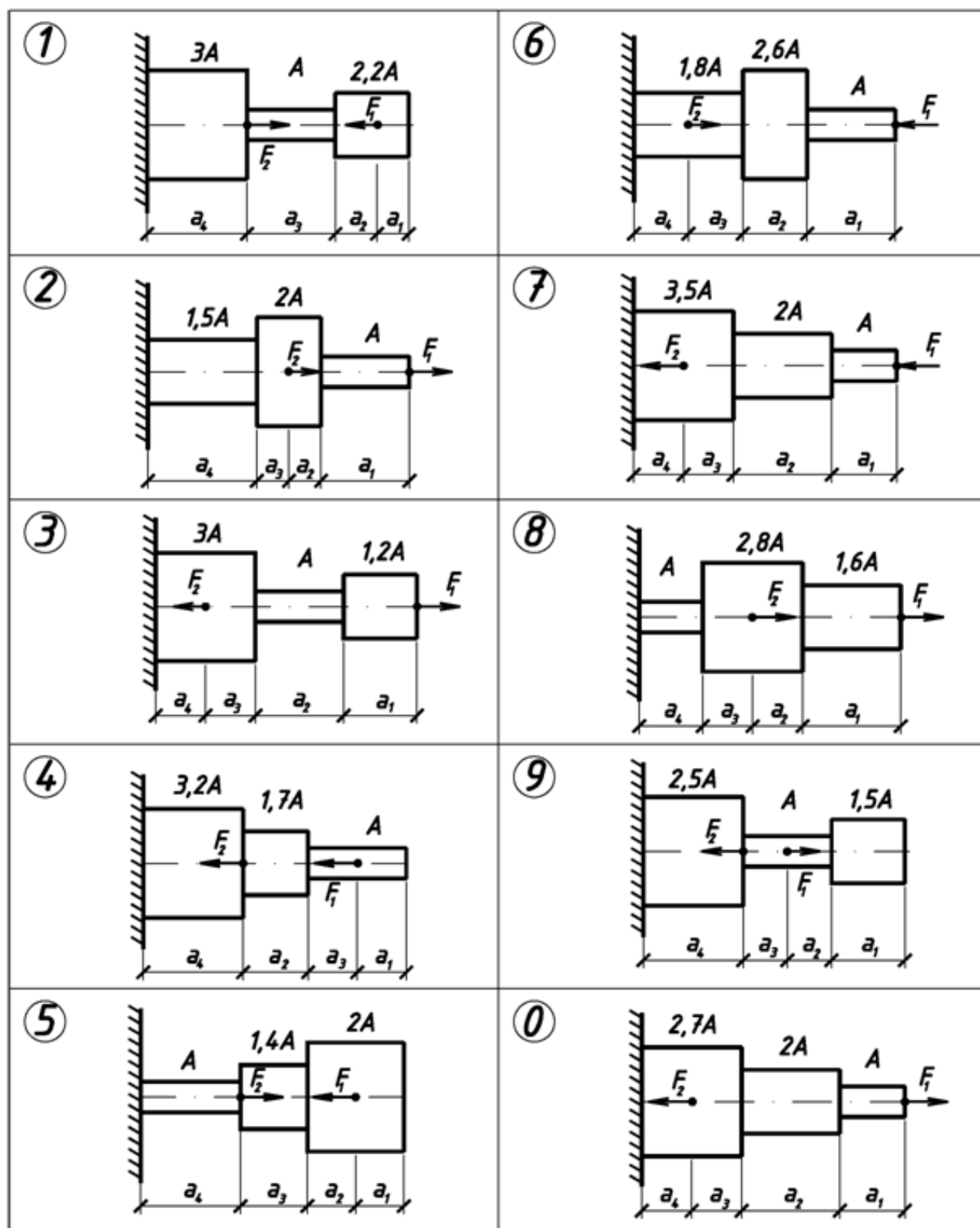
- **знать:** метод сечений; внутренние силовые факторы при растяжении и сжатии; составляющие напряжений; правила построения эпюр продольных сил и нормального напряжения при растяжении и сжатии;

- **уметь:** определять виды нагрузок; определять внутренние силовые факторы в поперечных сечениях при растяжении и сжатии; строить эпюры продольных сил и нормального напряжения при растяжении и сжатии

Исходные данные:

| Вар. | Схема | F ₁ , кН | F ₂ , кН | A, см ² | a ₁ , м | a ₂ , м | a ₃ , м | a ₄ , м |
|------|-------|---------------------|---------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|--------------------|
| 1 | 1 | 40 | 55 | 20 | 0,2 | 0,2 | 0,5 | 0,5 |
| 2 | 2 | 15 | 35 | 21 | 0,8 | 0,3 | 0,3 | 0,8 |
| 3 | 3 | 25 | 60 | 23 | 0,6 | 0,6 | 0,2 | 0,2 |
| 4 | 4 | 10 | 40 | 20 | 0,2 | 0,4 | 0,5 | 0,7 |
| 5 | 5 | 20 | 60 | 21 | 0,3 | 0,3 | 0,5 | 0,8 |
| 6 | 6 | 20 | 50 | 21 | 1,2 | 0,8 | 0,5 | 0,4 |
| 7 | 7 | 35 | 60 | 23 | 0,6 | 1,0 | 0,4 | 0,4 |
| 8 | 8 | 35 | 50 | 24 | 1,2 | 0,7 | 0,7 | 0,9 |
| 9 | 9 | 15 | 40 | 20 | 0,8 | 0,5 | 0,6 | 1,1 |
| 10 | 0 | 20 | 50 | 21 | 0,6 | 0,8 | 0,3 | 0,3 |
| 11 | 1 | 15 | 45 | 20 | 0,3 | 0,3 | 0,7 | 0,7 |
| 12 | 2 | 15 | 60 | 24 | 1,0 | 0,6 | 0,6 | 1,0 |
| 13 | 3 | 25 | 60 | 21 | 0,8 | 0,8 | 0,3 | 0,3 |
| 14 | 4 | 30 | 75 | 23 | 0,3 | 0,5 | 0,6 | 0,8 |
| 15 | 5 | 45 | 70 | 25 | 0,4 | 0,4 | 0,8 | 1,0 |
| 16 | 6 | 35 | 60 | 24 | 0,8 | 0,5 | 0,2 | 0,1 |
| 17 | 7 | 40 | 65 | 25 | 0,5 | 0,9 | 0,3 | 0,3 |
| 18 | 8 | 30 | 60 | 23 | 0,9 | 0,5 | 0,5 | 0,7 |
| 19 | 9 | 45 | 60 | 25 | 0,6 | 0,4 | 0,5 | 0,9 |
| 20 | 0 | 20 | 55 | 20 | 0,5 | 0,9 | 0,4 | 0,4 |
| 21 | 1 | 25 | 60 | 23 | 0,4 | 0,4 | 0,8 | 0,8 |
| 22 | 2 | 35 | 65 | 24 | 0,9 | 0,7 | 0,7 | 0,9 |
| 23 | 3 | 15 | 45 | 20 | 0,9 | 0,9 | 0,4 | 0,4 |
| 24 | 4 | 20 | 55 | 2,1 | 0,5 | 0,6 | 0,7 | 0,8 |
| 25 | 5 | 25 | 75 | 2,3 | 0,6 | 0,6 | 0,8 | 1,0 |
| 26 | 6 | 30 | 50 | 2,4 | 0,9 | 0,6 | 0,4 | 0,2 |
| 27 | 7 | 55 | 80 | 2,5 | 0,7 | 1,0 | 0,5 | 0,5 |
| 28 | 8 | 45 | 65 | 2,5 | 1,0 | 0,7 | 0,7 | 0,9 |
| 29 | 9 | 40 | 70 | 2,4 | 0,7 | 0,6 | 0,6 | 1,0 |
| 30 | 0 | 50 | 90 | 2,5 | 0,6 | 0,9 | 0,5 | 0,5 |

Схемы



Порядок выполнения практической работы

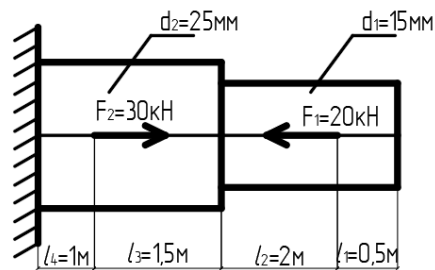
1. Показать условие задачи;
2. Разбить длину бруса на участки по точкам приложения внешних сил от свободной части бруса;

3. Пользуясь методом сечения определить на каждом участке величину продольной силы;
4. По полученным данным построить эпюру продольных сил;
5. На каждом участке определить величину нормального напряжения;
6. По полученным данным построить эпюру нормальных напряжений при растяжении и сжатии;

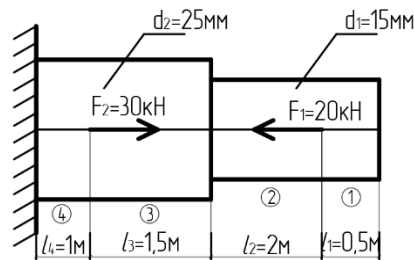
Пример выполнения практической работы

Исходные данные

1. Показать условие задачи;



2. Разбить длину бруса на участки по точкам приложения внешних сил от свободной части бруса;



3. Пользуясь методом сечения определить на каждом участке величину продольной силы;

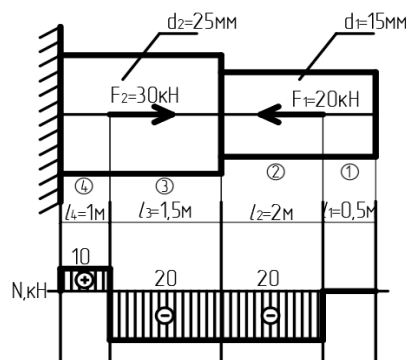
$$N_1 = 0$$

$$N_2 = -F_1 = -20 \text{ kH}$$

$$N_3 = -F_1 = -20 \text{ kH}$$

$$N_2 = -F_1 + F_2 = -20 + 30 = 10 \text{ kH}$$

4. По полученным данным построить эпюру продольных сил;



5. На каждом участке определить величину нормального напряжения i -ого участка;

$$\sigma_i = N_i/A_i$$

где N_i - продольная сила i -ого участка

A_i - площадь i -ого участка

$$A_1 = \pi d_1^2/4 = 3,14 \cdot 1,5^2/4 = 1,77 \text{ см}^2$$

$$A_2 = \pi d_2^2/4 = 3,14 \cdot 2,5^2/4 = 4,9 \text{ см}^2$$

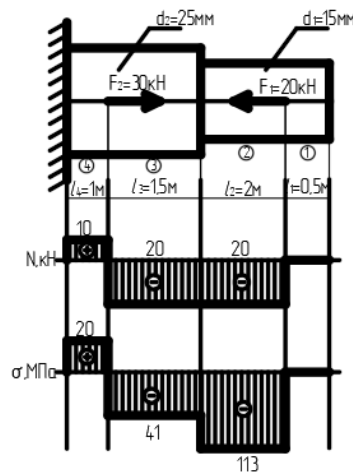
$$\sigma_1 = N_1/A_1 = 0/1,77 = 0$$

$$\sigma_2 = N_2/A_1 = -20/1,77 = -11,3 \text{ кН/см}^2 = -113 \text{ МПа}$$

$$\sigma_3 = N_3/A_2 = -20/4,9 = -4,1 \text{ кН/см}^2 = -41 \text{ МПа}$$

$$\sigma_4 = N_4/A_2 = 10/4,9 = 2,0 \text{ кН/см}^2 = 20 \text{ МПа}$$

6. По полученным данным построить эпюру нормальных напряжений при растяжении и сжатии;



Контрольные вопросы

1. Что такое эпюры?
2. Что такое нормальное напряжение?
3. Какие виды деформаций Вы знаете?

Практическая работа №9

Расчет на прочность при растяжении и сжатии

Цель: научиться выполнять расчет на прочность, подбор сечения из условия прочности при растяжении и сжатии

В результате выполнения практической работы студент должен

- **знать:** условие прочности при растяжении и сжатии; виды расчета на прочность; уравнения равновесия для различных систем сил;

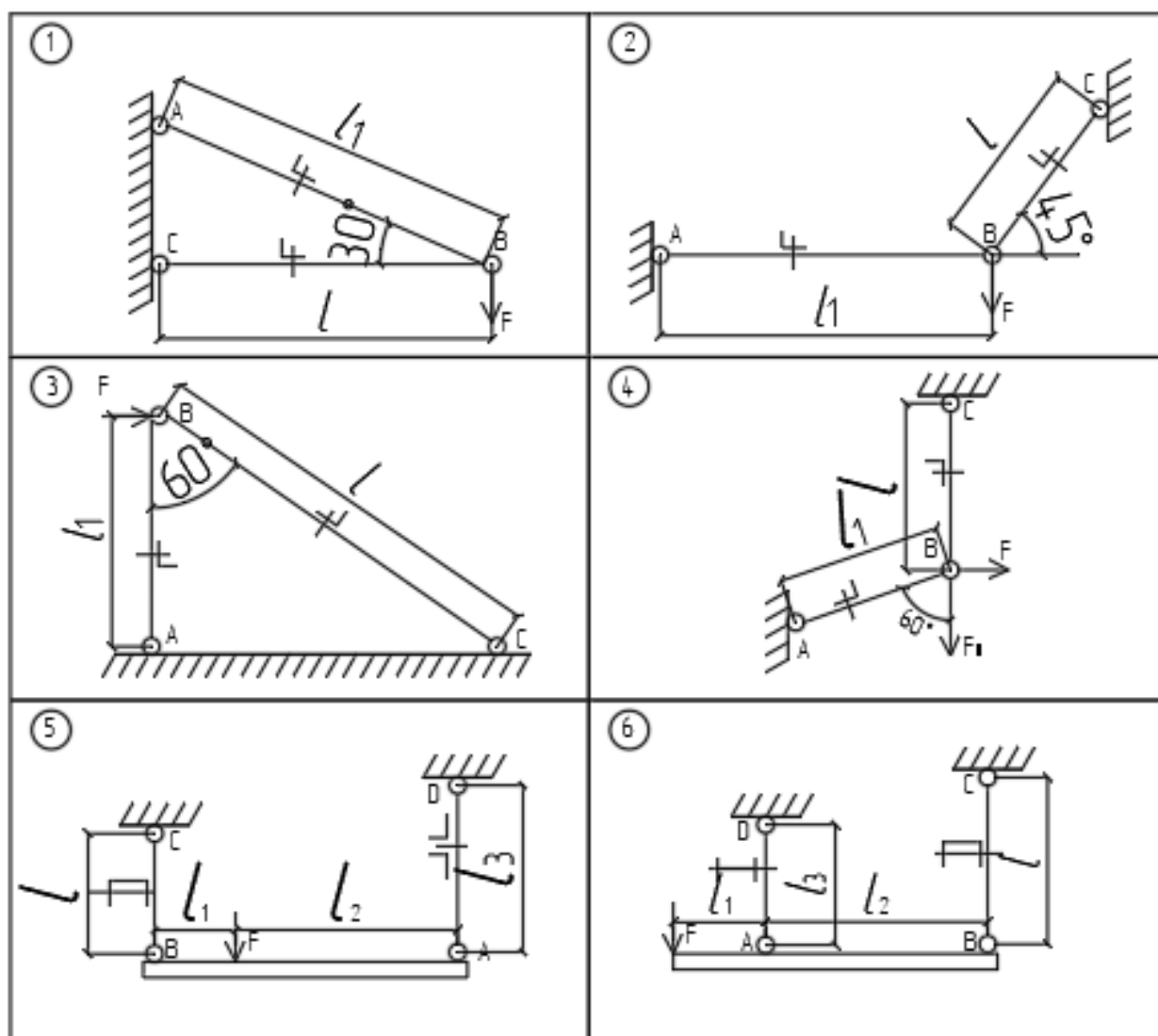
- **уметь:** составлять уравнение равновесия для различных систем сил; выполнять проектировочный расчет; пользоваться таблицами нормального сортамента (ГОСТ)

Исходные данные:

$[\sigma_{сж}] = 120 \text{ МПа}$, $[\sigma_p] = 160 \text{ МПа}$, $E = 2,06 \times 10^5 \text{ МПа}$

| Вариант | Схема | F, кН | F ₁ , кН | l, м | l ₁ , м | l ₂ , м |
|---------|-------|-------|---------------------|------|--------------------|--------------------|
| 1 | 1 | 15 | - | 1,2 | - | - |
| 2 | 2 | 12 | - | 0,9 | - | - |
| 3 | 3 | 25 | - | 1,5 | - | - |
| 4 | 4 | 16 | 20 | 0,7 | - | - |
| 5 | 5 | 150 | - | 0,7 | 0,8 | 2,2 |
| 6 | 6 | 120 | - | 1,2 | 0,8 | 1,6 |
| 7 | 1 | 17 | - | 0,5 | - | - |
| 8 | 2 | 40 | - | 0,6 | - | - |
| 9 | 3 | 35 | - | 0,3 | - | - |
| 10 | 4 | 50 | 80 | 0,6 | - | - |
| 11 | 5 | 20 | - | 1,6 | 0,4 | 0,8 |
| 12 | 6 | 24 | - | 0,5 | 0,3 | 0,2 |
| 13 | 1 | 26 | - | 2,0 | - | - |
| 14 | 2 | 18 | - | 0,8 | - | - |
| 15 | 3 | 120 | - | 0,5 | - | - |
| 16 | 4 | 120 | 100 | 1,4 | - | - |
| 17 | 5 | 20 | - | 0,5 | 0,9 | 2,2 |
| 18 | 6 | 40 | - | 0,6 | 0,5 | 2,8 |
| 19 | 1 | 35 | - | 0,4 | - | - |
| 20 | 2 | 50 | - | 0,5 | - | - |
| 21 | 3 | 35 | - | 1,4 | - | - |
| 22 | 4 | 26 | 15 | 1,2 | - | - |
| 23 | 5 | 21 | - | 1,6 | 1,5 | 2,5 |
| 24 | 6 | 20 | - | 0,9 | 0,5 | 0,6 |
| 25 | 1 | 130 | - | 0,8 | - | - |
| 26 | 2 | 110 | - | 1,4 | - | - |
| 27 | 3 | 18 | - | 0,6 | - | - |
| 28 | 4 | 45 | 160 | 0,8 | - | - |
| 29 | 5 | 20 | - | 0,4 | 0,4 | 0,4 |

| | | | | | | |
|----|---|----|---|-----|-----|-----|
| 30 | 6 | 40 | - | 0,6 | 0,8 | 1,5 |
|----|---|----|---|-----|-----|-----|



Порядок выполнения практической работы

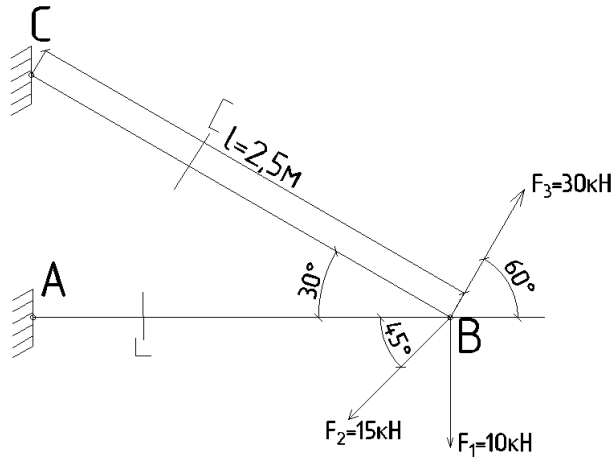
1. Показать условие задачи;
2. Заменить связи усилиями и определиться с системой координат;
3. Составить уравнения равновесия для заданной системы сил;
4. Определить продольные силы (усилия) в стержнях системы;
5. Из условия прочности определить размер поперечного сечения стержней, учитывая вид деформации стержня;
6. По таблицам нормального сортамента выполнить подбор сечения, исходя из задания;
7. Определить удлинение (укорочение) стержня ВС

Пример выполнения практической работы

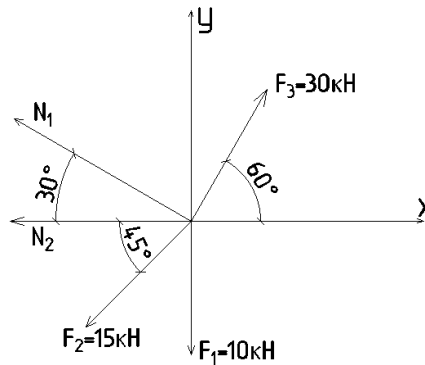
Исходные данные

1. Показать условие задачи

$[\sigma_{сж}] = 110 \text{ МПа} = 11 \text{ кН/см}^2$, $[\sigma_p] = 150 \text{ МПа} = 15 \text{ кН/см}^2$, $E = 2,06 \times 10^5 \text{ МПа} = 2,06 \times 10^4 \text{ кН/см}^2$



2. Заменить связи усилиями и определиться с системой координат;



3. Составить уравнения равновесия для заданной системы сил;

$$\sum x = 0 \quad F_3 \cdot \cos 60^\circ - N_1 \cdot \cos 30^\circ - N_2 - F_2 \cdot \cos 45^\circ = 0$$

$$\sum y = 0 \quad F_3 \cdot \cos 30^\circ + N_1 \cdot \cos 60^\circ - F_1 - F_2 \cdot \cos 45^\circ = 0$$

4. Определить продольные силы (усилия) в стержнях системы;

$$N_1 = \frac{-F_3 \cdot \cos 30^\circ + F_1 + F_2 \cdot \cos 45^\circ}{\cos 60^\circ}$$

$$N_1 = \frac{-30 \cdot 0,87 + 15 \cdot 0,71 + 10}{0,5} = -10,9 \text{ кН (стержень сжат)}$$

$$N_2 = F_3 \cdot \cos 60^\circ - N_1 \cdot \cos 30^\circ - F_2 \cdot \cos 45^\circ$$

$$N_2 = 30 \cdot 0,5 - (-10,9) \cdot 0,87 - 15 \cdot 0,71 = 13,83 \text{ кН (стержень растянут)}$$

Проверка

$$\sum x = 0 \quad 30 \cdot 0,5 - (-10,9) \cdot 0,87 - 13,83 - 15 \cdot 0,71 = 0$$

$$\sum y = 0 \quad 30 \cdot 0,87 + (-10,9) \cdot 0,5 - 10 - 15 \cdot 0,71 = 0$$

5. Из условия прочности определить размер поперечного сечения стержней, учитывая вид деформации стержня;

$$\sigma = \frac{N}{A}$$
$$A_1 = \frac{N_1}{[\sigma_{сж}]} = \frac{10,9}{11} = 0,99$$
$$A_2 = \frac{N_2}{[\sigma_p]} = \frac{13,83}{15} = 0,93$$

6. По таблицам нормального сортамента выполнить подбор сечения, исходя из задания;

1 стержень - швеллер № 5 $A=6,16 \text{ см}^2$

2 стержень - уголок равнобокий № 20х3 $A=1,13 \text{ см}^2$

7. Определить удлинение (укорочение) стержня ВС

$$\Delta l = \frac{N \cdot l}{E \cdot A}, \text{ мм}$$
$$\Delta l_{\text{BC}} = \frac{N_1 \cdot l}{E \cdot A_1} = \frac{10,9 \cdot 250}{2,06 \cdot 10^4 \cdot 6,16} = 0,02 \text{ см} = 0,2 \text{ мм}$$

Стержень сожмется на 0,2 мм

Контрольные вопросы

1. Что такое проектный расчет?
2. Что такое расчет по допускаемым нагрузкам?
3. Что такое проверочный расчет?

Практическая работа №10

Решение задач на определение удлинения

Цель: научиться определять изменения длины стержня при растяжении и сжатии

В результате выполнения практической работы студент должен

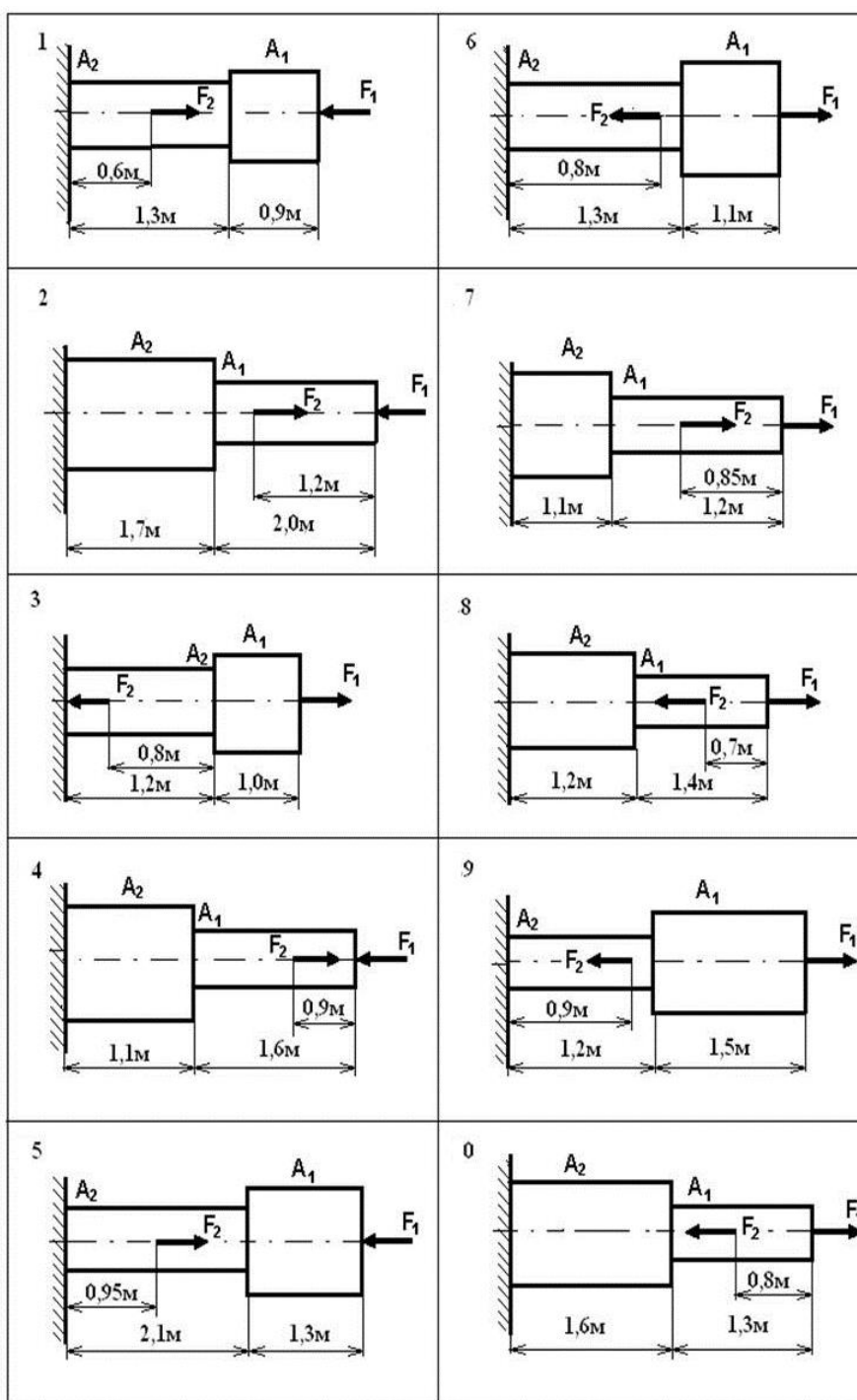
- **знать:** правила построения эпюр продольных сил и нормальных напряжений при растяжении и сжатии; закон Гука; зависимости и формулы для расчета напряжений и перемещений.

- **уметь:** строить эпюры продольных сил и нормальных напряжений при растяжении и сжатии; проводить расчеты на прочность и жесткость при растяжении и сжатии.

Исходные данные:

| Вариант | № схемы | $A_1, \text{см}^2$ | $A_2, \text{см}^2$ | $F_1, \text{кН}$ | $F_2, \text{кН}$ |
|---------|---------|--------------------|--------------------|------------------|------------------|
| 1 | 1 | 10 | 8 | 12 | 14 |
| 2 | 2 | 6 | 9 | 15 | 15 |
| 3 | 3 | 12 | 6 | 14 | 19 |
| 4 | 4 | 5 | 9 | 12 | 13 |
| 5 | 5 | 15 | 10 | 10 | 12 |
| 6 | 6 | 20 | 14 | 23 | 25 |
| 7 | 7 | 12 | 15 | 5 | 12 |
| 8 | 8 | 10 | 16 | 10 | 15 |
| 9 | 9 | 19 | 12 | 20 | 14 |
| 10 | 0 | 10 | 18 | 17 | 15 |
| 11 | 1 | 20 | 14 | 10 | 12 |
| 12 | 2 | 5 | 9 | 23 | 25 |
| 13 | 3 | 15 | 14 | 5 | 12 |
| 14 | 4 | 10 | 14 | 10 | 15 |
| 15 | 5 | 12 | 9 | 20 | 14 |
| 16 | 6 | 15 | 8 | 17 | 15 |
| 17 | 7 | 10 | 16 | 12 | 14 |
| 18 | 8 | 13 | 17 | 15 | 15 |
| 19 | 9 | 16 | 10 | 14 | 19 |
| 20 | 0 | 7 | 12 | 12 | 13 |
| 21 | 1 | 17 | 13 | 5 | 12 |
| 22 | 2 | 10 | 18 | 10 | 15 |
| 23 | 3 | 17 | 13 | 20 | 14 |
| 24 | 4 | 11 | 18 | 17 | 15 |
| 25 | 5 | 11 | 8 | 12 | 14 |
| 26 | 6 | 14 | 9 | 15 | 15 |
| 27 | 7 | 11 | 17 | 14 | 19 |
| 28 | 8 | 12 | 19 | 12 | 13 |
| 29 | 9 | 17 | 11 | 20 | 14 |
| 30 | 0 | 9 | 11 | 17 | 15 |

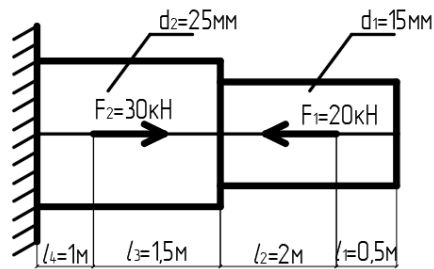
Схемы



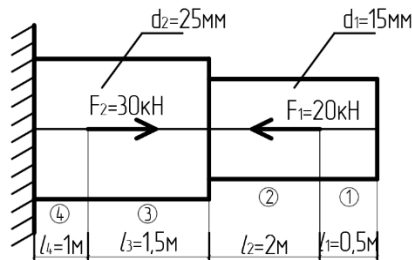
Пример выполнения практической работы

Исходные данные

1. Показать условие задачи;



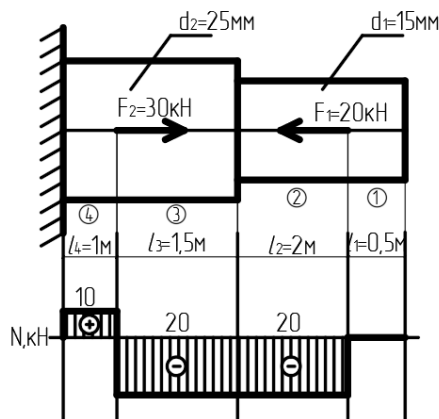
2. Разбить длину бруса на участки по точкам приложения внешних сил от свободной части бруса;



3. Пользуясь методом сечения определить на каждом участке величину продольной силы;

$$\begin{aligned}
 N_1 &= 0 \\
 N_2 &= -F_1 = -20 \text{ кН} \\
 N_3 &= -F_1 = -20 \text{ кН} \\
 N_4 &= -F_1 + F_2 = -20 + 30 = 10 \text{ кН}
 \end{aligned}$$

4. По полученным данным построить эпюру продольных сил;



5. На каждом участке определить величину нормального напряжения σ_i - ого участка;

$$\sigma_i = N_i / A_i$$

где N_i - продольная сила i - ого участка

A_i - площадь i - ого участка

$$A_1 = \pi d_1^2 / 4 = 3,14 \cdot 1,5^2 / 4 = 1,77 \text{ см}^2$$

$$A_2 = \pi d_2^2 / 4 = 3,14 \cdot 2,5^2 / 4 = 4,9 \text{ см}^2$$

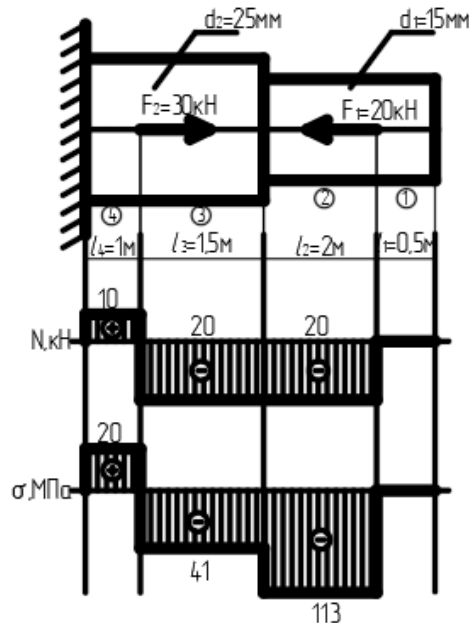
$$\sigma_1 = N_1/A_1 = 0/1,77 = 0$$

$$\sigma_2 = N_2/A_1 = -20/1,77 = -11,3 \text{ кН/см}^2 = -113 \text{ МПа}$$

$$\sigma_3 = N_3/A_2 = -20/4,9 = -4,1 \text{ кН/см}^2 = -41 \text{ МПа}$$

$$\sigma_4 = N_4/A_2 = 10/4,9 = 2,0 \text{ кН/см}^2 = 20 \text{ МПа}$$

6. По полученным данным построить эпюру нормальных напряжений при растяжении и сжатии;



7. Определить удлинение или укорочение бруса

7.1 Формула определения удлинения или укорочения для одного участка

$$\Delta l = \frac{N \cdot l}{E \cdot A}, \text{ мм}$$

где: N - продольная сила на участке, кН

l - длина участка, см

E - модуль упругости, кН/см² (для стали $2,05 \cdot 10^5$ МПа)

A - площадь сечения участка, см²

7.2 Определить удлинение или укорочение бруса на каждом участке

$$\Delta l_1 = \frac{N_1 \cdot l_1}{E \cdot A_1} = \frac{0 \cdot 50}{2,05 \cdot 10^4 \cdot 1,77} = 0 \text{ см}$$

$$\Delta l_2 = \frac{N_2 \cdot l_2}{E \cdot A_1} = \frac{-20 \cdot 200}{2,05 \cdot 10^4 \cdot 1,77} = -0,11 \text{ см} = -1,1 \text{ мм}$$

$$\Delta l_3 = \frac{N_3 \cdot l_3}{E \cdot A_2} = \frac{-20 \cdot 150}{2,05 \cdot 10^4 \cdot 4,9} = -0,02 \text{ см} = -0,2 \text{ мм}$$

$$\Delta l_4 = \frac{N_4 \cdot l_4}{E \cdot A_2} = \frac{10 \cdot 100}{2,05 \cdot 10^4 \cdot 4,9} = 0,01 \text{ см} = 0,1 \text{ мм}$$

7.3 Определить общее удлинение или укорочение бруса

$\Delta l = \Delta l_1 + \Delta l_2 + \Delta l_3 + \Delta l_4 = 0 + (-1,1) + (-0,2) + 0,1 = -1,002 \text{ мм}$
Вывод: брус сожмется на 1,002 мм

Контрольные вопросы

1. Какой внутренний силовой фактор возникает при растяжении (сжатии)?
2. Как нагрузить прямой стержень, чтобы он испытывал только растяжение?
3. Какие расчеты можно выполнить из условия прочности?

Определение геометрических характеристик плоских сечений

Цель: научиться определять геометрические характеристики плоских сечений.

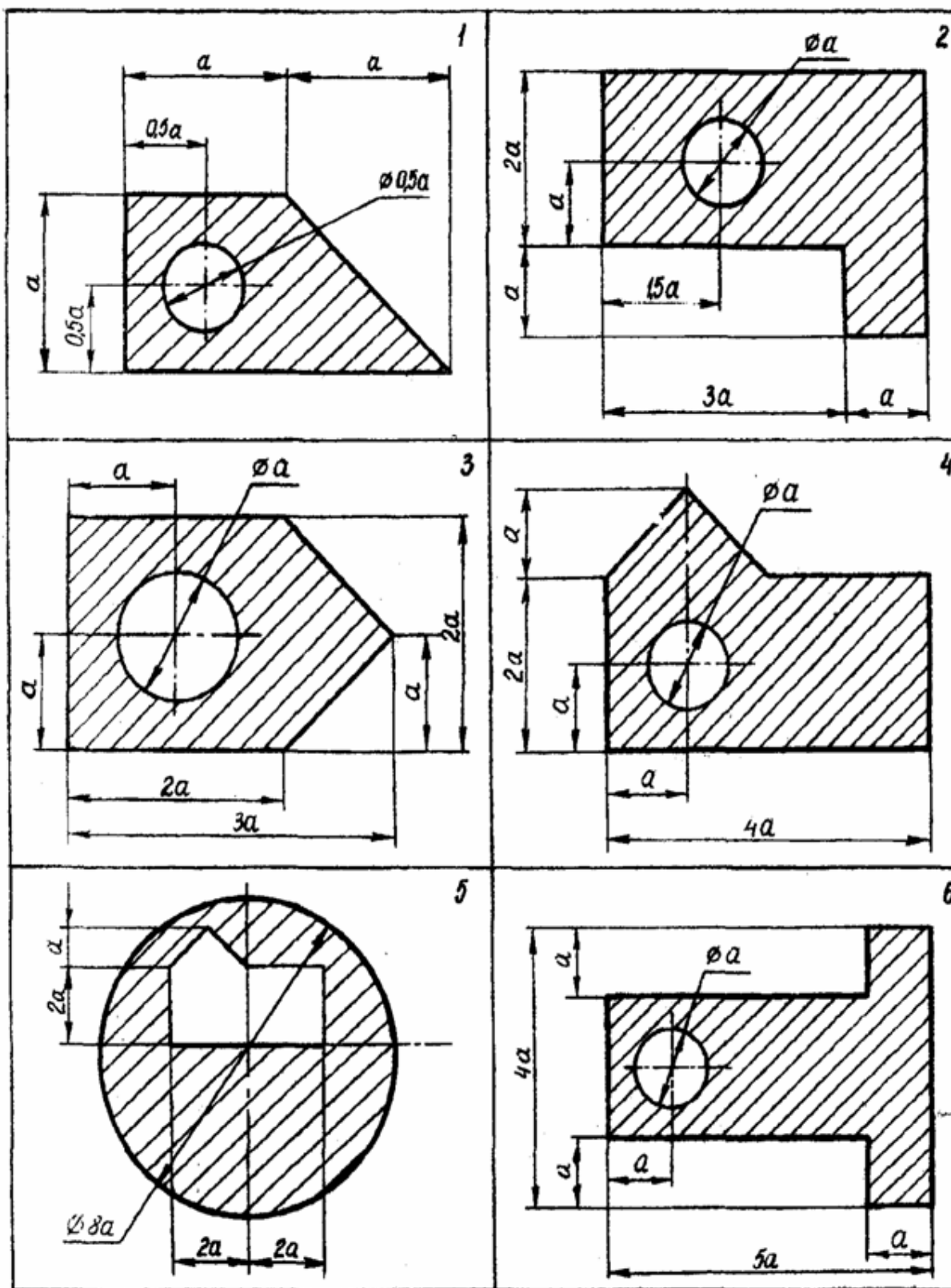
В результате выполнения практической работы студент должен

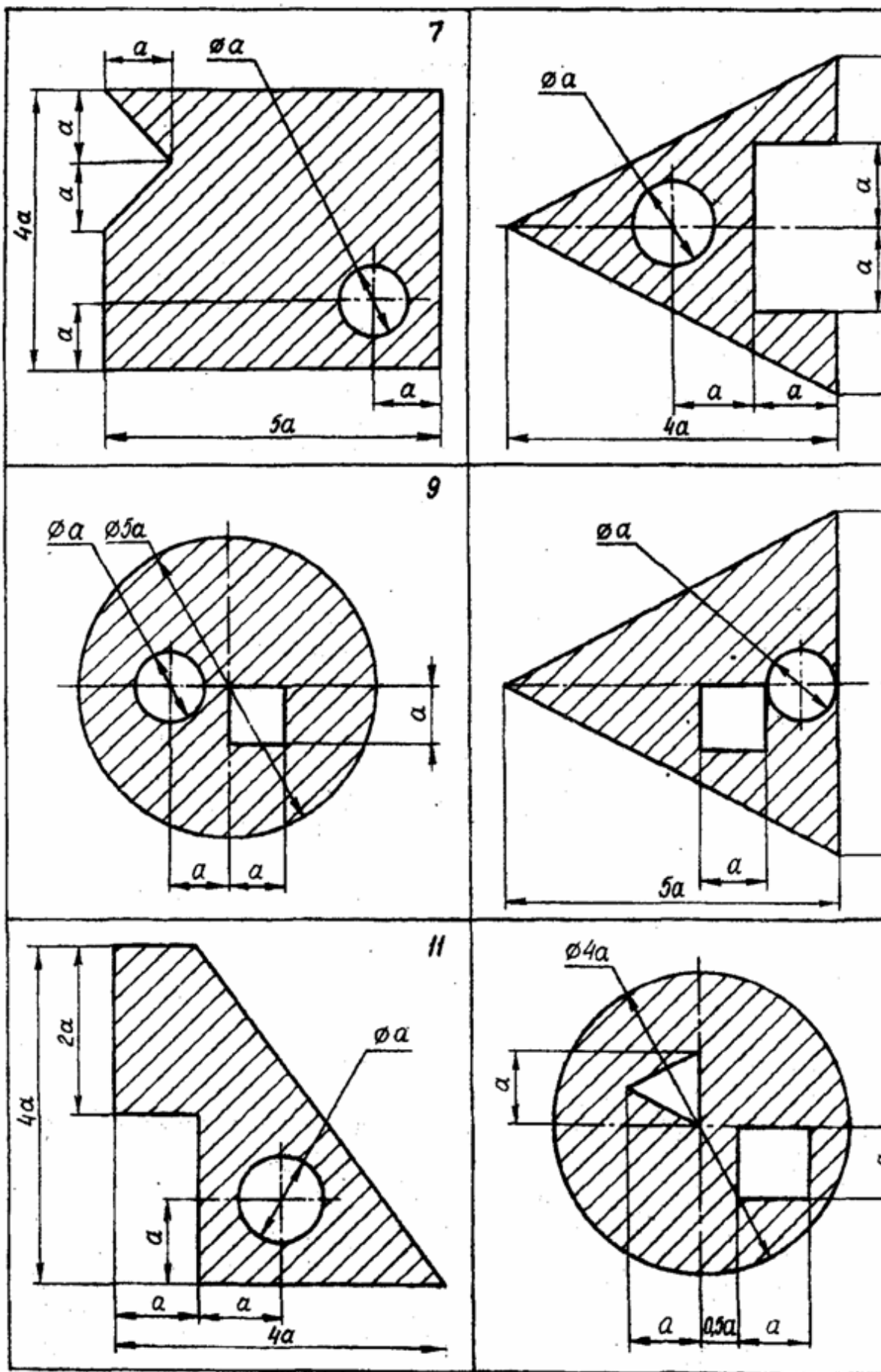
- **знать:** основные формулы расчета для определения моментов инерции, статического момента, центра тяжести, радиуса инерции плоских сечений; правила определения моментов инерции, статического момента, центра тяжести, радиуса инерции плоских сечений;

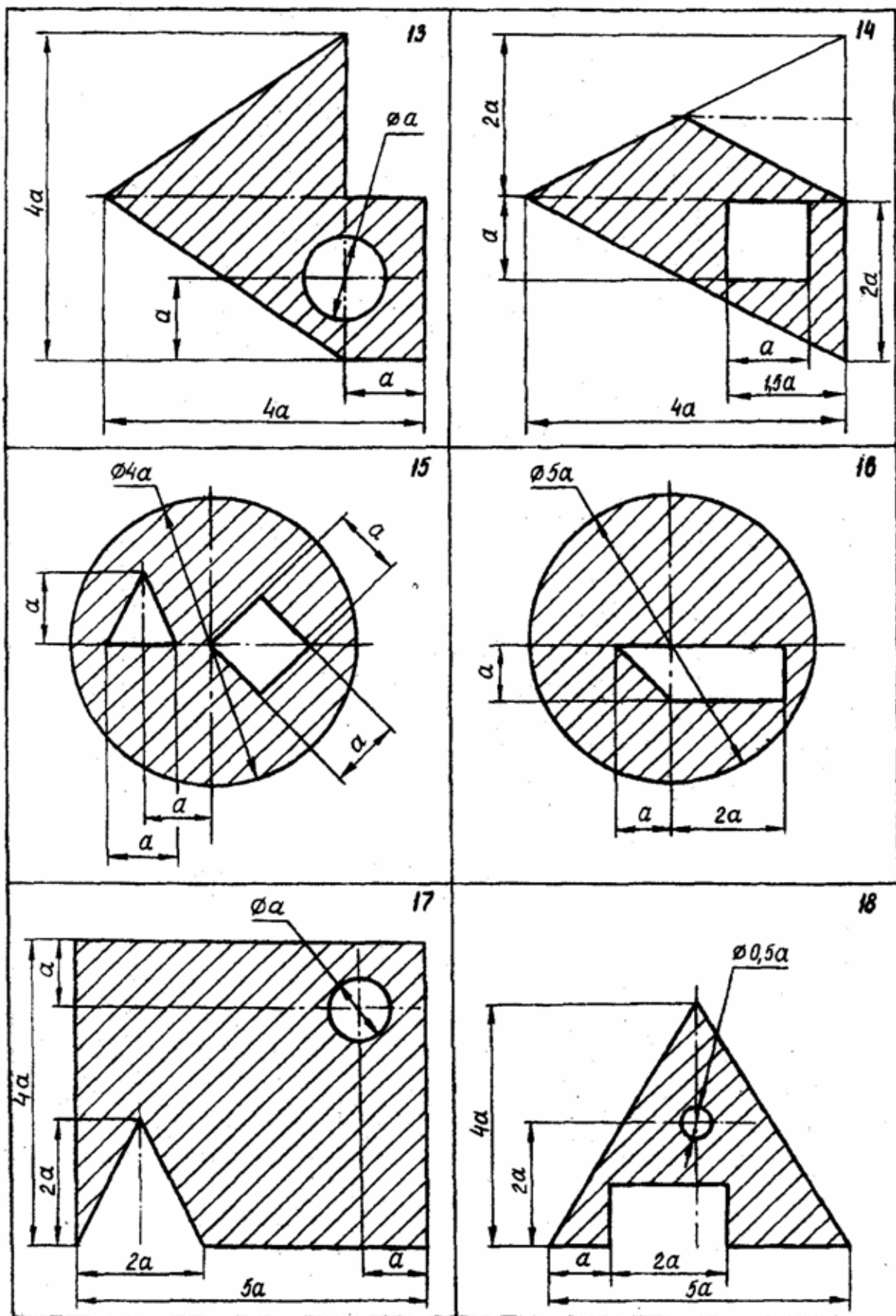
- **уметь:** определять моменты инерции, статические моменты, центры тяжести, радиус инерции плоских сечений

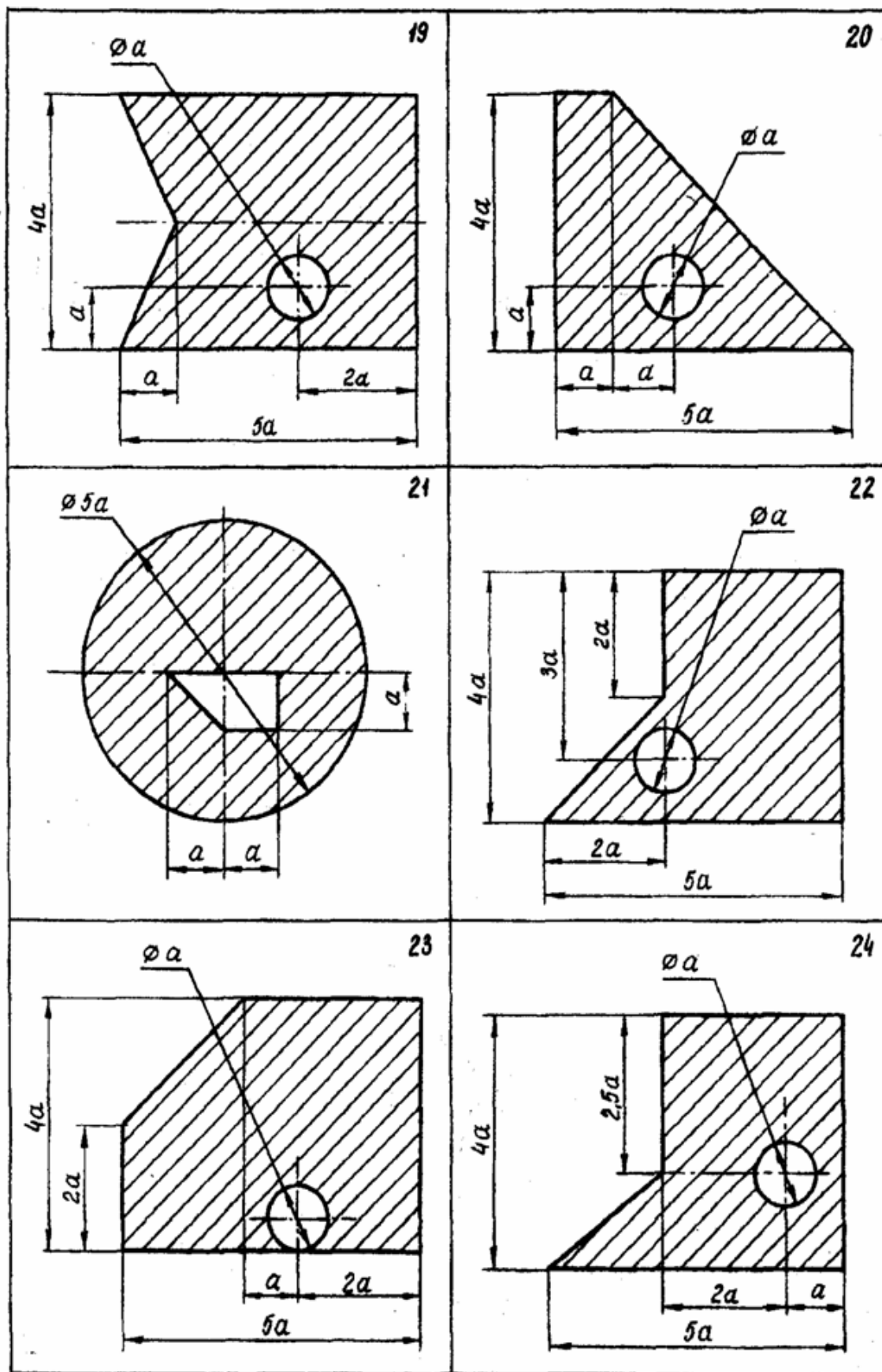
Исходные данные:

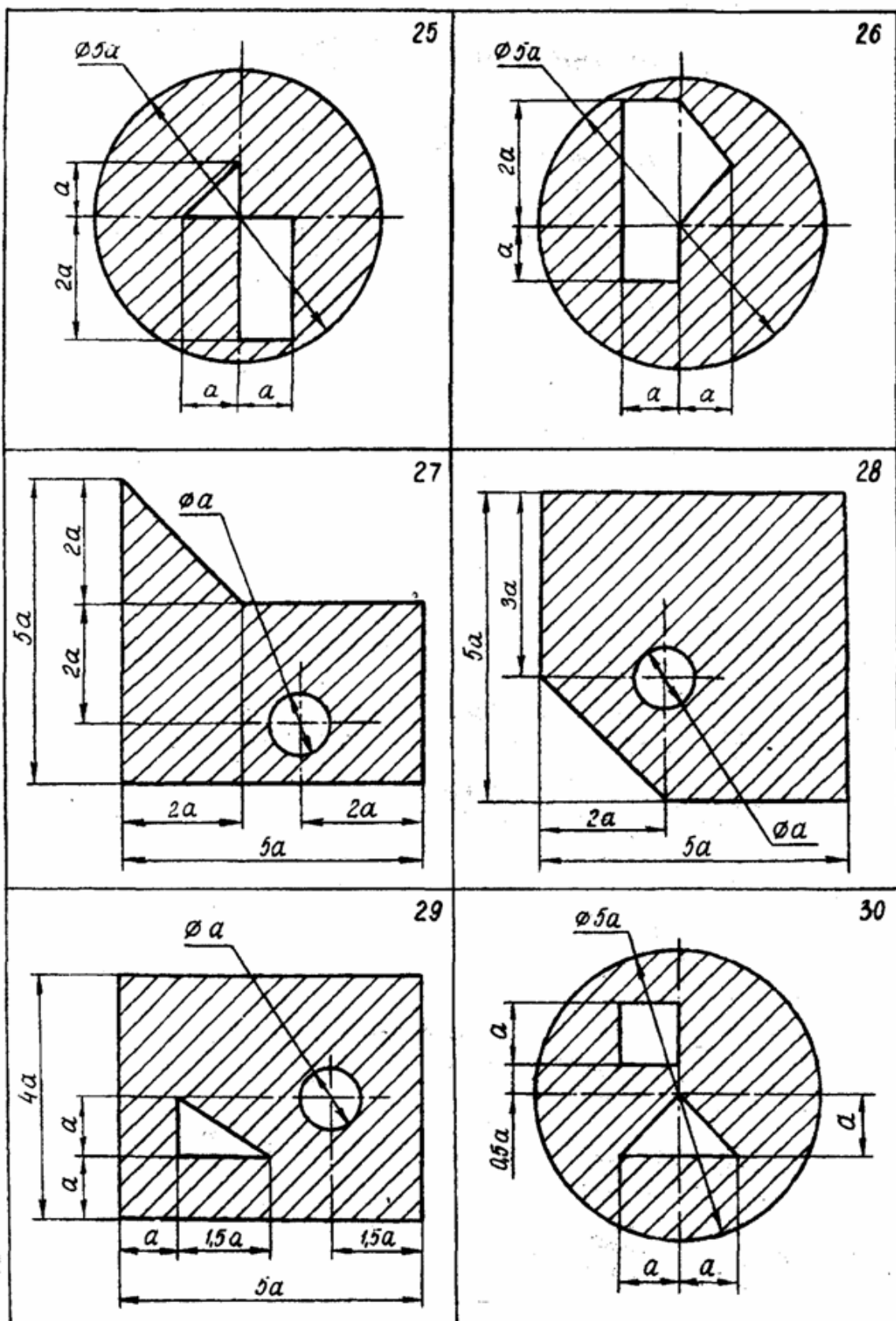
| № варианта | № схемы | а, см. | № варианта | № схемы | а, см. |
|------------|---------|--------|------------|---------|--------|
| 1 | 1 | 20 | 16 | 16 | 20 |
| 2 | 2 | 15 | 17 | 17 | 10 |
| 3 | 3 | 8 | 18 | 18 | 20 |
| 4 | 4 | 10 | 19 | 19 | 15 |
| 5 | 5 | 6 | 20 | 20 | 20 |
| 6 | 6 | 10 | 21 | 21 | 20 |
| 7 | 7 | 12 | 22 | 22 | 8 |
| 8 | 8 | 15 | 23 | 23 | 12 |
| 9 | 9 | 12 | 24 | 24 | 16 |
| 10 | 10 | 10 | 25 | 25 | 16 |
| 11 | 11 | 20 | 26 | 26 | 10 |
| 12 | 12 | 20 | 27 | 27 | 12 |
| 13 | 13 | 15 | 28 | 28 | 14 |
| 14 | 14 | 24 | 29 | 29 | 16 |
| 15 | 15 | 10 | 30 | 30 | 18 |











Порядок выполнения практической работы:

1. Указать исходные данные

2. Определить центр тяжести сечения

$$x_c = \frac{\sum A_i \cdot x_i}{\sum A_i}, \text{ см} \quad y_c = \frac{\sum A_i \cdot y_i}{\sum A_i}, \text{ см}$$

где A_i - площадь сечения i -ой фигуры (1, 2, 3, и т.д.), см^2

$x_i; y_i$ – расстояние до центра тяжести i -ой фигуры (1, 2, 3, и т.д.) по Ox и Oy , см

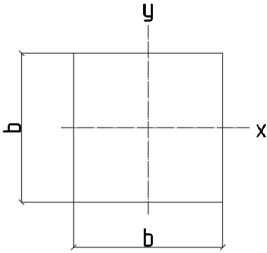
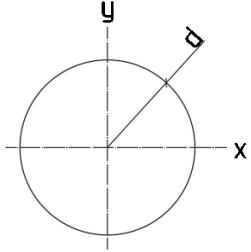
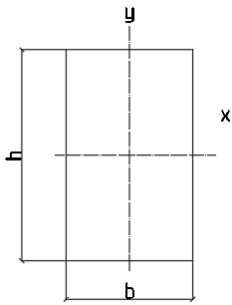
3. Определить статический момент сечения относительно оси X и Y

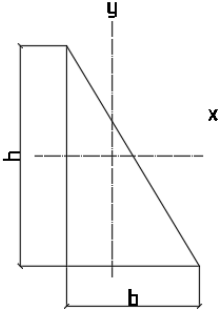
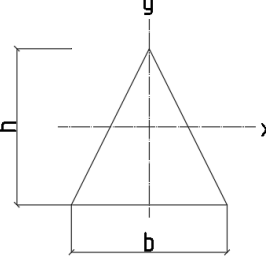
$$S_x = y_c \cdot A, \text{ см}^3 \quad S_y = x_c \cdot A, \text{ см}^3$$

где $x_c; y_c$ – координаты центра тяжести сечения, см

A – площадь сечения, см^2

4. Определить момент инерции сечения

| Сечение | Момент инерции относительно Ox | Момент инерции относительно Oy |
|---|--------------------------------------|----------------------------------|
|  | $I_{x,y} = \frac{b^4}{12}$ | |
|  | $I_{x,y} = \frac{\pi \cdot b^4}{64}$ | |
|  | $I_x = \frac{b \cdot h^3}{12}$ | $I_y = \frac{h \cdot b^3}{12}$ |

| | | |
|---|--------------------------------|--------------------------------|
|  | $I_x = \frac{b \cdot h^3}{36}$ | $I_y = \frac{h \cdot b^3}{36}$ |
|  | $I_x = \frac{b \cdot h^3}{36}$ | $I_y = \frac{h \cdot b^3}{48}$ |

4.1 Относительно оси X

$$I_x = \sum I_{xi}, \text{ см}^4$$

где I_{xi} – момент инерции i -ой фигуры по Ох, см⁴

$$I_{xi} = I_x + a^2 \cdot A, \text{ см}^4$$

где a – расстояние между центром тяжести всей фигуры и центром тяжести i -ой фигуры по Оу, см

A – площадь i -ой фигуры, см²

4.2 Относительно оси Y

$$I_y = \sum I_{yi}, \text{ см}^4$$

где I_{yi} – момент инерции i – ой фигуры по Ох, см⁴

$$I_{yi} = I_y + a^2 \cdot A, \text{ см}^4$$

где a – расстояние между центром тяжести всей фигуры и центром тяжести i – ой фигуры по Ох, см

A – площадь i – ой фигуры, см²

5. Определить радиусы инерции сечения относительно оси X и Y

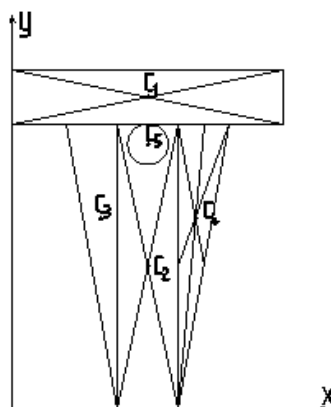
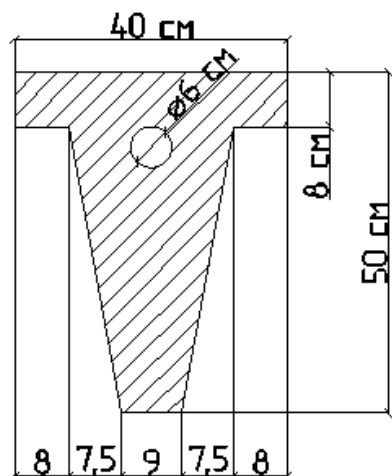
$$i_x = \sqrt{\frac{I_x}{A}}, \text{ см} \qquad i_y = \sqrt{\frac{I_y}{A}}, \text{ см}$$

где I_x, I_y – моменты инерции сечения, см⁴

A – площадь сечения, см²

Пример выполнения практической работы:

1. Указать исходные данные



2. Определить центр тяжести сечения

$$A_1 = 40 \cdot 8 = 320 \text{ см}^2$$

$$x_1 = 20 \text{ см}$$

$$y_1 = 46 \text{ см}$$

$$A_2 = 42 \cdot 9 = 378 \text{ см}^2$$

$$x_2 = 20 \text{ см}$$

$$y_2 = 21 \text{ см}$$

$$A_3 = A_4 = \frac{1}{2} \cdot 7,5 \cdot 42 = 157,5 \text{ см}^2;$$

$$x_3 = 13 \text{ см}; x_4 = 27 \text{ см}$$

$$y_3 = y_4 = 28 \text{ см}$$

$$A_5 = 3,14 \cdot 6^2/4 = 28,3 \text{ см}^2;$$

$$x_5 = 20 \text{ см};$$

$$y_5 = 39 \text{ см}$$

$$\begin{aligned} x_c &= \frac{A_1 \cdot x_1 + A_2 \cdot x_2 + A_3 \cdot x_3 + A_4 \cdot x_4 - A_5 \cdot x_5}{A_1 + A_2 + A_3 + A_4 - A_5} \\ &= \frac{320 \cdot 20 + 378 \cdot 20 + 157,5 \cdot 13 + 157,5 \cdot 27 - 28,3 \cdot 20}{320 + 378 + 157,5 + 157,5 - 28,3} \\ &= 20 \text{ см} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} y_c &= \frac{A_1 \cdot y_1 + A_2 \cdot y_2 + A_3 \cdot y_3 + A_4 \cdot y_4 - A_5 \cdot y_5}{A_1 + A_2 + A_3 + A_4 - A_5} \\ &= \frac{320 \cdot 46 + 378 \cdot 21 + 157,5 \cdot 28 + 157,5 \cdot 28 - 28,3 \cdot 39}{320 + 378 + 157,5 + 157,5 - 28,3} \\ &= 31 \text{ см} \end{aligned}$$

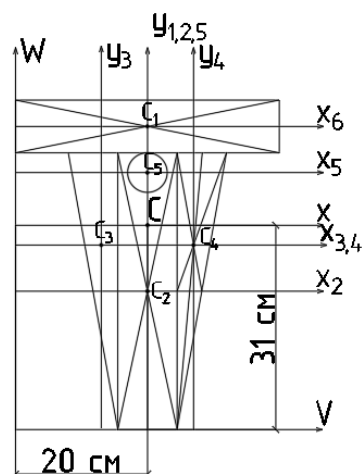
3. Определить статический момент сечения относительно оси X и

Y

$$S_x = y_c \cdot A = 31 \cdot 984,7 = 30525,7 \text{ см}^3$$

$$S_y = x_c \cdot A = 20 \cdot 984,7 = 19694 \text{ см}^3$$

4. Определить момент инерции сечения



4.1 Относительно оси X

$$I_x = I_{x1} + I_{x2} + I_{x3} + I_{x4} - I_{x5}$$

$$I_{x1} = I_y + a_1^2 \cdot A_1$$

$$I_y = \frac{h \cdot b^3}{12} = \frac{40 \cdot 8^3}{12} = 1706,7 \text{ см}^4$$

$$a_1 = CC_1(y_c - y_1) = 46 - 31 = 15 \text{ см}$$

$$A_1 = 320 \text{ см}^2$$

$$I_{x1} = 1706,7 + 15^2 \cdot 320 = 73706,7 \text{ см}^4$$

$$I_{x2} = I_x + a_2^2 \cdot A_2$$

$$I_x = \frac{b \cdot h^3}{12} = \frac{9 \cdot 42^3}{12} = 55566 \text{ см}^4$$

$$a_2 = CC_2(y_c - y_2) = 31 - 21 = 10 \text{ см}$$

$$A_2 = 378 \text{ см}^2$$

$$I_{x2} = 55566 + 10^2 \cdot 378 = 93366 \text{ см}^4$$

$$I_{x34} = I_x + a_{34}^2 \cdot A_{34}$$

$$I_x = \frac{b \cdot h^3}{36} = \frac{7,5 \cdot 42^3}{36} = 15435 \text{ см}^4$$

$$a_{34} = CC_{34}(y_c - y_{34}) = 31 - 28 = 3 \text{ см}$$

$$A_{34} = 157,5 \text{ см}^2$$

$$I_{x34} = 15435 + 3^2 \cdot 157,5 = 16852,5 \text{ см}^4$$

$$I_{x5} = I_x + a_5^2 \cdot A_5$$

$$I_x = \frac{\pi \cdot d^4}{64} = \frac{3,14 \cdot 6^4}{64} = 63,65 \text{ см}^4$$

$$a_5 = CC_5(y_c - y_5) = 39 - 31 = 8 \text{ см}$$

$$A_5 = 28,3 \text{ см}^2$$

$$I_{x5} = 63,6 + 8^2 \cdot 28,3 = 1875,8 \text{ см}^4$$

$$I_x = I_{x1} + I_{x2} + I_{x3} + I_{x4} - I_{x5}$$

$$= 73706,7 + 93366 + 16852,5 + 16852,5 - 1875,8$$

$$= 198901,9 \text{ см}^4$$

4.2 Относительно оси Y

$$I_y = I_{y1} + I_{y2} + I_{y3} + I_{y4} - I_{y5}$$

$$\begin{aligned}
 I_{y1} &= I_x + a_1^2 \cdot A_1 & I_{y2} &= I_y + a_2^2 \cdot A_2 \\
 I_x &= \frac{b \cdot h^3}{12} = \frac{8 \cdot 40^3}{12} = 42666,7 \text{ см}^4 & I_y &= \frac{h \cdot b^3}{12} = \frac{42 \cdot 8^3}{12} = 2551,5 \text{ см}^4 \\
 a_1 &= CC_1(x_c - x_1) = 20 - 20 = 0 \text{ см} & a_2 &= CC_2(x_c - x_2) = 20 - 20 = 0 \text{ см} \\
 A_1 &= 320 \text{ см}^2 & A_2 &= 378 \text{ см}^2 \\
 I_{y1} &= 42666,7 + 0^2 \cdot 320 & I_{y2} &= 2551,5 + 0^2 \cdot 378 \\
 &= 42666,7 \text{ см}^2 & &= 2551,5 \text{ см}^2
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 I_{y34} &= I_y + a_{34}^2 \cdot A_{34} & I_{y5} &= I_y + a_5^2 \cdot A_5 \\
 I_y &= \frac{h \cdot b^3}{36} = \frac{42 \cdot 7,5^3}{36} = 492,2 \text{ см}^4 & I_y &= \frac{\pi \cdot d^4}{64} = \frac{3,14 \cdot 6^4}{64} = 63,6 \text{ см}^4 \\
 a_{34} &= CC_{34}(x_c - x_{34}) = 27 - 20 = 7 \text{ см} & a_5 &= CC_5(x_c - x_5) = 20 - 20 = 0 \text{ см} \\
 A_{34} &= 157,5 \text{ см}^2 & A_5 &= 28,3 \text{ см}^2 \\
 I_{y34} &= 492,2 + 7^2 \cdot 157,5 = 8209,7 \text{ см}^2 & I_{y5} &= 63,6 + 0^2 \cdot 28,3 = 63,6 \text{ см}^2
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 I_y &= I_{y1} + I_{y2} + I_{y3} + I_{y4} - I_{y5} = 42666,7 + 2551,5 + 8209,7 + 8209,7 - 63,6 \\
 &= 61574 \text{ см}^4
 \end{aligned}$$

5. Определить радиусы инерции сечения относительно оси X и Y

$$\begin{aligned}
 i_x &= \sqrt{\frac{I_x}{A}} = \sqrt{\frac{198901,9}{984,7}} = 14,2 \text{ см} \\
 i_y &= \sqrt{\frac{I_y}{A}} = \sqrt{\frac{61574,6}{984,7}} = 7,9 \text{ см}
 \end{aligned}$$

Контрольные вопросы:

1. Геометрические характеристики сечения?
2. Формулы определения моментов инерции простейших фигур?

Практическая работа №12

Определение геометрических характеристик составных сечений

Цель: научиться определять геометрические характеристики сечений, состоящих из стандартных профилей

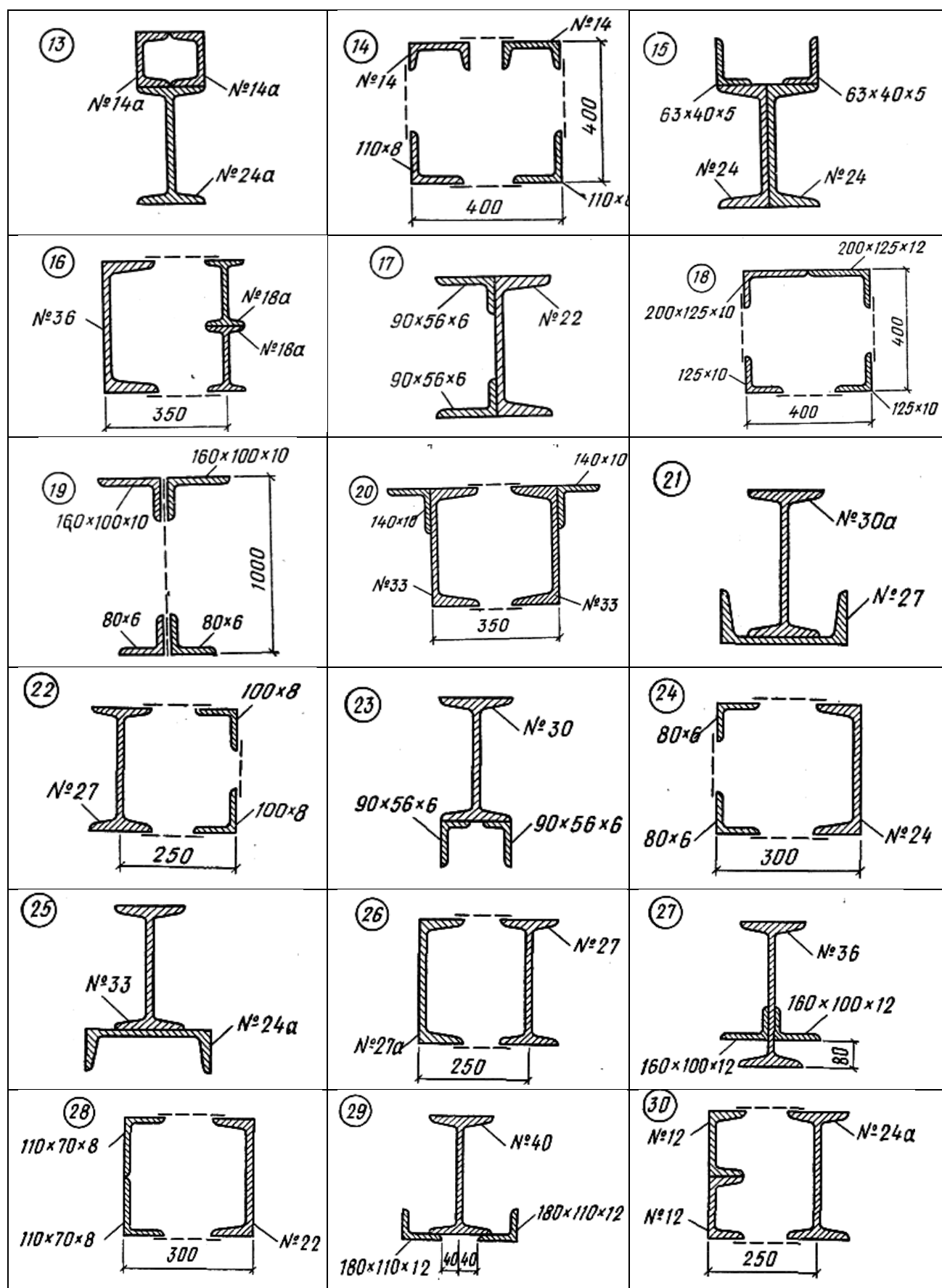
В результате выполнения практической работы студент должен

- **знать:** виды стандартных профилей; правила определения моментов инерции, статического момента, центра тяжести сечения, состоящих из стандартных профилей.

- **уметь:** определять моменты инерции, статические моменты, центры тяжести сечений, состоящих из стандартных профилей по таблицам ГОСТа.

Исходные данные:

| | | |
|---|---|--|
| <p>1</p> <p>№30 №27а</p> | <p>2</p> <p>90×5 90×5 №30 250</p> | <p>3</p> <p>70×45×5 70×45×5 №24</p> |
| <p>4</p> <p>№33а 80×6 80×6 300</p> | <p>5</p> <p>№22 №24а</p> | <p>6</p> <p>№33а 300</p> |
| <p>7</p> <p>80×50×6 80×50×6 №22 100</p> | <p>8</p> <p>№36 180×110×10 180×110×10 400</p> | <p>9</p> <p>30 30 63×40×5 63×40×5 №20а</p> |
| <p>10</p> <p>№36 №18 №18 300</p> | <p>11</p> <p>№30 №27 №27</p> | <p>12</p> <p>№36 180×110×10 180×110×10 350</p> |



Порядок выполнения практической работы:

1. Указать исходные данные
2. Определить центр тяжести сечения

$$x_c = \frac{\sum A_i \cdot x_i}{\sum A_i}, \text{ см} \quad y_c = \frac{\sum A_i \cdot y_i}{\sum A_i}, \text{ см}$$

где A_i - площадь сечения i -ой фигуры (1, 2, 3, и т.д.), см^2

$x_i; y_i$ – расстояние до центра тяжести i -ой фигуры (1, 2, 3, и т.д.) по Ох и Оу, см

3. Определить статический момент сечения относительно оси Х и У

$$S_x = y_c \cdot A, \text{ см}^3 \quad S_y = x_c \cdot A, \text{ см}^3$$

где $x_c; y_c$ – координаты центра тяжести сечения, см

A – площадь сечения, см^2

4. Определить момент инерции сечения

- 4.1 Относительно оси Х

$$I_x = \sum I_{xi}, \text{ см}^4$$

где I_{xi} – момент инерции i -ой фигуры по Ох, см^4

$$I_{xi} = I_x + a^2 \cdot A, \text{ см}^4$$

где a – расстояние между центром тяжести всей фигуры и центром тяжести i -ой фигуры по Оу, см

A – площадь i -ой фигуры, см^2

- 4.2 Относительно оси У

$$I_y = \sum I_{yi}, \text{ см}^4$$

где I_{yi} – момент инерции i – ой фигуры по Ох, см^4

$$I_{yi} = I_y + a^2 \cdot A, \text{ см}^4$$

где a – расстояние между центром тяжести всей фигуры и центром тяжести i – ой фигуры по Ох, см

A – площадь i – ой фигуры, см^2

5. Определить радиусы инерции сечения относительно оси Х и У

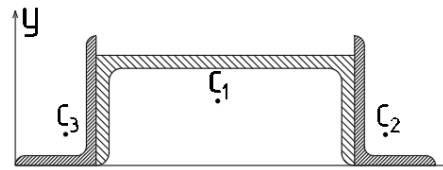
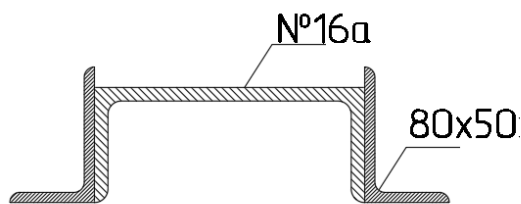
$$i_x = \sqrt{\frac{I_x}{A}}, \text{ см} \quad i_y = \sqrt{\frac{I_y}{A}}, \text{ см}$$

где I_x, I_y – моменты инерции сечения, см^4

A – площадь сечения, см^2

Пример выполнения практической работы:

1. Указать исходные данные



2. Определить центр тяжести сечения

$$A_1 = 19,5 \text{ см}^2$$

$$A_2 = 7,55 \text{ см}^2$$

$$x_1 = 13 \text{ см}$$

$$x_2 = 5 - 1,17 = 3,83 \text{ см}$$

$$y_1 = 6,8 - 2 = 4,8 \text{ см}$$

$$y_2 = 2,65 \text{ см}$$

$$A_3 = 7,55 \text{ см}^2;$$

$$x_3 = 5 + 16 + 1,17 = 22,17 \text{ см}$$

$$y_3 = 2,65 \text{ см}$$

$$x_c = \frac{A_1 \cdot x_1 + A_2 \cdot x_2 + A_3 \cdot x_3}{A_1 + A_2 + A_3} = \frac{19,5 \cdot 13 + 7,55 \cdot 3,83 + 7,55 \cdot 22,17}{19,5 + 7,55 + 7,55} = 13 \text{ см}$$

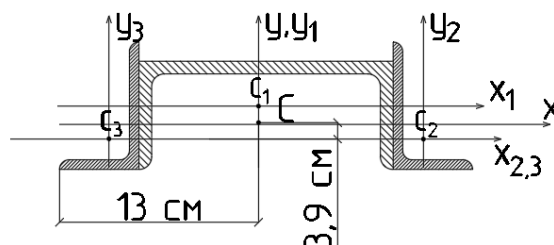
$$y_c = \frac{A_1 \cdot y_1 + A_2 \cdot y_2 + A_3 \cdot y_3}{A_1 + A_2 + A_3} = \frac{19,5 \cdot 4,81 + 7,55 \cdot 2,65 + 7,55 \cdot 2,65}{19,5 + 7,55 + 7,55} = 3,9 \text{ см}$$

3. Определить статический момент сечения относительно оси X и y

$$S_x = y_c \cdot A = 3,9 \cdot 34,6 = 134,9 \text{ см}^3$$

$$S_y = x_c \cdot A = 13 \cdot 34,6 = 449,8 \text{ см}^3$$

4. Определить момент инерции сечения



- 4.1 Относительно оси X

$$I_x = I_{x1} + I_{x2} + I_{x3}$$

$$I_{x1} = I_x + a_1^2 \cdot A_1$$

$$I_{x23} = I_x + a_{23}^2 \cdot A_{23}$$

$$I_x = 49 \text{ см}^4$$

$$\begin{aligned}
I_x = I_y &= 78,8 \text{ см}^4 & a_{23} &= CC_{23}(y_c - y_{23}) = 3,9 - 2,65 \\
a_1 &= CC_1(y_c - y_1) = 4,8 - 3,9 = 0,9 \text{ см} & &= 1,25 \text{ см} \\
A_1 &= 19,5 \text{ см}^2 & A_{23} &= 7,55 \text{ см}^2 \\
I_{x1} &= 78,8 + 0,9^2 \cdot 19,5 = 94,6 \text{ см}^2 & I_{x23} &= 49 + 1,25^2 \cdot 7,55 = 60,8 \text{ см}^2
\end{aligned}$$

$$I_x = I_{x1} + I_{x2} + I_{x3} = 94,6 + 60,8 + 60,8 = 216,2 \text{ см}^4$$

4.2 Относительно оси Y

$$I_y = I_{y1} + I_{y2} + I_{y3}$$

$$\begin{aligned}
I_{y1} &= I_y + a_1^2 \cdot A_1 & I_{y23} &= I_y + a_{23}^2 \cdot A_{23} \\
I_y &= I_x = 823 \text{ см}^4 & I_y &= I_y = 14,8 \text{ см}^4 \\
a_1 &= CC_1(x_c - x_1) = 13 - 13 = 0 \text{ см} & a_{23} &= CC_{23}(x_c - x_{23}) = 13 - 3,83 \\
A_1 &= 19,5 \text{ см}^2 & &= 9,17 \text{ см} \\
I_{y1} &= 823 + 0^2 \cdot 320 = 823 \text{ см}^2 & A_{23} &= 7,55 \text{ см}^2 \\
& & I_{y23} &= 14,8 + 9,17^2 \cdot 7,55 \\
& & &= 649,7 \text{ см}^2
\end{aligned}$$

$$I_y = I_{y1} + I_{y2} + I_{y3} = 823 + 649,7 + 649,7 = 2122,4 \text{ см}^4$$

4. Определить радиусы инерции сечения относительно оси X и Y

$$\begin{aligned}
i_x &= \sqrt{\frac{I_x}{A}} = \sqrt{\frac{216,2}{34,6}} = 2,5 \text{ см} \\
i_y &= \sqrt{\frac{I_y}{A}} = \sqrt{\frac{2122,4}{34,6}} = 7,8 \text{ см}
\end{aligned}$$

Контрольные вопросы:

1. Дайте определение главных центральных моментов инерции?
2. Почему статический момент любого сечения относительно центральной оси равен нулю?

Практическая работа № 13

Определение допустимого значения сжимающей силы для сжатого бруса

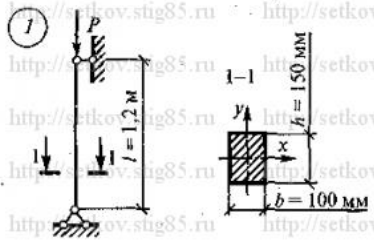
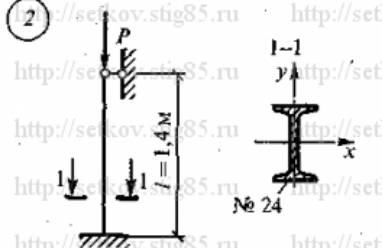
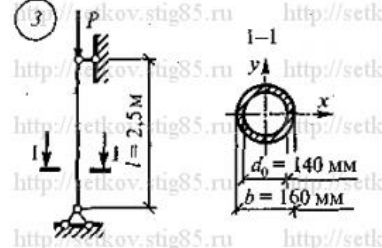
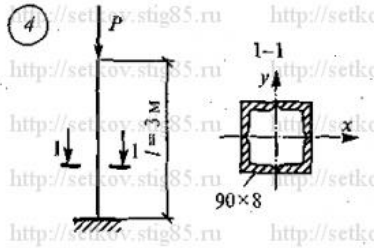
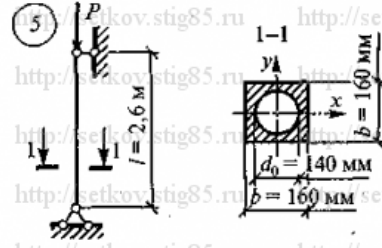
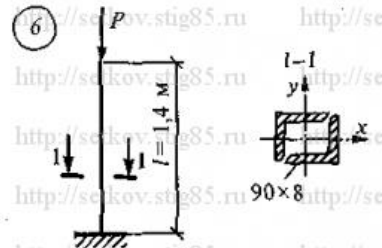
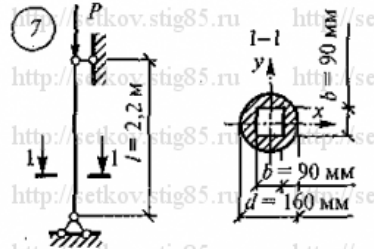
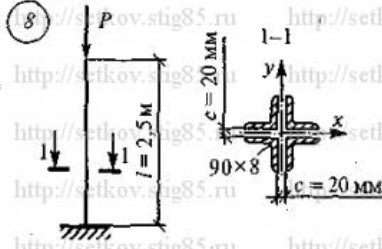
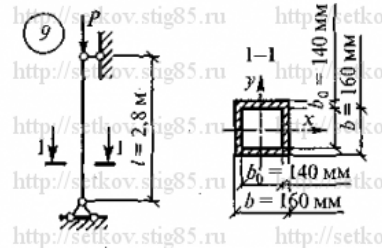
Цель: научиться определять величины допускаемого значения сжимающей силы для сжатого бруса большой гибкости

В результате выполнения практической работы студент должен

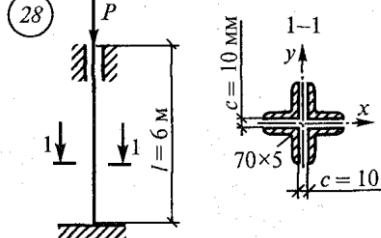
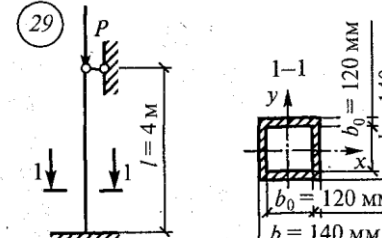
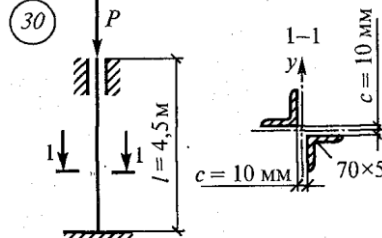
- **знать:** условие устойчивости сжатых стержней; коэффициент приведения длины; формулу Эйлера для критической силы; формулу гибкости стержня.

- **уметь:** определять критическую силу для сжатого бруса большой гибкости; определять величину допускаемого значения сжимающей силы; определять гибкость стержня.

Исходные данные

| | | |
|---|---|---|
|  <p>C 245 (4 - 20)</p> |  <p>C 245 (20 - 40)</p> |  <p>C 255 (4 - 10)</p> |
|  <p>C 255 (10 - 20)</p> |  <p>C 255 (20 - 40)</p> |  <p>C 345 (4 - 10)</p> |
|  <p>C 345 (10 - 20)</p> |  <p>C345 (20 - 40)</p> |  <p>C 345K (4 - 10)</p> |

| | | |
|-----------------------------------|---------------------------------|----------------------------------|
| <p>10</p> <p>C 355 (8 – 16)</p> | <p>11</p> <p>C 355 (16– 40)</p> | <p>12</p> <p>C 355-1 (8–16)</p> |
| <p>13</p> <p>C 355-1 (16– 40)</p> | <p>14</p> <p>C 390 (8 – 10)</p> | <p>15</p> <p>C 390 (10–20)</p> |
| <p>16</p> <p>C 390 (20 – 40)</p> | <p>17</p> <p>C 245 (4 – 20)</p> | <p>18</p> <p>C 245 (20 – 40)</p> |
| <p>19</p> <p>C 255 (4 – 10)</p> | <p>20</p> <p>C 255 (10– 20)</p> | <p>21</p> <p>C 255 (20 – 40)</p> |
| <p>22</p> <p>C 345 (4 – 10)</p> | <p>23</p> <p>C345 (10– 20)</p> | <p>24</p> <p>C 345 (20- 40)</p> |
| <p>25</p> | <p>26</p> | <p>27</p> |

| С 345К (4 – 10) | С 355 (8–16) | С 355 (16– 40) |
|---|---|---|
|  <p style="text-align: center;">С 345 (4 – 10)</p> |  <p style="text-align: center;">С 245 (4 – 20)</p> |  <p style="text-align: center;">С 355-1 (8–16)</p> |

Порядок выполнения практической работы:

1. Определить величину расчетного сопротивления материала на сжатие R , кН/см² (Приложение Д)

2. Определить площадь поперечного сечения стержня, A см²

3. Определить коэффициент продольного изгиба

3.1 Определить расчетную стержня

$$l_0 = \mu \cdot l$$

где μ – коэффициент приведенной (расчетной) длины, который зависит от способа закрепления концов стержня; (Приложение Б)

l – геометрическая длина стержня.

3.2 Определить момент инерции сечения J_x и J_y относительно главных центральных осей (моменты инерции профилей проката приведены в ГОСТах)

3.3 Определить радиусы инерции сечения относительно осей x и y

$$i_x = \sqrt{\frac{J_x}{A}} \quad i_y = \sqrt{\frac{J_y}{A}}$$

Если i_x и i_y не равны между собой, то для дальнейших расчетов принимают наименьший радиус инерции, обозначив его i_{min} . Если $i_x = i_y$, то расчет можно вести по любому из них.

3.4 Определить гибкость стержня

$$\lambda = \frac{l_0}{i_{min}}$$

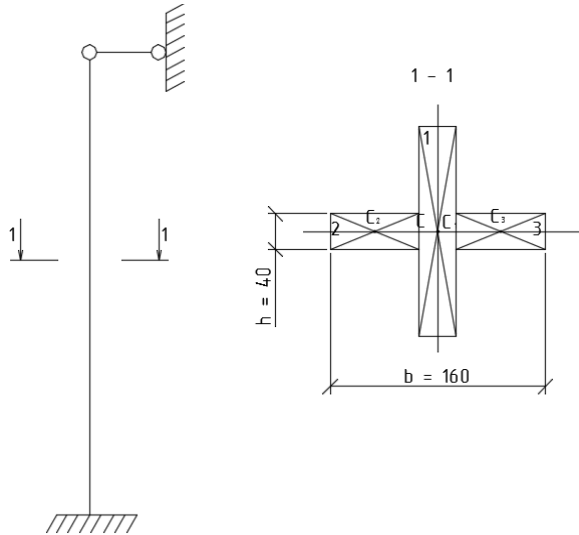
3.5 По найденному значению гибкости в зависимости от материала стержня определяют коэффициент продольного изгиба (при необходимости использовать метод интерполяции)

4. Определить величину допускаемого значения сжимаемой силы:

$$N = R\varphi A$$

Пример выполнения практической работы:

Исходные данные



Сталь С 245 (20-40 мм)

Длина стойки $l = 2,5$ м

Решение:

1. Определить величину расчетного сопротивления материала на сжатие $R = 230$ МПа = 23 кН/см² (Приложение Д)

2. Определить площадь поперечного сечения стержня

$$A = 16 \cdot 4 + 2 \cdot 4 \cdot 6 = 112 \text{ см}^2$$

3. Определить коэффициент продольного изгиба

- 3.1 Определить расчетную длину стержня, см

$$l_0 = \mu \cdot l$$

где μ – коэффициент приведенной (расчетной) длины, который зависит от способа закрепления концов стержня; (Приложение Б)

l – геометрическая длина стержня.

$$l_0 = 0,7 \cdot 2,5 = 1,75 \text{ м} = 175 \text{ см}$$

- 3.2 Определить момент инерции сечения J_x и J_y относительно главных центральных осей (моменты инерции профилей проката приведены в ГОСТах) (Приложение А)

$J_x = J_y$, т.к. сечение имеет две оси симметрии

$$J_x = J_x^1 + J_x^2 + J_x^3$$

$$J_x^1 = \frac{b \cdot h^3}{12} = \frac{4 \cdot 16^3}{12} = 1365 \text{ см}^4$$

$$J_x^2 = J_x^3 = \frac{\left(\frac{b-h}{2}\right) \cdot h^3}{12} = \frac{\left(\frac{16-4}{2}\right) \cdot 4^3}{12} = 32 \text{ см}^4$$

$$J_x = 1365 + 32 + 32 = 1429 \text{ см}^4$$

3.3 Определить радиусы инерции сечения относительно осей x и y

$$i_x = \sqrt{\frac{J_x}{A}} \quad i_y = \sqrt{\frac{J_y}{A}}$$

Если i_x и i_y не равны между собой, то для дальнейших расчетов принимают наименьший радиус инерции, обозначив его i_{min} . Если $i_x = i_y$, то расчет можно вести по любому из них.

$$i_x = i_y = \sqrt{\frac{1429}{112}} = 3,57 \text{ см}$$

3.4 Определить гибкость стержня

$$\lambda = \frac{l_{ef}}{i_{min}}$$

$$\lambda = \frac{175}{3,57} = 46,7$$

3.5 По найденному значению гибкости в зависимости от материала стержня определяют коэффициент продольного изгиба (Приложение Г) (при необходимости использовать метод интерполяции)

| | |
|------------------|-------------------|
| $\lambda = 70$ | $\varphi = 0,754$ |
| $\lambda = 78,4$ | $\varphi = ?$ |
| $\lambda = 80$ | $\varphi = 0,686$ |

$$\varphi = 0,754 - \frac{0,754 - 0,686}{80 - 70} (78,4 - 70) = 0,697$$

4. Определить величину допускаемого значения сжимаемой силы:

$$N = R\varphi A$$

$$N = 0,697 \cdot 24 \cdot 50,4 = 843,1 \text{ кН}$$

Контрольные вопросы

1. Какие известны виды равновесия тел?
2. В чем сущность явления продольного изгиба?
3. Что такое гибкость стержня и от чего она зависит?

Практическая работа № 14

Подбор сечения для сжатого бруса

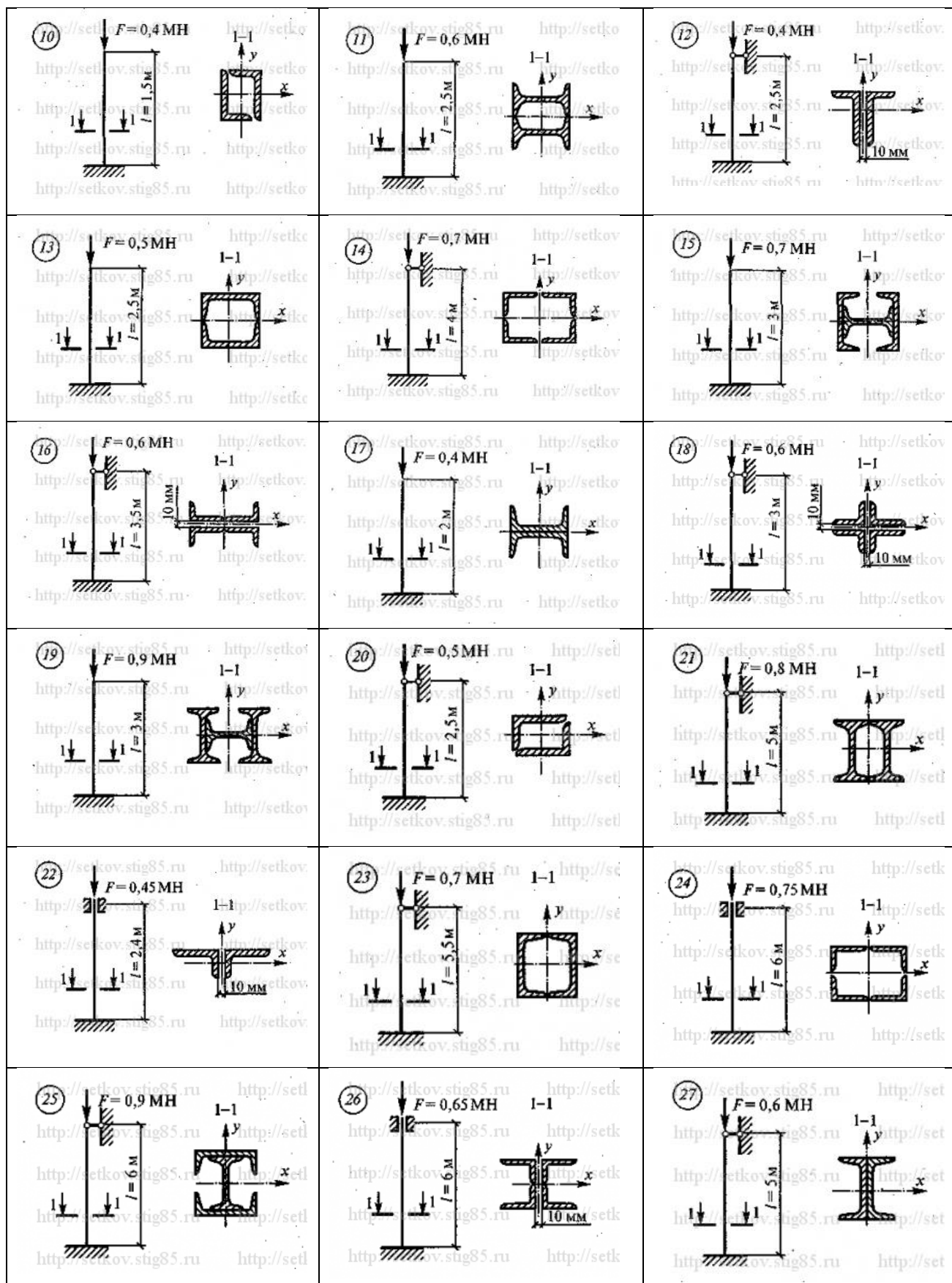
Цель: научиться определять размеры и формы сечения для сжатого бруса

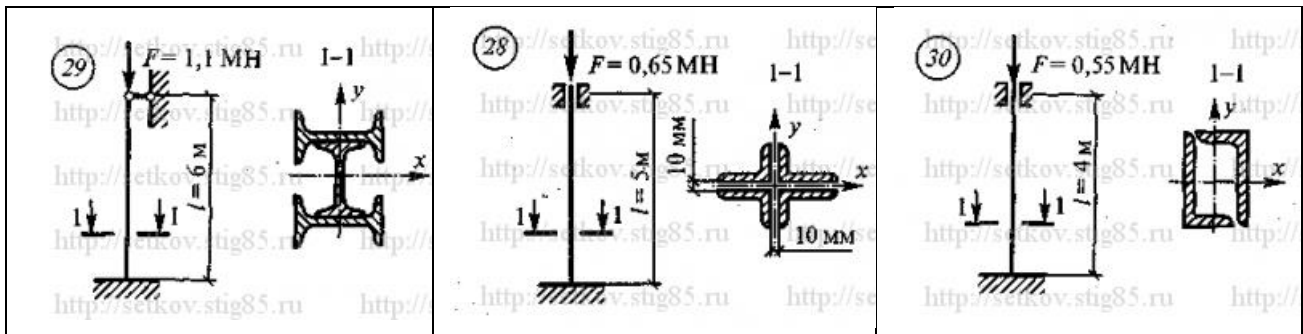
В результате выполнения практической работы студент должен

- **знать:** условие устойчивости сжатых стержней; коэффициент приведения длины; формулу Эйлера для критической силы; формулу гибкости стержня.
- **уметь:** определять размер сечения; выполнять подбор сечения

Исходные данные ($1\text{ МН} = 10^3\text{ кН}$), $R=320\text{ МПа}$

| | | |
|--|--|--|
| <p>1</p> <p>$F = 0,7\text{ МН}$ $l = 4\text{ м}$</p> | <p>2</p> <p>$F = 0,3\text{ МН}$ $l = 1,5\text{ м}$ 10 мм</p> | <p>3</p> <p>$F = 0,6\text{ МН}$ $l = 4,5\text{ м}$</p> |
| <p>4</p> <p>$F = 0,6\text{ МН}$ $l = 2,5\text{ м}$</p> | <p>5</p> <p>$F = 0,8\text{ МН}$ $l = 4,5\text{ м}$</p> | <p>6</p> <p>$F = 0,5\text{ МН}$ $l = 2\text{ м}$ 10 мм</p> |
| <p>7</p> <p>$F = 0,5\text{ МН}$ $l = 4\text{ м}$</p> | <p>8</p> <p>$F = 0,5\text{ МН}$ $l = 1,5\text{ м}$ 20 мм</p> | <p>9</p> <p>$F = 1\text{ МН}$ $l = 4,5\text{ м}$</p> |





Порядок выполнения практической работы:

1. Задаемся величиной продольного изгиба $\varphi = 0,6 - 0,8$
2. Определить требуемую площадь поперечного сечения стойки,

$$A_{\text{тр}} = \frac{F}{\varphi R}, \text{ см}^2$$

где F - центрально-сжимающая сила, кН

R - расчетное сопротивление материала на сжатие, кН/см²

3. По найденной площади определить номер профиля проката, рекомендуется принимать профили одинаковыми по площади, если их несколько

4. Проверить устойчивость принятого сечения

- 4.1 Определить расчетную длину стержня

$$l_0 = \mu \cdot l$$

где μ - коэффициент приведенной (расчетной) длины, который зависит от способа закрепления концов стержня; (Приложение Б)

l - геометрическая длина стержня.

- 4.2 Определить момент инерции сечения J_x и J_y относительно главных центральных осей (моменты инерции профилей проката приведены в ГОСТах)

- 4.3 Определить радиусы инерции сечения относительно осей x и y

$$i_x = \sqrt{\frac{J_x}{A}} \quad i_y = \sqrt{\frac{J_y}{A}}$$

- 4.4 Определить гибкость стержня

$$\lambda_x = \frac{l_0}{i_x} \quad \lambda_y = \frac{l_0}{i_y}$$

- 4.5 По **наибольшему** значению гибкости в зависимости от материала стержня определяют коэффициент продольного изгиба (при необходимости использовать метод интерполяции)(Приложение Г)

- 4.6 Подставить значение в формулу и проверить устойчивость

$$\frac{F}{\varphi A} \leq R$$

- если условие удовлетворено, то устойчивость стержня обеспечена;

- если условие не удовлетворено, то устойчивость не обеспечена необходимо увеличить площадь сечения, приняв профиль большего профиля;

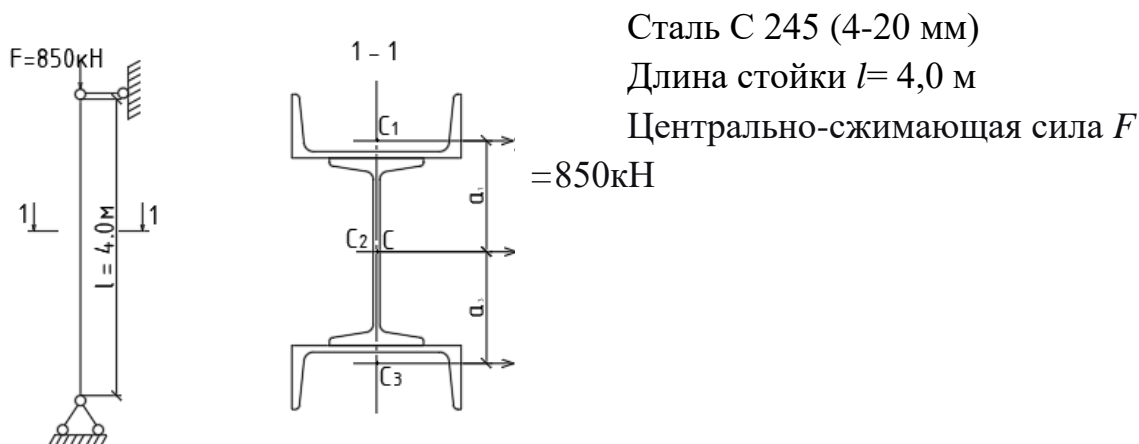
- если напряжение в стойке равно или немного меньше, то сечение считается рационально подобранным, т.е. экономичным;

- если намного меньше R , то такое сечение не экономично. т.к. имеет большой запас прочности.

Поэтому, если недонапряжение составит более 5%, то следует уменьшить площадь сечения (или увеличить гибкость) стойки, добиваясь, чтобы недонапряжение не превышало 5%

Пример выполнения практической работы:

Исходные данные



Решение:

1. Задаемся величиной продольного изгиба $\varphi = 0,7$

2. Определить требуемую площадь поперечного сечения стойки,

$$A_{\text{тр}} = \frac{F}{\varphi R}, \text{ см}^2$$

где F - центрально-сжимающая сила, кН

R - расчетное сопротивление материала на сжатие, кН/см² (Приложение Д)

$$A_{\text{тр}} = \frac{850}{0,7 \cdot 24} = 50,6 \text{ см}^2$$

3. По найденной площади определить номер профиля проката, рекомендуется принимать профили одинаковыми по площади, если их несколько

Принимаем все профили одинаковыми по площади. На один профиль требуется площадь $50,6 / 3 = 16,8 \text{ см}^2$. Принимаем два швеллера №14а площадью $A_1 = 2 \cdot 17 = 34 \text{ см}^2$ и двутавровую балку № 14 площадью $A_2 = 17,4 \text{ см}^2$. Общая площадь сечения $A = 34 + 17,4 = 51,4 \text{ см}^2$ (Приложение А)

4. Проверить устойчивость принятого сечения

4.1 Определить расчетную длину стержня

$$l_0 = \mu \cdot l$$

где μ - коэффициент приведенной (расчетной) длины, который зависит от способа закрепления концов стержня; (Приложение Б)

l - геометрическая длина стержня.

$$l_0 = 1 \cdot 4 = 4 \text{ м} = 400 \text{ см}$$

4.2 Определить момент инерции сечения J_x и J_y относительно главных центральных осей (моменты инерции профилей проката приведены в ГОСТах)

а) определить момент инерции сечения относительно оси x :

$$J_x = J_x^{\text{ДВ}} + 2J_x^{\text{ШВ}} = J_{x \text{ табл}}^{\text{ДВ}} + 2(J_{y \text{ табл}}^{\text{ШВ}} + a_1^2 A_{\text{ШВ}})$$

$$J_x = 572 + 2(57,5 + 8,87^2 \cdot 17) = 3362 \text{ см}^4$$

где $a_1 = \frac{h_{\text{ДВ}}}{2} + z_0 (\text{ШВ}) = \frac{14}{2} + 1,87 = 8,87 \text{ см}$

б) определить момент инерции сечения относительно оси y :

$$J_y = J_y^{\text{ДВ}} + 2J_y^{\text{ШВ}} = J_{y \text{ табл}}^{\text{ДВ}} + 2J_{x \text{ табл}}^{\text{ШВ}}$$

$$J_y = 41,9 + 2 \cdot 545 = 1132 \text{ см}^4$$

4.3 Определить радиусы инерции сечения относительно осей x и y

$$i_x = \sqrt{\frac{J_x}{A}} \quad i_y = \sqrt{\frac{J_y}{A}}$$

$$i_x = \sqrt{\frac{3362}{51,4}} = 8,08 \text{ см} \quad i_y = \sqrt{\frac{1132}{51,4}} = 4,7 \text{ см}$$

4.4 Определить гибкость стержня

$$\lambda_x = \frac{l_0}{i_x} \lambda_y = \frac{l_0}{i_y}$$

$$\lambda_x = \frac{400}{8,08} = 49,5 \lambda_y = \frac{400}{4,7} = 85,1$$

4.5 По **наибольшему** значению гибкости в зависимости от материала стержня определяют коэффициент продольного изгиба (при необходимости использовать метод интерполяции) (Приложение Г)

$$\lambda = 80 \quad \varphi = 0,686$$

$$\begin{array}{ll} \lambda = 85,1 & \varphi = ? \\ \lambda = 90 & \varphi = 0,612 \end{array}$$

$$\varphi = 0,686 - \frac{0,686 - 0,611}{90 - 80} (85,1 - 80) = 0,648$$

4.6 Подставить значение в формулу и проверить устойчивость

$$\sigma = \frac{F}{\varphi A} \leq R$$

$$\sigma = \frac{850}{0,648 \cdot 51,4} = 25,52 \leq 24 \text{ кН/см}^2$$

- условие не удовлетворено, устойчивость не обеспечена необходимо увеличить площадь сечения, приняв профиль большего размера.

Это недопустимо, поэтому необходим перерасчет.

1. Принимаем во втором приближении среднее значение между тем, которым задались, и тем, что получили

$$\varphi = \frac{0,648 + 0,7}{2} = 0,674$$

2. Определить требуемую площадь поперечного сечения стойки,

$$A_{\text{тр}} = \frac{F}{\varphi R}, \text{ см}^2$$

где F - центрально-сжимающая сила, кН

R - расчетное сопротивление материала на сжатие, кН/см² (Приложение Д)

$$A_{\text{тр}} = \frac{850}{0,687 \cdot 24} = 52,5 \text{ см}^2$$

3. По найденной площади определить номер профиля проката, рекомендуется принимать профили одинаковыми по площади, если их несколько

На один профиль требуется площадь $51,6 / 3 = 17,2 \text{ см}^2$. Принимаем два швеллера №16 площадью $A_1 = 2 \cdot 18,1 = 36,2 \text{ см}^2$ и двутавровую балку № 16 площадью $A_2 = 20,2 \text{ см}^2$. Общая площадь сечения $A = 36,2 + 20,2 = 56,4 \text{ см}^2$ (Приложение А)

4. Проверить устойчивость принятого сечения

4.1 Определить расчетную длину стержня

$$l_0 = \mu \cdot l$$

где μ - коэффициент приведенной (расчетной) длины, который зависит от способа закрепления концов стержня; (Приложение Б)

l - геометрическая длина стержня.

$$l_0 = 1 \cdot 4 = 4 \text{ м} = 400 \text{ см}$$

4.2 Определить момент инерции сечения J_x и J_y относительно главных центральных осей (моменты инерции профилей проката приведены в ГОСТах) (Приложение А)

поскольку $J_x > J_y$ определим наименьший момент инерции, который дает наибольшую гибкость

определить момент инерции сечения относительно оси y :

$$J_y = J_y^{\text{ДВ}} + 2J_y^{\text{ШВ}} = J_{y \text{ табл}}^{\text{ДВ}} + 2J_{x \text{ табл}}^{\text{ШВ}}$$

$$J_y = 58,6 + 2 \cdot 747 = 1552,6 \text{ см}^4$$

4.3 Определить радиусы инерции сечения относительно осей x и y

$$i_y = \sqrt{\frac{J_y}{A}} = \sqrt{\frac{1552,6}{56,4}} = 5,2 \text{ см}$$

4.4 Определить гибкость стержня

$$\lambda_y = \frac{l_0}{i_y}$$

$$\lambda_y = \frac{400}{5,2} = 77$$

4.5 По **наибольшему** значению гибкости в зависимости от материала стержня определяют коэффициент продольного изгиба (при необходимости использовать метод интерполяции) (Приложение Г)

$$\lambda = 70 \quad \varphi = 0,754$$

$$\lambda = 74,8 \quad \varphi = ?$$

$$\lambda = 80 \quad \varphi = 0,686$$

$$\varphi = 0,754 - \frac{0,754 - 0,686}{80 - 70} (77 - 70) = 0,706$$

4.6 Подставить значение в формулу и проверить устойчивость

$$\sigma = \frac{F}{\varphi A} \leq R$$

$$\sigma = \frac{850}{0,706 \cdot 56,4} = 21,3 \leq 24 \text{ кН/см}^2$$

Контрольные вопросы:

1. Что называется критической силой и критическим напряжением?
2. Как рассчитывать продольно сжатые стержни, применяя коэффициент продольного изгиба по предельному состоянию?
3. От чего зависит коэффициент продольного изгиба?

Практическая работа № 15

Расчет коэффициента запаса устойчивости сжатой стойки

Цель: научиться выполнять расчет коэффициента запаса устойчивости сжатой стойки

В результате выполнения практической работы студент должен

- **знать:** условие устойчивости сжатых стержней; коэффициент приведения длины; формулу Эйлера для критической силы и напряжения; формулу гибкости стержня; формулы осевых моментов инерции.

- **уметь:** выполнять расчеты на устойчивость сжатых стержней

Исходные данные: Модуль упругости стали $E=2,06 \times 10^5$ МПа

Таблица 1 - Типы сечений стоек

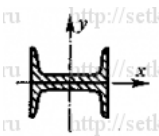
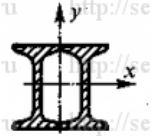
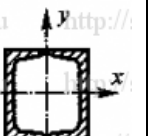
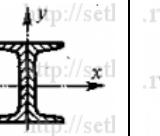

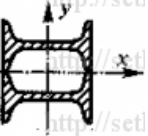
| Тип сечения | A | B | C | D | E | F |
|-------------|---|---|---|--|---|---|
| Профиль |  |  |  |  |  |  |

Таблица 2 - Виды закрепления стержней

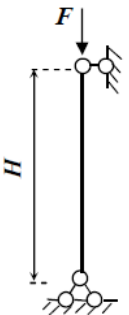
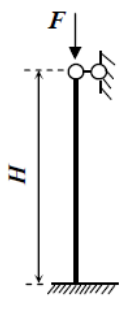
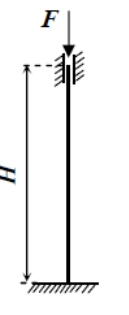

| Номер расчетной схемы | I | II | III | IV |
|---|---|---|--|---|
| Конструкция опорных закреплений сжатой стойки |  |  |  |  |

Таблица 3 - Исходные данные к заданию

| Вариант | Тип сечения | Расчетная схема | Высота, Н, м | Усилие F, кН | Расчетное сопротивление, R, МПа |
|---------|-------------|-----------------|--------------|--------------|---------------------------------|
| 1 | A | I | 4,5 | 620 | 240 |
| 2 | B | II | 5,0 | 630 | 230 |
| 3 | C | III | 5,5 | 610 | 250 |
| 4 | D | IV | 3,0 | 600 | 240 |
| 5 | E | I | 3,5 | 650 | 230 |
| 6 | F | II | 4,0 | 640 | 340 |
| 7 | A | III | 4,2 | 670 | 320 |
| 8 | B | IV | 4,8 | 660 | 300 |
| 9 | C | I | 3,4 | 780 | 340 |
| 10 | D | II | 3,8 | 740 | 350 |
| 11 | E | III | 5,2 | 680 | 340 |
| 12 | F | IV | 3,8 | 800 | 350 |
| 13 | A | I | 5,8 | 850 | 340 |
| 14 | B | II | 3,2 | 840 | 380 |
| 15 | C | III | 3,6 | 950 | 370 |
| 16 | D | IV | 3,6 | 970 | 360 |
| 17 | E | I | 6,2 | 960 | 240 |
| 18 | F | II | 6,4 | 870 | 230 |
| 19 | A | III | 6,4 | 830 | 250 |
| 20 | B | IV | 4,4 | 910 | 240 |
| 21 | C | I | 4,6 | 730 | 230 |
| 22 | D | II | 5,4 | 840 | 340 |
| 23 | E | III | 4,9 | 690 | 320 |
| 24 | F | IV | 3,5 | 570 | 300 |
| 25 | A | I | 4,5 | 670 | 340 |
| 26 | B | II | 5,3 | 770 | 350 |
| 27 | C | III | 6,3 | 840 | 340 |
| 28 | D | IV | 3,8 | 590 | 350 |
| 29 | E | I | 4,8 | 700 | 340 |

| | | | | | |
|----|---|----|-----|-----|-----|
| 30 | F | II | 5,3 | 580 | 380 |
|----|---|----|-----|-----|-----|

Порядок выполнения практической работы:

1. Определить требуемую площадь поперечного сечения стойки,

$$A_{\text{тр}} = \frac{F}{\varphi R_y}, \text{ см}^2$$

где F - усилие, кН

φ - продольного изгиба $\varphi = 0,6 - 0,8$

R_y - расчетное сопротивление материала на сжатие, кН/см² (Приложение Д)

2. По найденной площади определить номер профиля проката, рекомендуется принимать профили одинаковыми по площади, если их несколько

3. Определить моменты инерции сечения J_x и J_y относительно главных центральных осей (моменты инерции профилей проката приведены в ГОСТах) (Приложение А)

4. Определить радиусы инерции сечения относительно осей x и y

$$i_x = \sqrt{\frac{J_x}{A}} \quad i_y = \sqrt{\frac{J_y}{A}}$$

5. Определить гибкость стержня (для расчета принимаем минимальный радиус инерции)

$$\lambda = \frac{\mu l}{i_{\min}}$$

где μ - коэффициент приведенной (расчетной) длины, который зависит от способа закрепления концов стержня; (Приложение Б)

l - геометрическая длина стержня

7. Величину критической силы определяют по формулам

$$F_{cr} = \begin{cases} \frac{\pi^2 E J_{\min}}{(\mu l)^2}, & \text{при } \lambda > \lambda_{\text{пр}} \\ A(a - b\lambda), & \text{при } \lambda_0 < \lambda \leq \lambda_{\text{пр}} \\ A \cdot R_y, & \text{при } \lambda \leq \lambda_0 \end{cases}$$

a и b - коэффициенты (Приложение В)

При

$$\lambda_0 = 0,4 \cdot \sqrt{\frac{E}{R_y}}$$

$$\lambda_{пр} = 3,4 \cdot \sqrt{\frac{E}{R_y}}$$

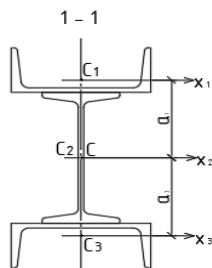
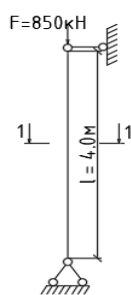
8. Определить коэффициент запаса устойчивости и проверить условие

$$n_y = \frac{F_{cr}}{F} > n_y = 1,3$$

Если условие не выполняется необходимо увеличить сечение или снизить нагрузку.

Пример выполнения практической работы:

Исходные данные



Расчетное сопротивление стали
 $R = 240 \text{ МПа}$

Длина стойки $l = 4,0 \text{ м}$

Центрально-сжимающая сила F
 $= 850 \text{ кН}$

2. Определить требуемую площадь поперечного сечения стойки,

$$A_{тр} = \frac{F}{\varphi R}, \text{ см}^2$$

где F - усилие, кН

φ - продольного изгиба $\varphi = 0,6 - 0,8$

R - расчетное сопротивление материала на сжатие, кН/см²

$$A_{тр} = \frac{850}{0,7 \cdot 24} = 50,6 \text{ см}^2$$

3. По найденной площади определить номер профиля проката, рекомендуется принимать профили одинаковыми по площади, если их несколько

Принимаем все профили одинаковыми по площади. На один профиль требуется площадь $50,6 / 3 = 16,8 \text{ см}^2$. Принимаем два швеллера №14а площадью $A_1 = 2 \cdot 17 = 34 \text{ см}^2$ и двутавровую балку № 14 площадью $A_2 = 17,4 \text{ см}^2$. Общая площадь сечения $A = 34 + 17,4 = 51,4 \text{ см}^2$ (Приложение А)

4. Определить моменты инерции сечения J_x и J_y относительно главных центральных осей (моменты инерции профилей проката приведены в ГОСТах)

а) определить момент инерции сечения относительно оси x :

$$J_x = J_x^{ДВ} + 2J_x^{ШВ} = J_{x\text{ табл}}^{ДВ} + 2(J_{y\text{ табл}}^{ШВ} + a_1^2 A_{ШВ})$$

$$J_x = 572 + 2(57,5 + 8,87^2 \cdot 17) = 3362 \text{ см}^4$$

$$\text{где } a_1 = \frac{h_{ДВ}}{2} + z_0(\text{ШВ}) = \frac{14}{2} + 1,87 = 8,87 \text{ см}$$

б) определить момент инерции сечения относительно оси y:

$$J_y = J_y^{ДВ} + 2J_y^{ШВ} = J_{y\text{ табл}}^{ДВ} + 2J_{x\text{ табл}}^{ШВ}$$

$$J_y = 41,9 + 2 \cdot 545 = 1132 \text{ см}^4$$

5. Определить радиусы инерции сечения относительно осей x и y

$$i_x = \sqrt{\frac{J_x}{A}} \quad i_y = \sqrt{\frac{J_y}{A}}$$

$$i_x = \sqrt{\frac{3353}{51,4}} = 8,08 \text{ см} \quad i_y = \sqrt{\frac{1132}{51,4}} = 4,7 \text{ см}$$

6. Определить гибкость стержня (для расчета принимаем минимальный радиус инерции)

$$\lambda = \frac{\mu l}{i_{min}}$$

$$\lambda_y = \frac{1 \cdot 400}{4,7} = 85,1$$

где μ - коэффициент приведенной (расчетной) длины, который зависит от способа закрепления концов стержня; (Приложение Б)

l - геометрическая длина стержня

7. Величину критической силы определяют по формулам

1) Формула Эйлера

2) Формула Ясинского-Тетмайера

3) Формула прочности

$$F_{cr} = \begin{cases} \frac{\pi^2 E J_{min}}{(\mu l)^2}, & \text{при } \lambda > \lambda_{пр} \\ A(a - b\lambda), & \text{при } \lambda_0 < \lambda \leq \lambda_{пр} \\ A \cdot R_y, & \text{при } \lambda \leq \lambda_0 \end{cases}$$

При

$$\lambda_0 = 0,4 \cdot \sqrt{\frac{E}{R_y}}$$

$$\lambda_0 = 0,4 \cdot \sqrt{\frac{2,06 \cdot 10^5}{240}} = 11,71$$

$$\lambda_{пр} = 3,4 \cdot \sqrt{\frac{E}{R_y}}$$

$$\lambda_{пр} = 3,4 \cdot \sqrt{\frac{2,06 \cdot 10^5}{240}} = 99,6$$

т.к. $\lambda_0 < \lambda \leq \lambda_{пр}$ $11,71 < 85,1 \leq 99,6$ - усилие будем определять по формуле Ясинского-Тетмайера

$$F_{cr} = A(a - b\lambda)$$

$$a = 328 \text{ МПа} = 32,8 \text{ кН/см}^2$$

$$b = 1,15 \text{ МПа} = 0,115 \text{ кН/см}^2$$

$$F_{cr} = 51,4(32,8 - 0,115 \cdot 85,1) = 1183 \text{ кН}$$

8. Определить коэффициент запаса устойчивости и проверить условие

$$n_y = \frac{F_{cr}}{F} > n_y = 1,3$$

$$n_y = \frac{1183}{850} = 1,4 > n_y = 1,3$$

Условие выполняется

Контрольные вопросы

1. Что называется коэффициентом устойчивости, и от чего он зависит?
2. От чего зависит коэффициент расчетной длины?
3. В каком документе находятся геометрические характеристики прокатных профилей?

Практическая работа № 16

Расчет на прочность и жесткость при кручении

Цель: научиться выполнять расчет на прочность и жесткость при кручении

В результате выполнения практической работы студент должен

- **знать:** условия прочности и жесткости при кручении; виды расчетов на прочность и жесткость при кручении;

- **уметь:** выполнять расчеты на прочность при кручении; проводить проверку на жесткость при кручении.

Исходные данные:

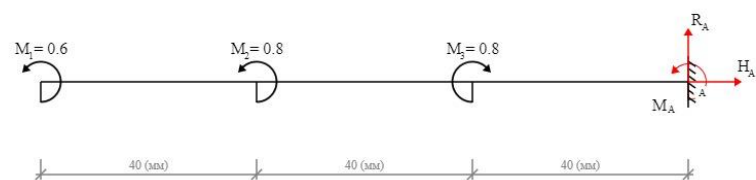
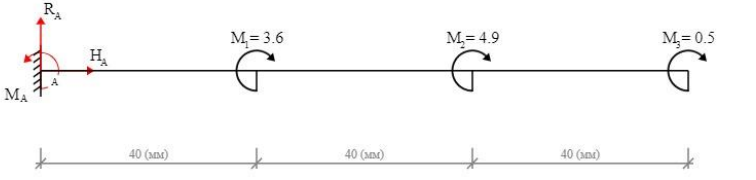
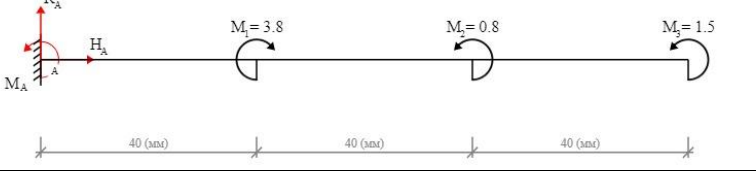
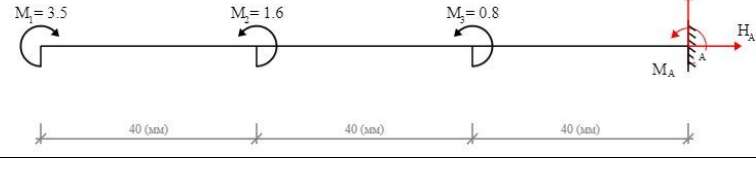
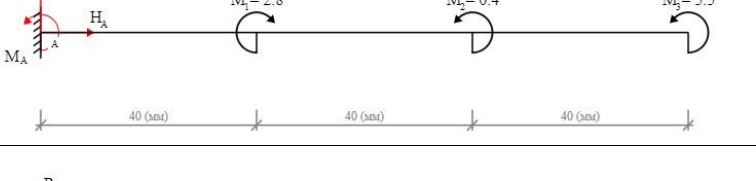
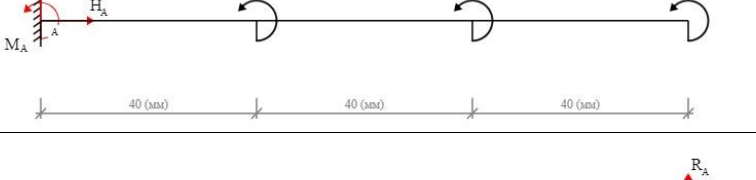
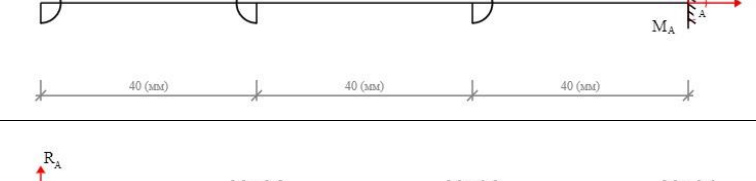
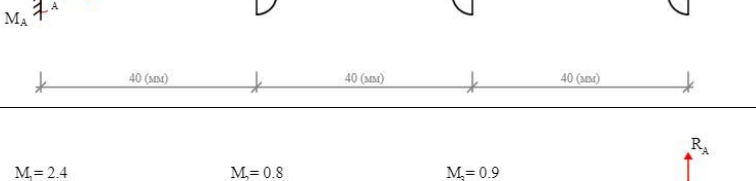
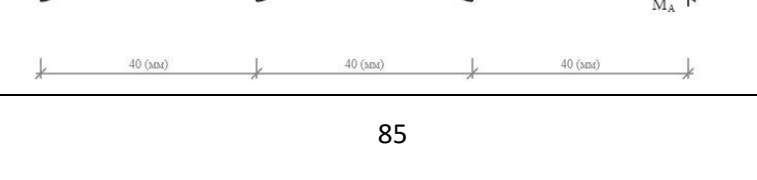
Выполнить расчет на прочность и жесткость при кручении

G - модуль сдвига, $0,8 \times 10^5$ МПа

$[\theta]$ допускаемый относительный угол закручивания, 1,0 град/м

Крутящий момент на участке вала измеряется в кНм

| Вари- ант | Схема | Допускае- мое напря- жение [τ_k], МПа |
|--------------|-------|---|
| 1 | | 45 |
| 2 | | 50 |
| 3 | | 55 |
| 4 | | 60 |
| 5 | | 65 |
| 6 | | 70 |
| 7 | | 75 |
| 8 | | 80 |

| | | |
|----|--|-----|
| 9 |  | 85 |
| 10 |  | 90 |
| 11 |  | 95 |
| 12 |  | 100 |
| 13 |  | 95 |
| 14 |  | 90 |
| 15 |  | 85 |
| 16 |  | 80 |
| 17 |  | 75 |

| | | |
|----|--|----|
| 18 | | 70 |
| 19 | | 65 |
| 20 | | 60 |
| 21 | | 55 |
| 22 | | 50 |
| 23 | | 45 |
| 24 | | 50 |
| 25 | | 55 |
| 26 | | 60 |

| | | |
|----|--|----|
| 27 | | 65 |
| 28 | | 70 |
| 29 | | 56 |
| 30 | | 80 |

Порядок выполнения практической работы:

1. Показать условие задачи
2. Разбить длину бруса на участки
3. Пользуясь методом сечения определить крутящий момент на каждом участке
4. По полученным данным построить эпюру крутящих моментов
5. Из условия прочности определить диаметр вала на каждом участке

5.1 Определить максимальный крутящий момент из эпюры (максимальное значение без учета знака), $M_{к, max}$, кНм

5.2 Определить моменты сопротивления сечения на каждом участке

$$W_{p,i} = M_{к,i} / [\tau_k], \text{ см}^3$$

где $M_{к,i}$ - крутящий момент i - того участка, кНсм (1, 2, 3)

$[\tau_k]$ - допускаемое напряжение, кН/см² (исходные данные)

5.3 Определить диаметр вала на каждом участке

$$d_i = \sqrt[3]{\frac{16 \cdot W_{p,i}}{\pi}}, \text{ см}$$

где $W_{p,i}$ - момент сопротивления i - того участка, см^3

6. Выполнить проверку вала из условия жесткости при кручении

6.1 Определить относительный угол закручивания

$$\theta = M_{\kappa, \max} / GJ_{p, \max}, \text{ град/см}$$

где $M_{\kappa, \max}$ - максимальный крутящий момент, кНсм (из эпюры)

G - модуль сдвига $0,8 \times 10^5$ МПа

$J_{p, \max}$ - максимальный момент инерции сечения, см^4 , определяется по формуле:

$$J_{p,i} = \pi \cdot d_i^4 / 32, \text{ см}^4$$

$J_{p,i}$ - момент инерции i - того участка, см^4 ,

$\pi = 3,14$

d_i - диаметр i - того участка, см, (1, 2, 3)

6.2 Проверить условие

$$\theta \leq [\theta], \text{ м}$$

Пример выполнения практической работы:

Исходные данные:

$G = 0,8 \times 10^5$ МПа

$[\theta] = 1,0$ град/м

$[\tau_{\kappa}] = 70$ МПа

Решение:

1. Показать условие задачи
2. Разбить длину бруса на участки
3. Пользуясь методом сечения определить крутящий момент на каждом участке

4. По полученным данным построить эпюру крутящих моментов

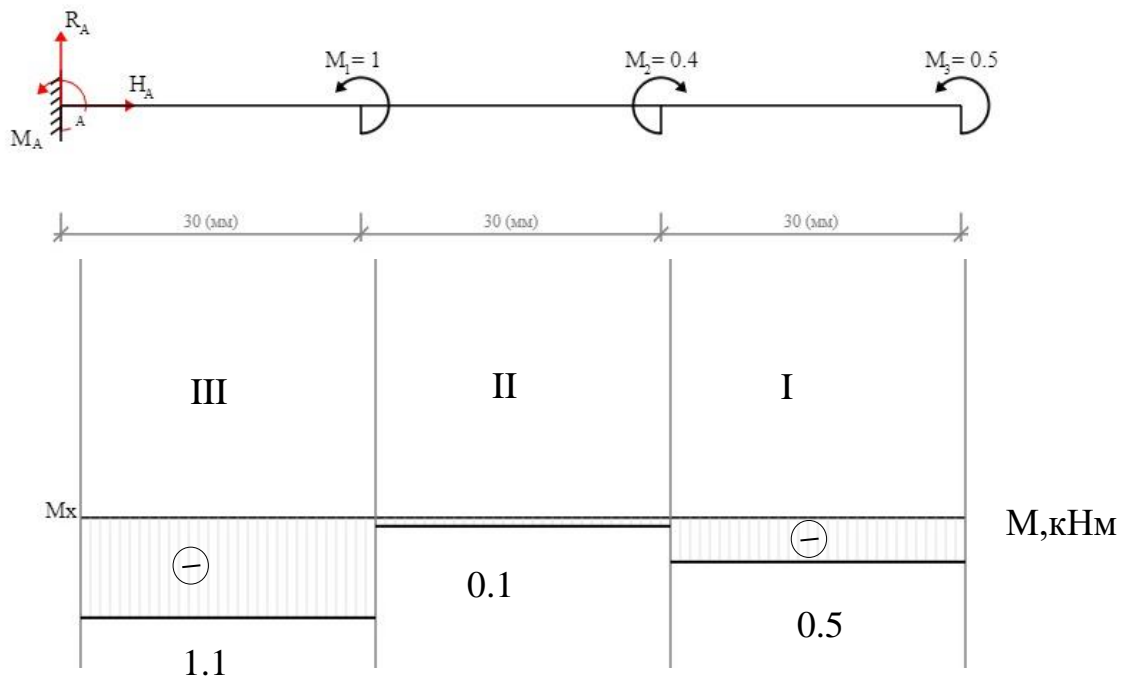
Определение величины крутящего момента

$$M_{z1} = - M_3 = -0,5 \text{ кНм}$$

$$M_{z2} = - M_3 + M_2 = - 0,5 + 0,4 = - 0,1 \text{ кНм}$$

$$M_{z3} = - M_3 + M_2 - M_1 = - 0,5 + 0,4 - 1 = - 1,1 \text{ кНм}$$

Строим эпюру



5. Из условия прочности определить диаметр вала а каждом участке

5.1 Определить максимальный крутящий момент из эпюры (максимальное значение без учета знака), $M_{\kappa, \max}$, кНм

$$M_{\kappa, \max} = 1,1 \text{ кНм}$$

5.2 Определить моменты сопротивления сечения на каждом участке

1 участок

$$W_{p,1} = M_{\kappa,1} / [\tau_{\kappa}] = 50/7 = 7,1 \text{ см}^3$$

2 участок

$$W_{p,2} = M_{\kappa,2} / [\tau_{\kappa}] = 10/7 = 1,4 \text{ см}^3$$

3 участок

$$W_{p,3} = M_{\kappa,3} / [\tau_{\kappa}] = 110/7 = 15,7 \text{ см}^3$$

5.3 Определить диаметр вала на каждом участке

1 участок

$$d_1 = \sqrt[3]{\frac{16 \cdot W_{p,1}}{\pi}} = \sqrt[3]{\frac{16 \cdot 7,1}{3,14}} = 3,3 \text{ см}$$

2 участок

$$d_2 = \sqrt[3]{\frac{16 \cdot W_{p,2}}{\pi}} = \sqrt[3]{\frac{16 \cdot 1,4}{3,14}} = 1,9 \text{ см}$$

$$\text{3 участок}$$

$$d_3 = \sqrt[3]{\frac{16 \cdot W_{p3}}{\pi}} = \sqrt[3]{\frac{16 \cdot 15,7}{3,14}} = 4,3 \text{ см}$$

6. Выполнить проверку вала из условия жесткости при кручении

6.1 Определить относительный угол закручивания

$$\theta = M_{к, max} / GJ_{p, max} = 110 / 0,8 \cdot 10^4 \cdot 16,77 = 8,2 \cdot 10^{-4} \text{ град/см} = 0,082 \text{ град/м}$$

1 участок

$$J_{p,1} = \pi \cdot d_1^4 / 64 = 3,14 \cdot 3,3^4 / 64 = 5,81 \text{ см}^4$$

2 участок

$$J_{p,2} = \pi \cdot d_2^4 / 64 = 3,14 \cdot 1,9^4 / 64 = 0,64 \text{ см}^4$$

3 участок

$$J_{p,3} = \pi \cdot d_3^4 / 64 = 3,14 \cdot 4,3^4 / 64 = 16,77 \text{ см}^4$$

6.2 Проверить условие

$$\theta \leq [\theta], \text{ (град/м)}$$

$$0,082 \leq 1 \text{ (град/м)}$$

Условие выполняется

Если условие не выполняется необходимо увеличить диаметр вала.

Контрольные вопросы:

1. Что такое крутящий момент и чему он равен в произвольном сечении?
2. Как строится эпюра крутящих моментов?

Практическая работа № 17

Построение эпюр поперечных сил и изгибающих моментов

Цель: научиться строить эпюры поперечных сил и изгибающих моментов

В результате выполнения практической работы студент должен

- **знать:** внутренние силовые факторы при изгибе; правило знаков для поперечных сил и изгибающих моментов; правила построения эпюр; порядок построения эпюр;

- **уметь:** определять величину поперечной силы и изгибающего момента в сечении; строить эпюры поперечных сил и изгибающих моментов.

Исходные данные:

| | |
|---------|-------|
| Вариант | Схема |
|---------|-------|

| | |
|---|--|
| 1 | <p>Diagram 1: A beam with a pin support at A and a roller support at B. A uniformly distributed load $q_1 = 20$ acts over a 4m segment starting 2m from A. A point load $P_1 = 15$ acts 2m from the end of the distributed load. A counter-clockwise moment $M_1 = 10$ acts at B, 1.50m from the end. Reactions R_A, H_A, and R_B are shown.</p> |
| 2 | <p>Diagram 2: A beam with a pin support at A and a roller support at B. A point load $P_1 = 10$ acts at the left end. A uniformly distributed load $q_1 = 15$ acts over a 5m segment starting 2m from A. A clockwise moment $M_1 = 5$ acts at B, 2m from the end. Reactions R_A, H_A, and R_B are shown.</p> |
| 3 | <p>Diagram 3: A beam with a pin support at A and a roller support at B. A point load $P_1 = 15$ acts at the left end. A uniformly distributed load $q_1 = 30$ acts over a 4m segment starting 0.50m from A. A clockwise moment $M_1 = 20$ acts at B, 1m from the end. A point load $P_2 = 15$ acts at the right end, 0.50m from B. Reactions R_A, H_A, and R_B are shown.</p> |
| 4 | <p>Diagram 4: A beam with a pin support at A and a roller support at B. A clockwise moment $M_1 = 15$ acts at A. A uniformly distributed load $q_1 = 25$ acts over a 5m segment starting 1m from A. A point load $P_1 = 20$ acts at the right end, 1.50m from B. Reactions R_A, H_A, and R_B are shown.</p> |
| 5 | <p>Diagram 5: A beam with a pin support at A and a roller support at B. A point load $P_1 = 15$ acts at the left end. A counter-clockwise moment $M_1 = 10$ acts at A. A uniformly distributed load $q_1 = 20$ acts over a 6m segment starting 1.50m from A. Reactions R_A, H_A, and R_B are shown.</p> |
| 6 | <p>Diagram 6: A beam with a pin support at A and a roller support at B. A point load $P_1 = 10$ acts at the left end. A uniformly distributed load $q_1 = 15$ acts over a 7m segment starting 2m from A. A clockwise moment $M_1 = 5$ acts at B, 2.50m from the end. Reactions R_A, H_A, and R_B are shown.</p> |
| 7 | <p>Diagram 7: A beam with a pin support at A and a roller support at B. A counter-clockwise moment $M_1 = 15$ acts at the left end. A uniformly distributed load $q_1 = 30$ acts over a 2.50m segment starting 1.50m from A. A point load $P_1 = 20$ acts at the end of the first distributed load. A second uniformly distributed load $q_2 = 10$ acts over a 2.50m segment starting 2.50m from the first point load. Reactions R_A, H_A, and R_B are shown.</p> |

| | |
|----|--|
| 8 | <p>Diagram of a beam with a fixed support at A and a roller support at B. A counter-clockwise moment $M_1 = 20$ is applied at A. A uniformly distributed load $q_1 = 30$ acts downwards over a 3m span starting 0.5m from A. A point load $P_1 = 25$ acts downwards at the end of the distributed load. The total length is 5m. Reactions R_A, H_A, and R_B are shown.</p> |
| 9 | <p>Diagram of a beam with a fixed support at A and a roller support at B. A uniformly distributed load $q_1 = 25$ acts downwards over a 1m span starting from A. A point load $P_1 = 20$ acts downwards at 2m from A. Another uniformly distributed load $q_2 = 25$ acts downwards over a 3m span starting from the point load. A clockwise moment $M_1 = 15$ is applied at B. The total length is 6m. Reactions R_A, H_A, and R_B are shown.</p> |
| 10 | <p>Diagram of a beam with a fixed support at A and a roller support at B. A point load $P_1 = 15$ acts downwards at 1.5m from A. A uniformly distributed load $q_1 = 20$ acts downwards over a 5m span starting from A. A clockwise moment $M_1 = 10$ is applied at B. The total length is 7m. Reactions R_A, H_A, and R_B are shown.</p> |
| 11 | <p>Diagram of a beam with a fixed support at A and a roller support at B. A point load $P_1 = 10$ acts downwards at 2m from A. A clockwise moment $M_1 = 5$ is applied at A. A uniformly distributed load $q_1 = 15$ acts downwards over a 6m span starting 1m from A. The total length is 9m. Reactions R_A, H_A, and R_B are shown.</p> |
| 12 | <p>Diagram of a beam with a fixed support at A and a roller support at B. A counter-clockwise moment $M_1 = 20$ is applied at A. A uniformly distributed load $q_1 = 30$ acts downwards over a 2m span starting 1m from A. A point load $P_1 = 25$ acts downwards at the end of the distributed load. The total length is 5m. Reactions R_A, H_A, and R_B are shown.</p> |
| 13 | <p>Diagram of a beam with a fixed support at A and a roller support at B. A point load $P_1 = 20$ acts downwards at 1m from A. A uniformly distributed load $q_1 = 25$ acts downwards over a 4m span starting from A. A clockwise moment $M_1 = 15$ is applied at B. The total length is 6m. Reactions R_A, H_A, and R_B are shown.</p> |
| 14 | <p>Diagram of a beam with a fixed support at A and a roller support at B. A point load $P_1 = 15$ acts downwards at 1.5m from A. A uniformly distributed load $q_1 = 20$ acts downwards over a 4m span starting from A. A clockwise moment $M_1 = 10$ is applied at the end of the distributed load. The total length is 7.5m. Reactions R_A, H_A, and R_B are shown.</p> |

| | |
|----|--|
| 15 | <p>Diagram of a beam with a pin support at A and a roller support at B. A counter-clockwise moment $M_1 = 5$ is applied at A. A horizontal force H_A acts to the right at A. A uniformly distributed load $q_1 = 15$ acts downwards over a 6m span starting 2m from A. A point load $P_1 = 10$ acts downwards at the end, 1m from B. Reactions R_A and R_B are shown at the supports.</p> |
| 16 | <p>Diagram of a beam with a pin support at A and a roller support at B. A point load $P_1 = 15$ acts downwards at the left end. A horizontal force H_A acts to the right at A. A uniformly distributed load $q_1 = 20$ acts downwards over a 3m span starting 2m from A. Another uniformly distributed load $q_2 = 5$ acts downwards over a 3m span starting 3m from the end of the first UDL. A clockwise moment $M_1 = 10$ is applied at B. Reactions R_A and R_B are shown at the supports.</p> |
| 17 | <p>Diagram of a beam with a pin support at A and a roller support at B. A counter-clockwise moment $M_1 = 15$ is applied at A. A horizontal force H_A acts to the right at A. A uniformly distributed load $q_1 = 10$ acts downwards over a 1.5m span starting from the left end. Another uniformly distributed load $q_2 = 25$ acts downwards over a 5m span starting 1.5m from the left end. A point load $P_1 = 20$ acts downwards at the right end, 1m from B. Reactions R_A and R_B are shown at the supports.</p> |
| 18 | <p>Diagram of a beam with a pin support at A and a roller support at B. A point load $P_1 = 10$ acts downwards at the left end. A horizontal force H_A acts to the right at A. A uniformly distributed load $q_1 = 15$ acts downwards over a 5m span starting 2.5m from the left end. A clockwise moment $M_1 = 20$ is applied at the end of the UDL. A point load $P_2 = 5$ acts downwards at the right end, 2m from B. Reactions R_A and R_B are shown at the supports.</p> |
| 19 | <p>Diagram of a beam with a pin support at A and a roller support at B. A point load $P_1 = 15$ acts downwards at the left end. A horizontal force H_A acts to the right at A. A uniformly distributed load $q_1 = 20$ acts downwards over a 2m span starting from the left end. Another uniformly distributed load $q_2 = 20$ acts downwards over a 5m span starting 1m from the end of the first UDL. A clockwise moment $M_1 = 10$ is applied at B. Reactions R_A and R_B are shown at the supports.</p> |
| 20 | <p>Diagram of a beam with a pin support at A and a roller support at B. A counter-clockwise moment $M_1 = 15$ is applied at the left end. A horizontal force H_A acts to the right at A. A point load $P_1 = 20$ acts downwards at the end of a 2m span starting 1.5m from A. A uniformly distributed load $q_1 = 25$ acts downwards over a 3m span starting 2m from the point load. Reactions R_A and R_B are shown at the supports.</p> |
| 21 | <p>Diagram of a beam with a pin support at A and a roller support at B. A counter-clockwise moment $M_1 = 20$ is applied at the left end. A horizontal force H_A acts to the right at A. A uniformly distributed load $q_1 = 30$ acts downwards over a 3m span starting 1m from the left end. A point load $P_1 = 25$ acts downwards at the right end, 0.5m from B. Reactions R_A and R_B are shown at the supports.</p> |

| | |
|----|--|
| 22 | |
| 23 | |
| 24 | |
| 25 | |
| 26 | |
| 27 | |
| 28 | |

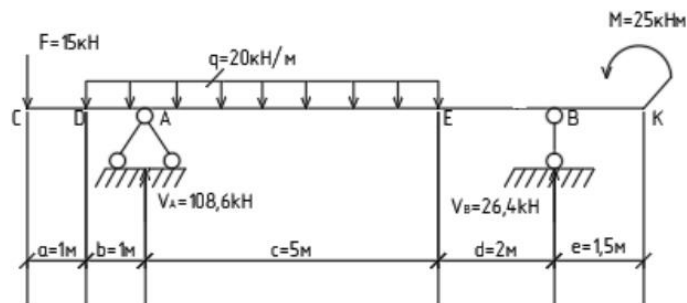
| | |
|----|--|
| 29 | |
| 30 | |

Порядок выполнения практической работы:

1. Показать условие задачи
2. Показать расчетную схему условия задачи
3. Определить реакции опор
4. Построить эпюру поперечных сил
5. Построить эпюру изгибающих моментов

Пример построение эпюр поперечных сил и изгибающих моментов

Задача №1



Решение:

1. *Определить опорные реакции балки. Составим уравнение:*

$$1)\Sigma M_A = 0; \quad 1)\Sigma M_B = 0;$$

Из первого уравнения найдем V_B :

$$-F(a+b) + q(b+c) \left(\frac{b+c}{2} - b \right) - V_B(c+d) - M = 0$$

или

$$-15(1+1) + 20(1+5) \left(\frac{1+5}{2} - 1 \right) - V_B(5+2) - 25 = 0$$

$$\text{откуда } V_B = \frac{-15 \cdot 2 + 20 \cdot 6 \cdot 2 - 25}{7} = 26,4 \text{ кН}$$

Из второго уравнения найдем V_A :

$$-F(a+b+c+d) + V_A(c+d) - q(b+c) \left(\frac{b+c}{2} + d \right) - M = 0$$

или

$$-15(1+1+5+2) + V_A(5+2) - 20(1+5) \left(\frac{1+5}{2} + 2 \right) - 25 = 0$$

$$\text{откуда } V_A = \frac{15 \cdot 9 + 20 \cdot 6 \cdot 5 + 25}{7} = 108,6 \text{ кН}$$

Выполним проверку:

$$\Sigma Y = V_A + V_B - F - q(b+c) = 0$$

или

$$108,6 + 26,4 - 15 - 20 \cdot 6 = 0, \text{ откуда } 135 - 135 = 0$$

2. *Обозначим характерные сечения балки C, D, A, E, B, K.*

3. Строим эпюру Q_x . Определим значения поперечных сил в характерных сечениях:

$$Q_C = -F = -15 \text{ кН}; \quad Q_D = -F = -15 \text{ кН}$$

$$Q_A^{\text{лев}} = -F - qb = -15 - 20 \cdot 1 = -35 \text{ кН};$$

$$Q_A^{\text{прав}} = -F - qb + V_A = -15 - 20 \cdot 1 + 108,6 = 73,6 \text{ кН}$$

$$Q_E = -F - q(b + c) + V_A = -15 - 20 \cdot 6 + 108,6 = -26,4 \text{ кН}$$

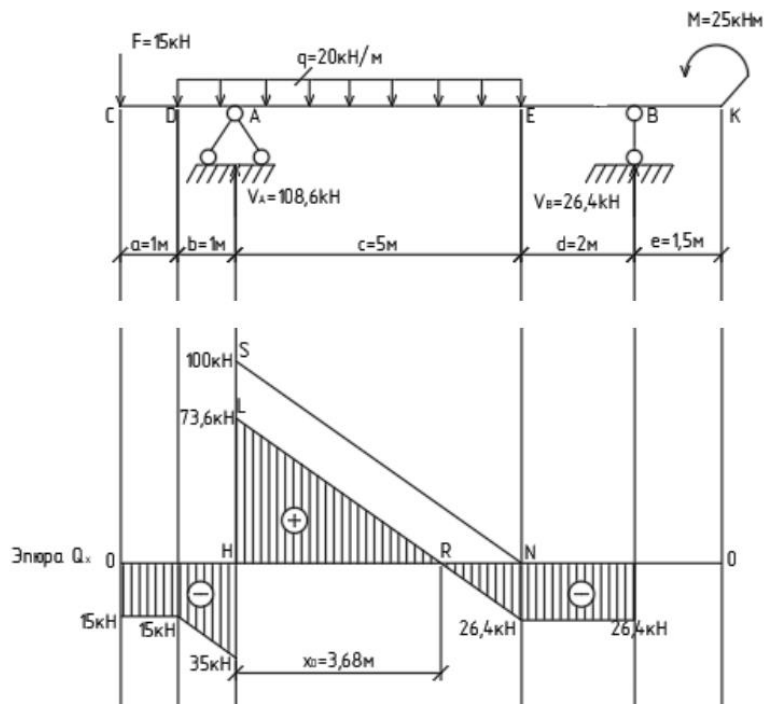
$$Q_B^{\text{лев}} = Q_E = -26,4 \text{ кН}$$

$$Q_B^{\text{прав}} = Q_B^{\text{лев}} + V_B = -26,4 + 26,4 = 0; \quad Q_K = 0.$$

Соединим полученные значения прямыми линиями и получим эпюру Q_x . Эпюра Q_x на участке AE пересекает нулевую линию. Определим положение точки, в которой эпюра Q_x пересекает нулевую линию. Рассмотрим подобие треугольников HRL и HNS , откуда $HR/HN = HL/HS$, или $x_0/5 = 73,6/100$, откуда

$$x_0 = \frac{73,6 \cdot 5}{100} = 3,68 \text{ м}$$

Это сечение считается также характерным для Q_x и M_x .



4. Строим эпюру M_x . Определим изгибающие моменты в характерных точках:

$$M_C = 0; \quad M_D = -Fa = -15 \cdot 1 = -15 \text{ кН}\cdot\text{м};$$

$$M_A = -F(a+b) - (q \cdot b) \left(\frac{b}{2} \right) = -15 \cdot 2 - 20 \cdot 1 \cdot 0,5 = -40 \text{ кН}\cdot\text{м};$$

$$M_E = -F(a+b+c) + V_A c - q(b+c) \frac{(b+c)}{2} = -15 \cdot 7 + 108,6 \cdot 5 - 20 \cdot 6 \cdot 3 = 78 \text{ кН}\cdot\text{м};$$

$$M_{x0} = 3,68 = -F(a+b+x_0) - q(b+x_0) \frac{(b+x_0)}{2} + V_A x_0 =$$

$$= -15 \cdot 5,68 - 20 \cdot 4,68 + 108,6 \cdot 3,68 = 95,4 \text{ кН}\cdot\text{м};$$

$$M_B = M = 25 \text{ кН}\cdot\text{м}; \text{ (рассмотрена правая часть балки ВК)}$$

$$M_K = M = 25 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

5. Строим эпюру M_x на участках между характерными точками:

а) на участке CD нагрузки нет, поэтому эпюра M_x - прямая линия, соединяющая значения $MC = 0$ и $MD = 15 \text{ кН}\cdot\text{м}$;

б) на участке DA действует распределенная нагрузка, поэтому эпюра M_x - парабола. Так как эпюра Q_x на этом участке не пересекает нулевую линию, то парабола не имеет экстремального значения, поэтому величины изгибающих моментов в сечениях D и A соединим кривой, значения которой находятся в интервале - 15 кНм ... - 40 кНм;

в) на участке AE действует распределенная нагрузка, поэтому эпюра M_x - парабола. Так как эпюра Q_x на этом участке пересекает нулевую линию, то парабола имеет экстремальное значение (вершину), поэтому эпюру M_x строим по трем значениям:

$$M_D = -40 \text{ кНм}; \quad M_{x0} = 95,4 \text{ кНм}; \quad M_E = 78 \text{ кНм};$$

г) на участке EB нет нагрузки, поэтому эпюра M_x - прямая, соединяющая значения $M_E = 78 \text{ кНм}$ и $M_K = 25 \text{ кНм}$;

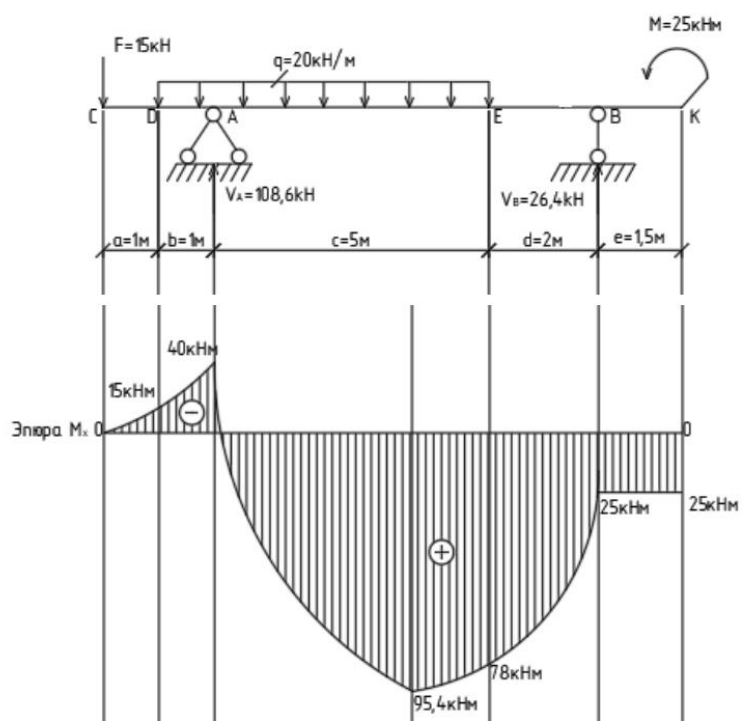
д) на участке BK нет нагрузки, поэтому эпюра M_x - прямая, соединяющая значения $M_B = 25 \text{ кНм}$ и $M_K = 25 \text{ кНм}$;

Эпюра M_x построена

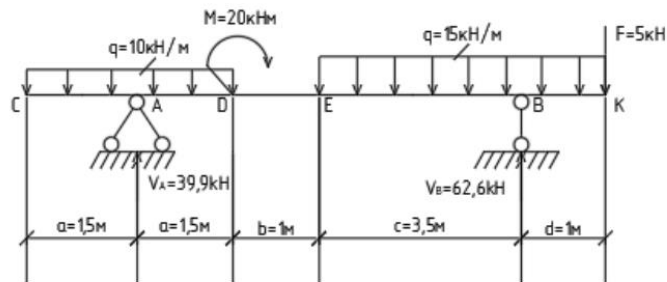
В качестве проверки возьмем сумму моментов всех сил относительно точки, расположенной на расстоянии x_0 от левой опоры, но рассмотрим правую часть балки:

$$\begin{aligned} M_{x0} &= q(c-x_0) \frac{(c-x_0)}{2} + V_B(c-x_0+d) + M = \\ &= -20 \cdot 1,32 \cdot 0,66 + 26,4 \cdot 3,32 + 25 = 95,3 \text{ кНм} \end{aligned}$$

Разница в значениях M_x при рассмотрении левых и правых сил возможна из-за округления величин опорных реакций и расстояния x_0 .



Задача №2



Решение:

1. Определить опорные реакции балки. Составим уравнение:

$$1) \sum M_A = 0; \quad 1) \sum M_B = 0;$$

Из первого уравнения найдем V_B :

$$M + q_2 (c + d) \left(a + b + \frac{c+d}{2} \right) - V_B (a + b + c) + F (a + b + c + d) = 0$$

или

$$20 + 15 (3,5 + 1) \left(1,5 + 1 + \frac{3,5+1}{2} \right) - V_B (1,5 + 1 + 3,5) + 5 (1,5 + 1 + 3,5 + 1) = 0$$

$$\text{откуда } V_B = \frac{20 + 15 \cdot 4,5 \cdot 4,75 + 5 \cdot 7}{6} = 62,6 \text{ кН}$$

Из второго уравнения найдем V_A :

$$V_A (a + b + c) - q_1 2a (c + b + a) + M - q_2 (c + d) \left(\frac{c+d}{2} - d \right) + Fd = 0$$

или

$$V_A (1,5 + 1 + 3,5) - 10 \cdot 2 \cdot 1,5 (3,5 + 1 + 1,5) + 20 - 15 (3,5 + 1) \left(\frac{3,5+1}{2} - 1 \right) + 5 \cdot 1 = 0$$

$$\text{откуда } V_A = \frac{10 \cdot 3 \cdot 6 - 20 + 15 \cdot 4,5 \cdot 1,25 - 5 \cdot 1}{6} = 39,9 \text{ кН}$$

Выполним проверку:

$$\sum Y = V_A + V_B + q_1 2a - q_2 (c + d) - F = 0$$

или

$$39,9 + 62,5 - 10 \cdot 3 - 15 \cdot 4,5 - 5 = 0, \text{ откуда } 102,5 - 102,5 = 0$$

2. Обозначим характерные сечения балки C, A, D, E, B, K.

3. Определим поперечные силы в характерных сечениях:

$$Q_C = 0;$$

$$Q_A^{\text{лев}} = -q_1 a = -10 \cdot 1,5 = -15 \text{ кН};$$

$$Q_A^{\text{прав}} = -q_1 a + V_A = -15 + 39,9 = 24,9 \text{ кН}$$

$$Q_D = Q_A^{\text{прав}} - q_1 a = 24,9 - 15 \cdot 3 = 9,9 \text{ кН}$$

$$Q_E = Q_D = 9,9 \text{ кН}$$

$$Q_B^{\text{лев}} = Q_E - q_2 c = 9,9 - 15 \cdot 3,5 = -42,6 \text{ кН}$$

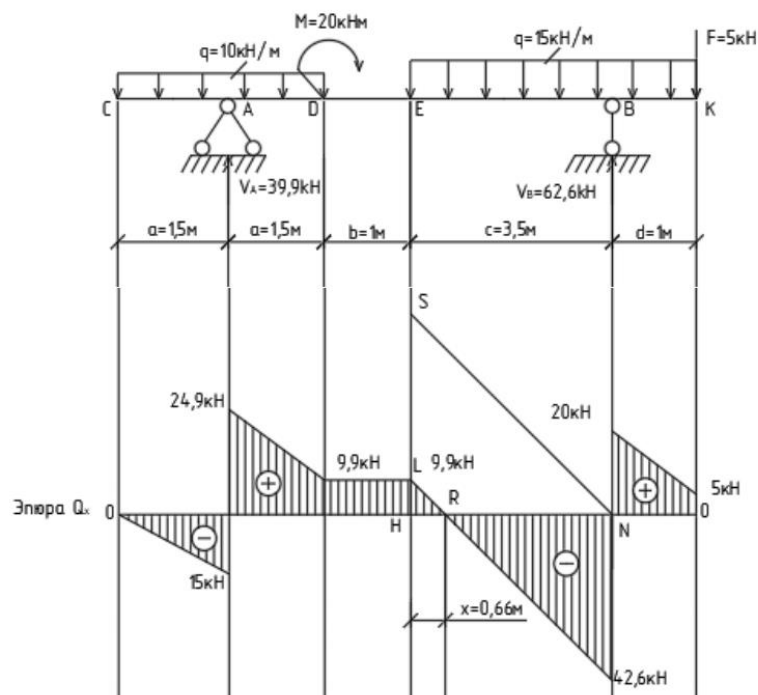
$$Q_B^{\text{прав}} = Q_B^{\text{лев}} + V_B = -42,6 + 62,6 = 20 \text{ кН};$$

$$Q_K^{\text{лев}} = Q_B^{\text{прав}} - q_2 d = 20 - 15 \cdot 1 = 5 \text{ кН}$$

Соединим полученные значения прямыми линиями и получим эпюру Q_x . Эпюра Q_x на участке EB пересекает нулевую линию. Определим положение точки, в которой происходит это пересечение из подобия треугольников HRL и HNS , откуда $HR/HN = HL/HS$, или $x_0/3,5 = 9,9/52,5$, откуда

$$x_0 = \frac{9,9 \cdot 3,5}{52,5} = 0,66 \text{ м}$$

Это сечение считается также характерным для Q_x и M_x .



4. Определим изгибающие моменты в характерных точках:

$$M_C = 0;$$

$$M_A = -q_1 \cdot a \cdot \frac{a}{2} = -10 \cdot 1,5 \cdot \frac{1,5}{2} = -11,25 \text{ кН}\cdot\text{м};$$

$$M_D^{\text{лев}} = -q_1 \cdot 2 \cdot a \cdot a + V_A a = -10 \cdot 2 \cdot 1,5 \cdot 1,5 + 39,9 \cdot 1,5 = 14,9 \text{ кН}\cdot\text{м};$$

$$M_D^{\text{прав}} = M_D^{\text{лев}} + M = 14,9 + 20 = 34,9 \text{ кН}\cdot\text{м}$$

$$M_E = -q_1 2 \cdot a (a + b) + V_A (a + b) + M = -10 \cdot 3 \cdot 2,5 + 39,9 \cdot 2,5 + 20 = 44,8 \text{ кН}\cdot\text{м}$$

$$M_{x_0} = -q_1 2a (a + b + x_0) + V_A (a + b + x_0) + M - q_2 x_0 \frac{x_0}{2} =$$

$$= -10 \cdot 3 \cdot 3,16 + 39,9 \cdot 3,16 + 20 - 15 \cdot 0,66 \cdot 0,33 = 48,03 \text{ кНм}$$

$$M_B = Fd - q_2 d \frac{d}{2} = -5,1 - 15 \cdot 1 \cdot 0,5 = -12,5 \text{ кН}\cdot\text{м}; \text{ (рассмотрена правая часть}$$

балки ВК)

$$M_K = 0.$$

5. Строим эпюру M_x на участках между характерными точками:

а) участок CA эпюра M_x представляет собой параболу, так как на участке действует распределенная нагрузка. Но парабола не имеет экстремума (вершины), так как эпюра Q_x не пересекает нулевую линию между точками C и A ;

б) участок AD - тоже парабола, соединяющая значения $M_A = -11,25 \text{ кНм}$ и $M_D^{\text{лев}} = 14,9 \text{ кНм}$

в) участок DE - эпюра M_x - прямая линия, соединяющая значения $M_D^{\text{прав}} = 34,9 \text{ кНм}$ и $M_E = 44,8 \text{ кНм}$

г) участок EB эпюра M_x - парабола с вершиной на расстоянии $x_0 = 0,66 \text{ м}$ от точки E . Строим ее по трем точкам $M_E = 44,8 \text{ кНм}$, $M_{x_0} = 48,03 \text{ кНм}$ и $M_B = -12,5 \text{ кНм}$;

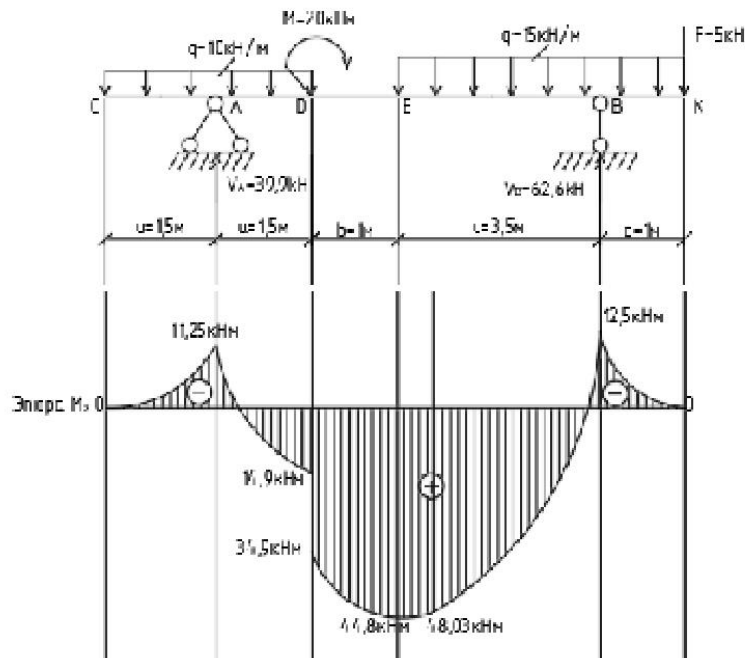
д) участок BK эпюра M_x - парабола, построенная между значениями, $M_B = -12,5 \text{ кНм}$ и $M_K = 0$.

Эпюра M_x построена

Проверим значение M_x в точке, расположенной на расстоянии $x_0 = 0,66 \text{ м}$ правее точки E . Рассмотрим правую часть балки:

$$M_{x0} = q_2 \left(c - x_0 + d \right) \frac{(c - x_0 + d)}{2} + V_B (c - x_0) - F (c - x_0 + d) =$$

$$= -15 \cdot 3,84 \cdot 1,92 + 62,6 \cdot 2,84 - 5 \cdot 3,84 = 48,0 \text{ кНм}$$



Контрольные вопросы:

1. Что такое изгиб?
2. Что такое чистый и поперечный изгиб?
3. Какие внутренние силовые факторы возникают в поперечном сечении при поперечном изгибе?
4. Правила построения эпюр поперечных сил и изгибающих моментов?

Практическая работа № 18

Расчет на прочность при изгибе

Цель: научиться выполнять расчет на прочность при изгибе

В результате выполнения практической работы студент должен

- **знать:** напряжения, возникающие при изгибе; условия прочности при изгибе; расчетные формулы прочности;

- **уметь:** строить эпюры поперечных сила и изгибающих моментов; выполнять проектировочные и проверочные расчеты на прочность; выбирать рациональные формы поперечных сечений.

Исходные данные:

Исходные данные: балка двутавровая, M_{max} и Q_{max} для данной практической работы берем из эпюры построенной в предыдущей Практической работы № 23(15)

Порядок выполнения практической работы:

1. Определить минимальный момент сопротивления

$$W_x = \frac{M_{max}}{\sigma}, \text{ см}^3$$

где M_{max} - максимальный изгибающий момент, кНсм (максимальное значение на эпюре изгибающих моментов)

σ - нормальное напряжение, кН/см².

2. По сортаменту подбираем два двутавра с большим и меньшим моментом сопротивления

1) двутавр № _____

2) двутавр № _____

3. Проверяем прочность балки

3.1 с поперечным сечением из двутавра №1

$$\sigma_1 = \frac{M_{max}}{W_{x1}}, \text{ кН/см}^2 = \text{МПа}$$

перенапряжение составляет:

$$\alpha = \frac{\sigma_1 - \sigma}{\sigma} 100\%$$

3.2 с поперечным сечением из двутавра №2

$$\sigma_2 = \frac{M_{max}}{W_{x2}}, \text{ кН/см}^2 = \text{МПа}$$

перенапряжение составляет:

$$\alpha = \frac{\sigma_1 - \sigma}{\sigma} 100\%$$

выбираем двутавр у которого перенапряжение составит не более 5 %.

Выписывает характеристики из сортамента для двутавра №__:

Момент сопротивления W_x _____, см³

Момент инерции I_x _____, см⁴

Статический момент S_x _____, см³

Толщина стенки d _____, мм

Ширина полки b _____, мм

Толщина полки t _____, мм

Высота сечения h _____, мм.

4. Выполнить чертеж двутавра с установкой всех размеров.

5. Определить максимальное касательное напряжение из условия прочности

$$\tau_{max} = \frac{Q_{max} \cdot S_x}{I_x \cdot b}, \text{ кН/см}^2 = \text{МПа}$$

где Q_{max} - максимальная поперечная сила, кН (принимается из эпюры поперечной силы в предыдущей практической работе)

в данном случае толщина стенки $b = d$, тогда

$$\tau = 0,6 \cdot \sigma, \text{ МПа}$$

$$\tau_{max} \leq \tau$$

если условие выполняется то прочность в опасной точке опасного сечения обеспечена.

У двутавра имеется еще одна опасная точка - точка перехода от полки к стенке. Наиболее вероятными опасными сечениями здесь могут быть сечения где велики и поперечная сила и изгибающий момент. В нашем случае это M и Q которые меньше максимальных значений.

6. Определить координату Y точки перехода от полки к стенке

$$Y = \frac{1}{2} h - t, \text{ см}$$

7. Определить нормальное напряжение (т.к. сечение симметричное знак нормального напряжения значение не имеет)

$$\sigma = \frac{M \cdot Y}{I_x}, \text{ кН/см}^2 = \text{МПа}$$

8. Определить статический момент площади полки

$$S_x^0 = b \cdot t \cdot \frac{1}{2} (h - t), \text{ см}^3$$

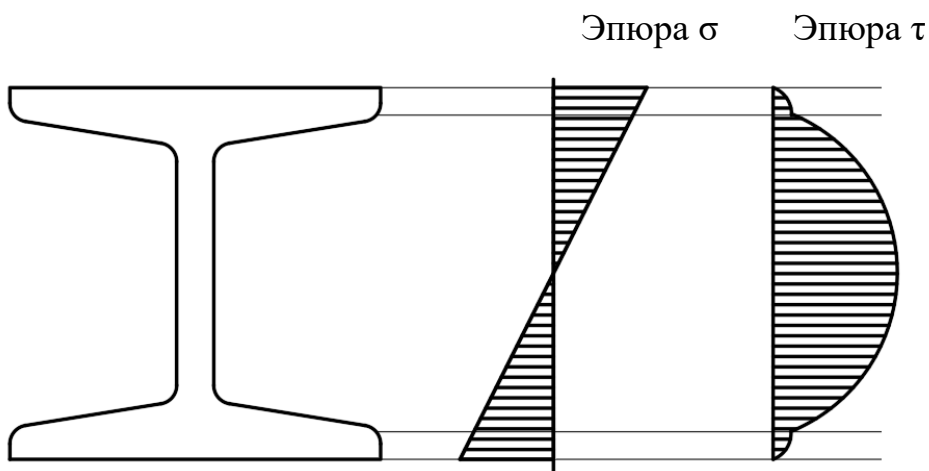
9. Определить касательное напряжение

$$\tau = \frac{Q \cdot S_x^0}{I_x \cdot d}, \text{ кН/см}^2 = \text{МПа}$$

10. Проверить условие прочности

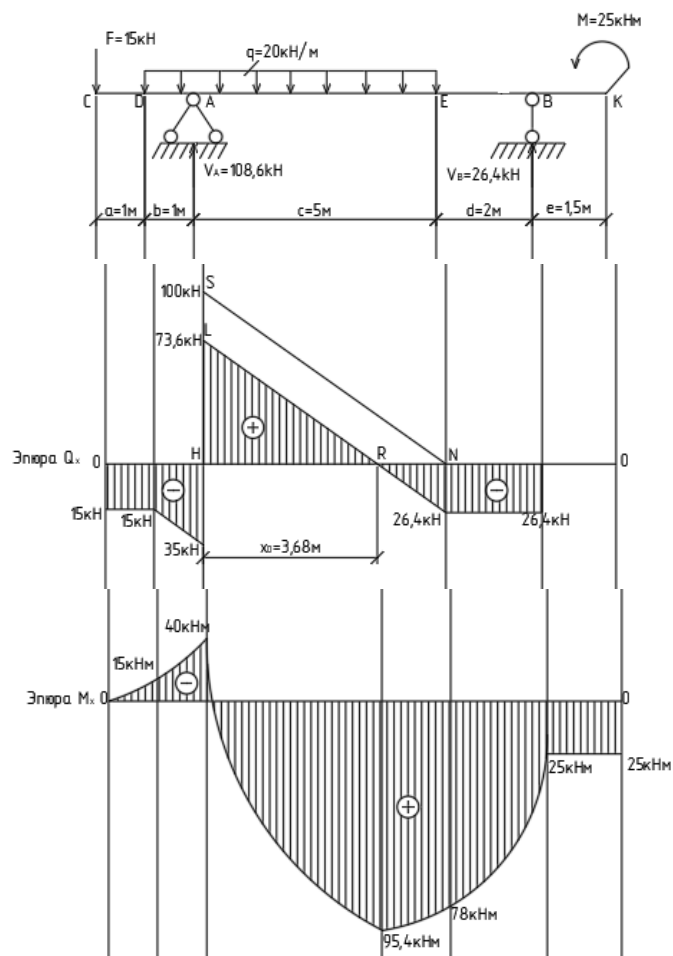
$$\sigma = \sqrt{\sigma^2 + 3\tau^2} \leq [\sigma]$$

11. По полученным значениям напряжений в точках выбранного опасного сечения балки строим эпюры нормальных и касательных напряжений по высоте двутавра.



Пример выполнения практической работы:

Исходные данные:



Балка двутавровая,

$$M_{max} = 95,4 \text{ кНм} = 9540 \text{ кНсм}; M = 78 \text{ кНм} = 7800 \text{ кНсм}$$

$$Q_{max} = 73,6 \text{ кН}; Q = 35 \text{ кН}$$

$$[\sigma] = 160 \text{ МПа} = 16 \text{ кН/см}^2$$

Решение

1. Определить минимальный момент сопротивления

$$W_x = \frac{M_{max}}{\sigma}, \text{ см}^3$$

где M_{max} - максимальный изгибающий момент, кНсм (максимальное значение на эпюре изгибающих моментов)

σ - нормальное напряжение, кН/см².

$$W_x = \frac{9540}{16} = 596,25, \text{ см}^3$$

2. По сортаменту подбираем два двутавра с большим и меньшим моментом сопротивления

1) двутавр № 30а $W_x = 518 \text{ см}^3$

2) двутавр № 33 $W_x = 597 \text{ см}^3$

3. Проверяем прочность балки

3.1 с поперечным сечением из двутавра №1

$$\sigma_1 = \frac{M_{max}}{W_{x1}}; \text{ кН/см}^2 = \text{МПа}$$

$$\sigma_1 = \frac{9540}{518} = 18,4 \text{ кН/см}^2 = 184 \text{ МПа}$$

перенапряжение составляет:

$$\alpha = \frac{\sigma_1 - \sigma}{\sigma} 100\%$$

$$\alpha = \frac{184 - 160}{160} 100\% = 15\% \text{ что больше допустимого значения}$$

3.2 с поперечным сечением из двутавра №2

$$\sigma_2 = \frac{M_{max}}{W_{x2}}, \text{ кН/см}^2 = \text{МПа}$$

$$\sigma_1 = \frac{9540}{597} = 16,0 \text{ кН/см}^2 = 160 \text{ МПа}$$

перенапряжение составляет:

$$\alpha = \frac{\sigma_1 - \sigma}{\sigma} 100\%$$

$$\alpha = \frac{160 - 160}{160} 100\% = 0$$

выбираем двутавр у которого перенапряжение составит не более 5 %.

Выписывает характеристики из сортамента для двутавра №33:

Момент сопротивления $W_x = 597 \text{ см}^3$

Момент инерции $I_x = 9840 \text{ см}^4$

Статический момент $S_x = 339 \text{ см}^3$

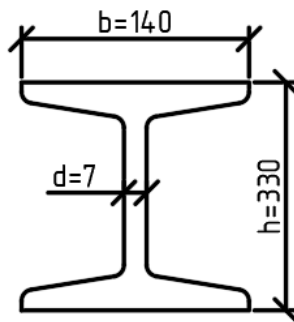
Толщина стенки $d = 7 \text{ мм}$

Ширина полки $b = 140 \text{ мм}$

Толщина полки $t = 11,2 \text{ мм}$

Высота сечения $h = 330 \text{ мм}$.

4. Выполнить чертеж двутавра с установкой всех размеров.



5. Определить максимальное касательное напряжение из условия прочности

$$\tau_{max} = \frac{Q_{max} \cdot S_x}{I_x \cdot b}, \text{ кН/см}^2 = \text{МПа}$$

где Q_{max} - максимальная поперечная сила, кН (принимается из эпюры поперечной силы в предыдущей практической работе)

в данном случае толщина стенки $b = d = 7 \text{ мм}$, тогда

$$\tau_{max} = \frac{73,6 \cdot 339}{9840 \cdot 0,7} = 3,6 \text{ кН/см}^2 = 36 \text{ МПа}$$

$$\tau = 0,6 \cdot \sigma, \text{ МПа}$$

$$\tau = 0,6 \cdot 160 = 96 \text{ МПа}$$

$$\tau_{max} \leq \tau$$

$$36 \leq 96 \text{ (МПа)}$$

условие выполняется

6. Определить координату Y точки перехода от полки к стенке

$$Y = \frac{1}{2} h - t, \text{ см}$$

$$Y = \frac{1}{2} 33 - 1,12 = 15,38 \text{ см}$$

7. Определить нормальное напряжение (т.к. сечение симметричное знак нормального напряжения значение не имеет)

$$\sigma = \frac{M \cdot Y}{I_x}, \text{ кН/см}^2 = \text{МПа}$$

$$\sigma = \frac{7800 \cdot 15,38}{9840} = 12,2 \text{ кН/см}^2 = 122 \text{ МПа}$$

8. Определить статический момент площади полки

$$S_x^0 = b \cdot t \cdot \frac{1}{2}(h - t), \text{ см}^3$$

$$S_x^0 = 14 \cdot 1,12 \cdot \frac{1}{2}(33 - 1,12) = 250 \text{ см}^3$$

9. Определить касательное напряжение

$$\tau = \frac{Q \cdot S_x^0}{I_x \cdot d}, \text{ кН/см}^2 = \text{МПа}$$

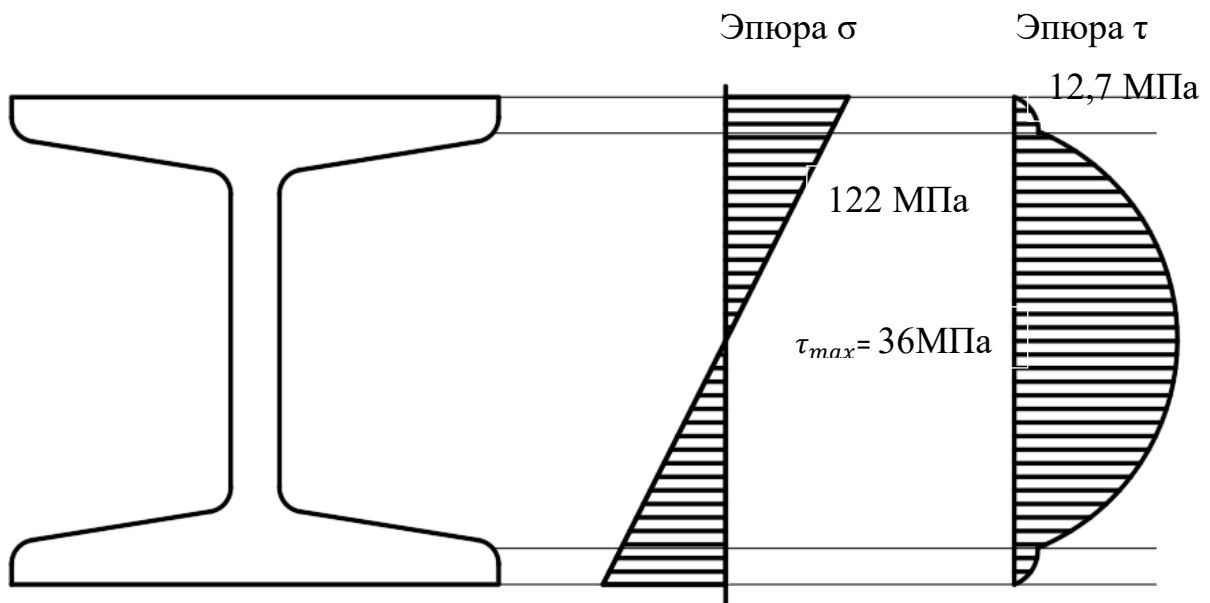
$$\tau = \frac{35 \cdot 250}{980 \cdot 0,7} = 1,27 \text{ кН/см}^2 = 12,7 \text{ МПа}$$

10. Проверить условие прочности

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2 + 3\tau^2} \leq [\sigma]$$

$$\sigma = \sqrt{122^2 + 3 \cdot 12,7^2} = 124 \leq 160 \text{ МПа}$$

11. По полученным значениям напряжений в точках выбранного опасного сечения балки строим эпюры нормальных и касательных напряжений по высоте двутавра.



Контрольные вопросы:

1. Как определить поперечные силы в сечении бруса?
2. Как вычислить изгибающий момент в любом сечении балки?
3. Напишите условие прочности при изгибе?

Практическая работа № 19

Решение задач на построение эпюр для плоских рам

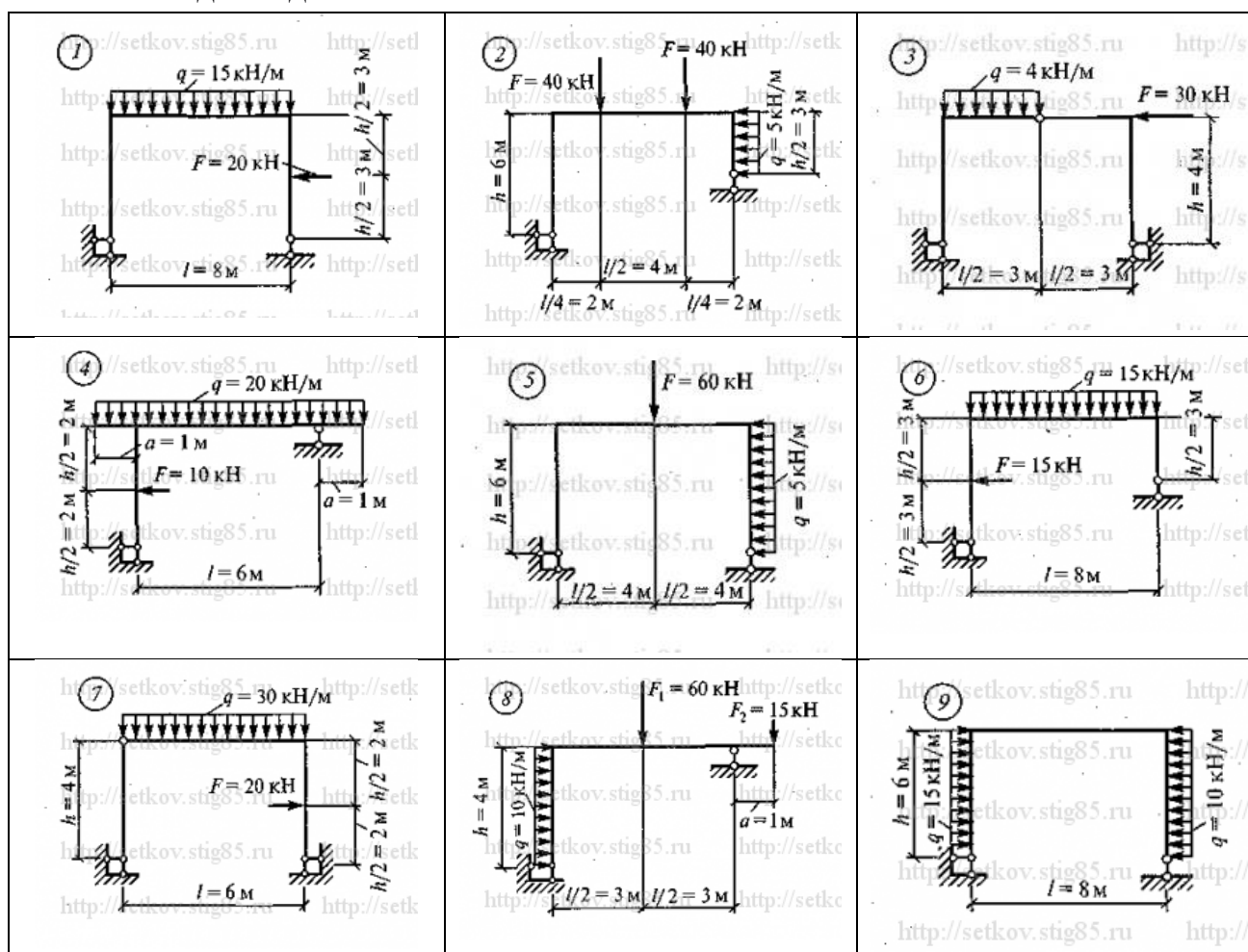
Цель: научиться строить эпюру продольных сил для рам

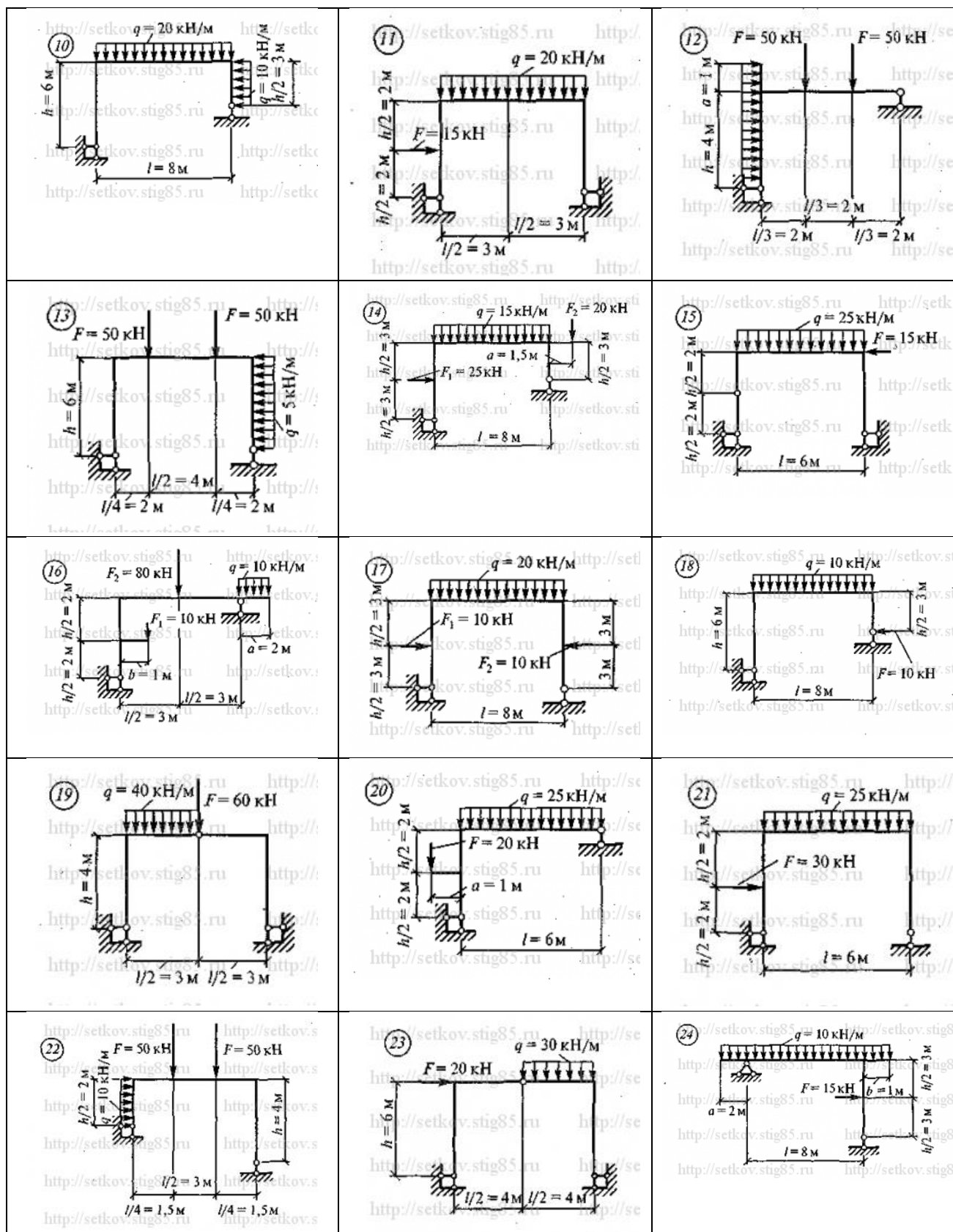
В результате выполнения практической работы студент должен

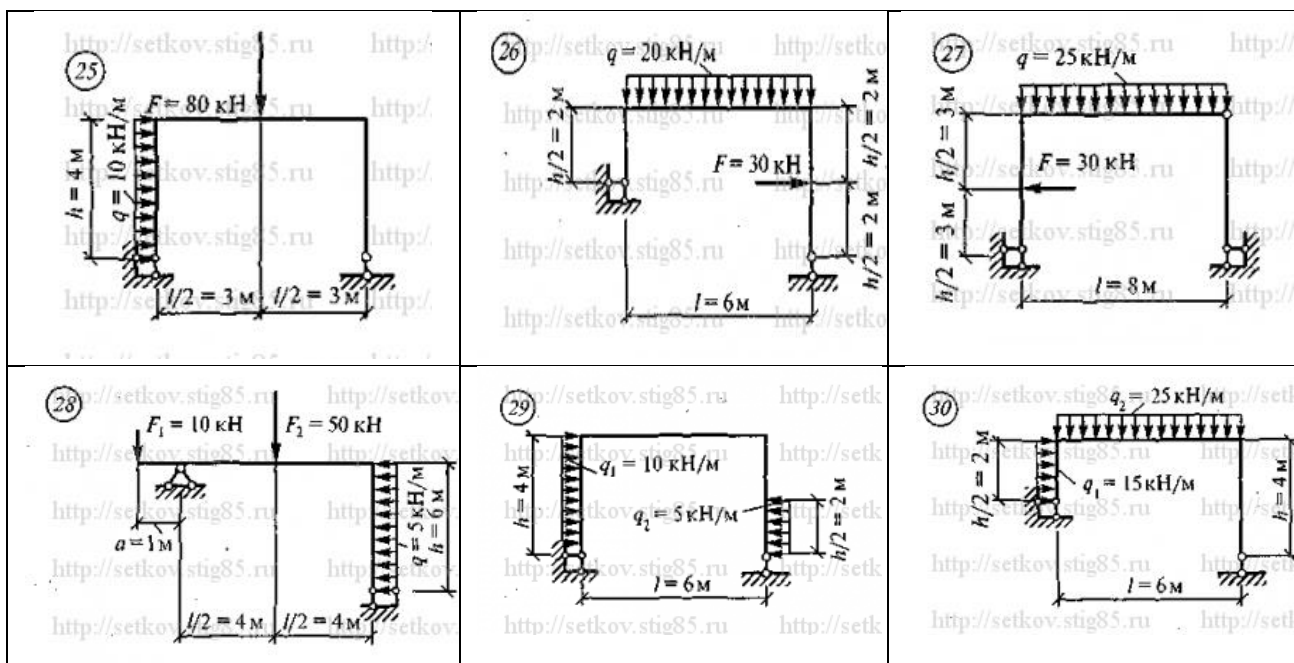
- **знать:** уравнения равновесия для определения опорных реакций рам; правила построения эпюры продольных сил для рам;

- **уметь:** составлять уравнения равновесия для рам; определять продольные силы для построения эпюр; строить эпюры продольных сил для рам.

Исходные данные







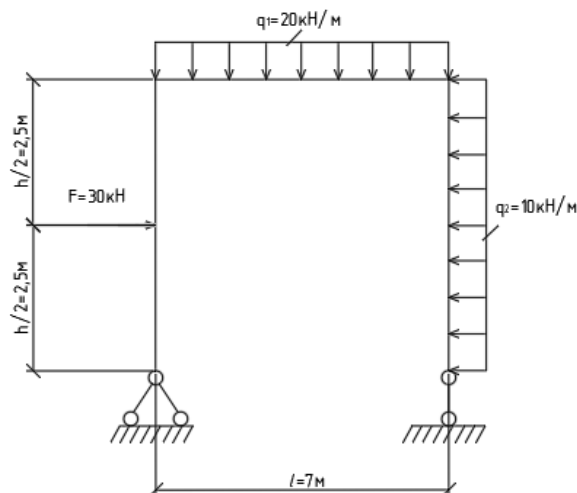
Порядок выполнения практической работы:

1. Показать условия задачи
2. Показать расчетную схему
3. Определить опорные реакции
4. Обозначить характерные точки
5. Определить поперечные силы в характерных точках, обходя раму по часовой стрелке изнутри, стоек и ригеля
6. По найденным значениям построить эпюру поперечных сил.
7. Определить значения продольных сил
8. По найденным значениям построить эпюру продольных сил.
9. Определить значения изгибающих моментов в характерных точках
10. По найденным значениям построить эпюру изгибающих моментов.

Пример выполнения практической работы

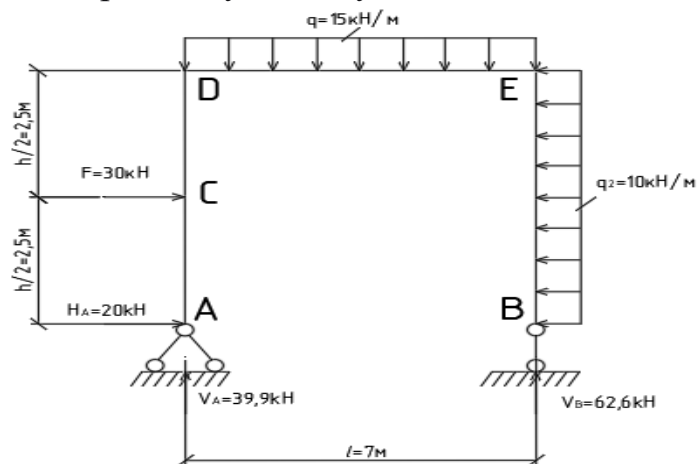
Исходные данные

1. Показать условия задачи



Построить эпюру поперечных сил Q_x

2. Показать расчетную схему



3. Определить опорные реакции.

Рама не имеет промежуточных шарниров, поэтому используем уравнение равновесия вида I.

Из первого уравнения определим V_B :

$$\frac{F \cdot h}{2} + q_1 \cdot l \cdot \frac{l}{2} - q_2 \cdot h \cdot \frac{h}{2} - V_B \cdot l = 0$$

или
$$\frac{30 \cdot 5}{2} + 20 \cdot 7 \cdot \frac{7}{2} - 10 \cdot 5 \cdot \frac{5}{2} - V_B \cdot 7 = 0$$

откуда
$$V_B = \frac{30 \cdot 2,5 + 20 \cdot 7 \cdot 3,5 - 10 \cdot 5 \cdot 2,5}{7} =$$

62,86 кН

Из второго уравнения определим V_A :

$$V_A \cdot l + F \cdot \frac{h}{2} - q_1 \cdot l \cdot \frac{l}{2} - q_2 \cdot h \cdot \frac{h}{2} = 0$$

или
$$V_A \cdot 7 + 30 \cdot \frac{5}{2} - 20 \cdot 7 \cdot \frac{7}{2} - 10 \cdot 5 \cdot$$

$$\frac{5}{2} = 0$$

откуда
$$V_A = \frac{-30 \cdot 2.5 + 20 \cdot 7 \cdot 3.5 + 10 \cdot 5 \cdot 2.5}{7} = 77.14 \text{ кН}$$

Из третьего уравнения найдем H_A :

$$H_A + F - q_2 \cdot h = 0$$

откуда $H_A = q_2 \cdot h - F = 10 \cdot 5 - 30 = 20 \text{ кН}$

Проверим правильность определения вертикальных реакций:

$$\sum Y = V_A + V_B - q_1 \cdot l$$

или $62,86 + 77,14 - 20 \cdot 7 = 0$, откуда $140 - 140 = 0$

4. Обозначить характерные точки A, C, D, E, B . Рама состоит из двух стоек AD, BE и ригеля DE . Стойки и ригель жестко соединены между собой в узлах D и E .

5. Определить поперечные силы в характерных точках, обходя раму по часовой стрелке изнутри, стоек и ригеля

Стойка AD :

$$Q_A = -H_A = 20 \text{ кН}; Q_C^{\text{лев}} = -H_A = -20 \text{ кН};$$

$$Q_C^{\text{прав}} = -H_A - F = -20 - 30 = -50 \text{ кН};$$

$$Q_D^{\text{лев}} = -H_A - F = -50 \text{ кН}.$$

Ригель DE :

$$Q_D^{\text{прав}} = -V_A = 77.14 \text{ кН};$$

$$Q_E^{\text{лев}} = V_A - q_1 \cdot l = 77.14 - 20 \cdot 7 = 62.86 \text{ кН}.$$

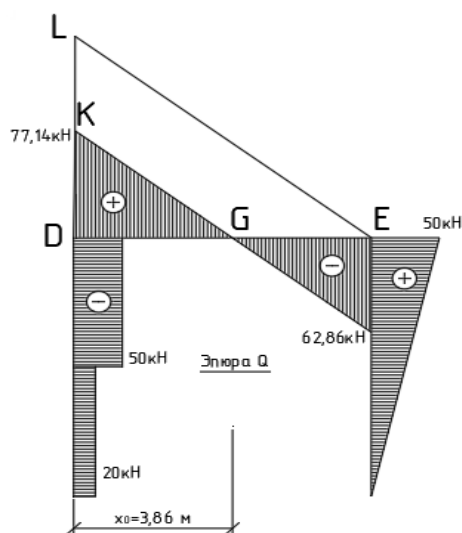
Стойка BE : рассмотрим правую часть рамы (при взгляде изнутри)

$$Q_B = 0; Q_E^{\text{прав}} = q_2 \cdot h = 10 \cdot 5 = 50 \text{ кН}.$$

6. По найденным значениям построить эпюру поперечных сил.

На участке DE эпюра Q_x пересекает ось ригеля на расстоянии x_0 от точки D . Из подобия треугольников DKG и DEL :

$$\frac{x_0}{7} = \frac{77,14}{140}, \text{ откуда } x_0 = \frac{77,14 \cdot 7}{140} = 3,86 \text{ м}.$$



6. Определить значения продольных сил

Стойка AD :

$$N_{AD} = -V_A = -77.14 \text{ кН}$$

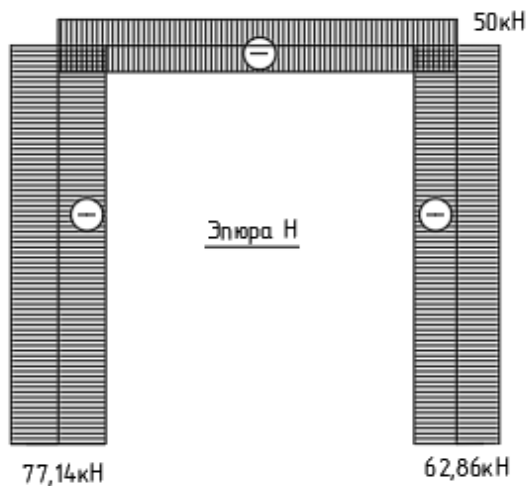
Ригель DE :

$$N_{DE} = -H_A - F = -20 - 30 = -50 \text{ кН};$$

Стойка BE :

$$N_{BE} = -V_A = -62.86 \text{ кН}$$

7. По найденным значениям построить эпюру продольных сил.



8. Определить значения изгибающих моментов в характерных точках

Стойка AD :

$$M_A = 0; M_C = -H_A \cdot \frac{h}{2} = -20 \cdot 2.5 = -50 \text{ кН м};$$

$$M_D = -H_A \cdot h - F \cdot \frac{h}{2} = -20 \cdot 5 - 30 \cdot 2.5 = -175 \text{ кН м}.$$

Ригель DE :

$$M_D = -H_A \cdot h - F \cdot \frac{h}{2} = -20 \cdot 5 - 3 \cdot 2.5 = -175 \text{ кН}$$

$$M_{x_0=3,68 \text{ м}} = -V_A \cdot x_0 - H \cdot h - F \cdot \frac{h}{2} - q_1 \cdot x_0 \cdot \frac{x_0}{2} =$$

$$= 77.14 \cdot 3.86 - 20 \cdot 5 - 30 \cdot 2.5 - 20 \cdot 3.86 \cdot 1.93 = -26.4 \text{ кН м}$$

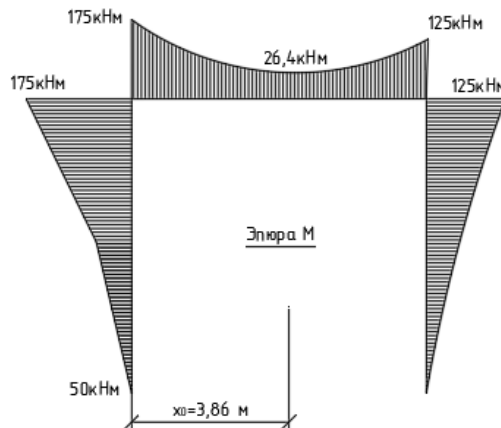
$$M_E = V_A \cdot l - H_A \cdot h - F \cdot \frac{h}{2} - q_1 \cdot l \cdot \frac{l}{2} =$$

$$= 77.14 \cdot 7 - 20 \cdot 5 - 30 \cdot 2.5 - 20 \cdot 7 \cdot 3.5 = -125 \text{ кН м}$$

Стойка BE : для правой части рамы

$$M_B = 0; M_E = -q_2 \cdot h \cdot \frac{h}{2} = -10 \cdot 5 \cdot 2.5 = -125 \text{ кН м}$$

9. По найденным значениям построить эпюру изгибающих моментов.



Контрольные вопросы:

1. Назовите состав однопролетной рамы?
2. Как определяют знаки поперечных сил, изгибающих моментов и продольных сил для рам?
3. Какие правила при построении эпюр для рам?

Практическая работа № 20

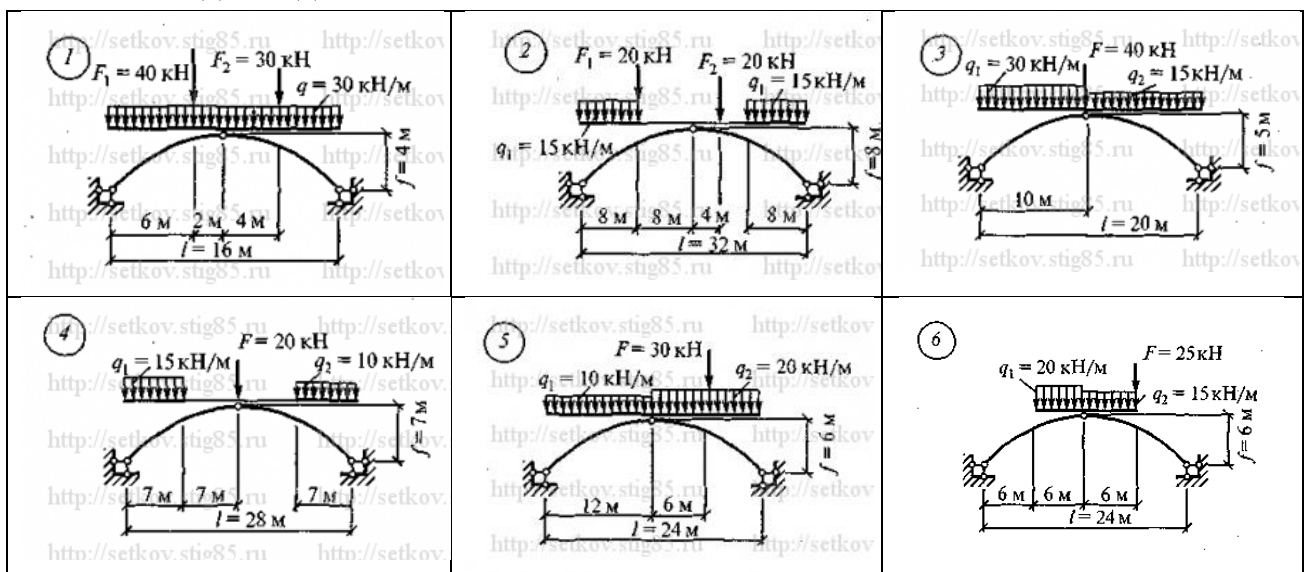
Определения усилий в сечениях трехшарнирной арки

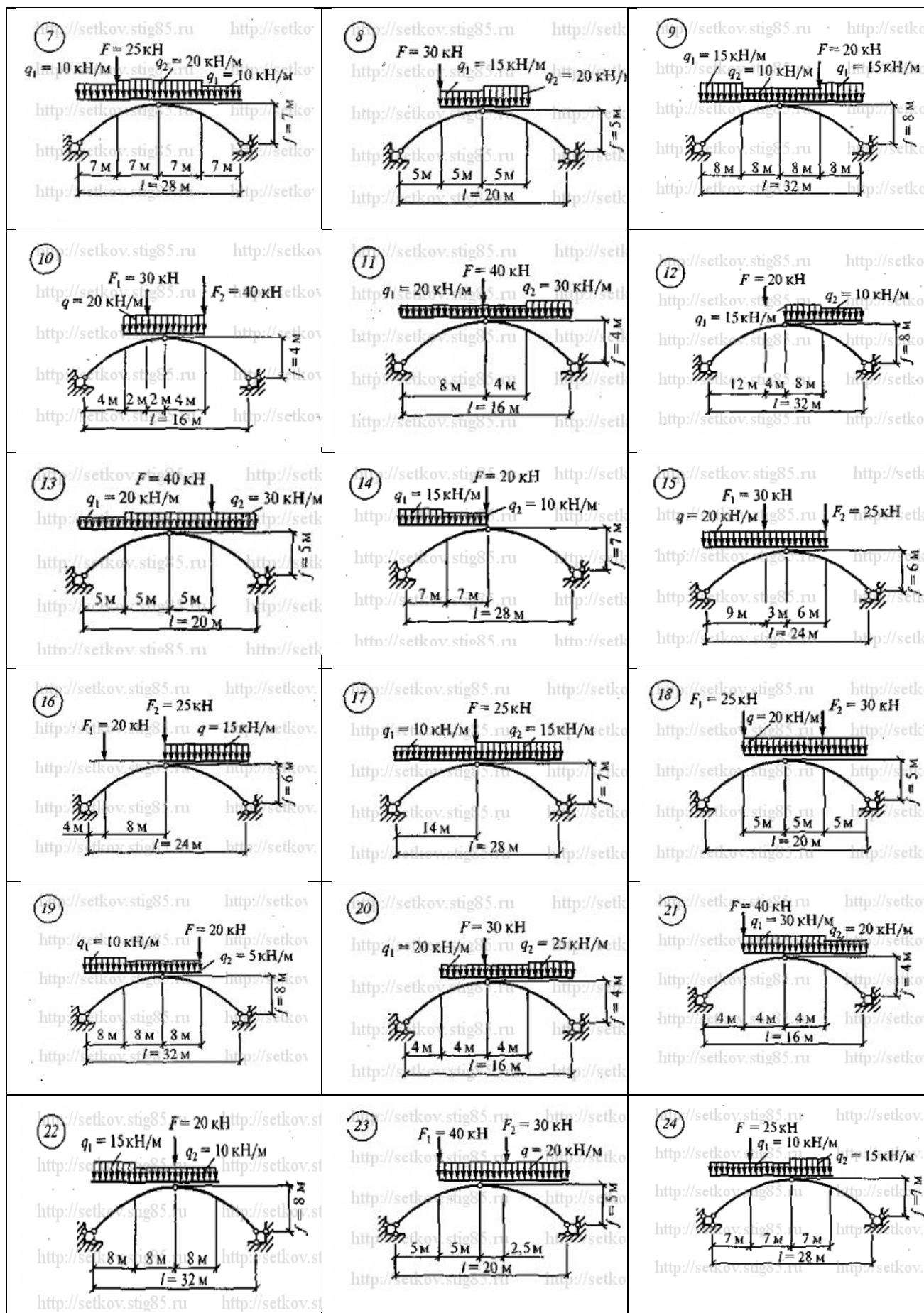
Цель: научиться определять усилия в сечениях трехшарнирной арки

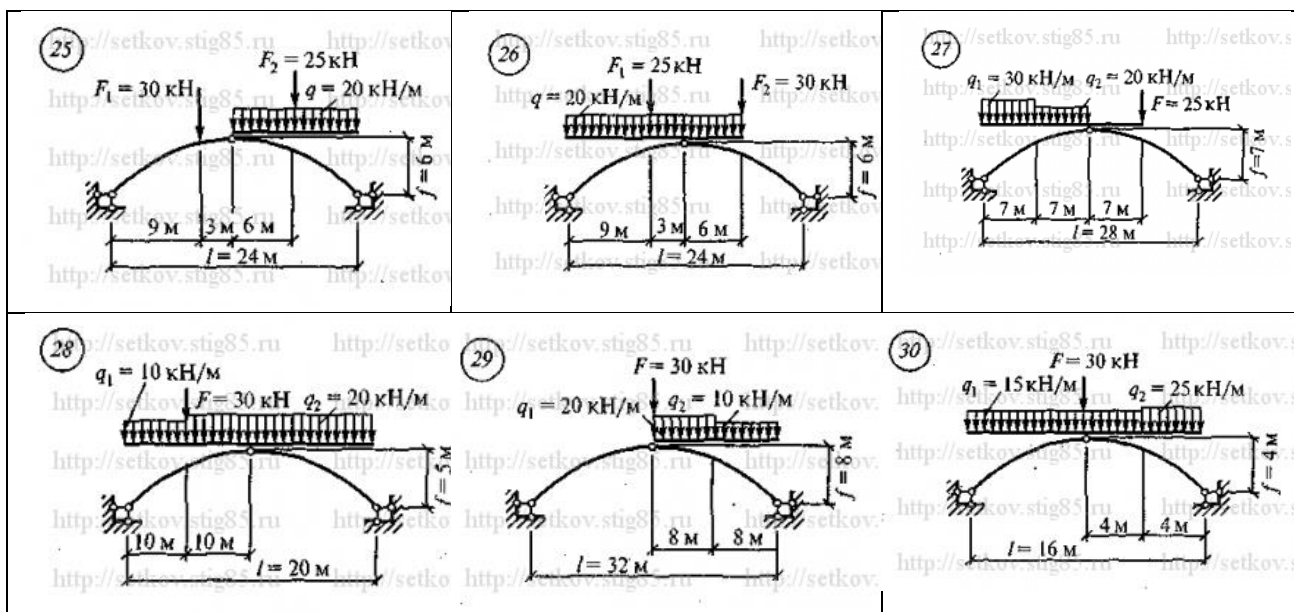
В результате выполнения практической работы студент должен

- **знать:** уравнения равновесия для определения опорных реакций арки; правила определения усилий в сечении арки;
- **уметь:** составлять уравнения равновесия для арок; определять изгибающий момент, поперечную и продольную силу в сечении арки.

Исходные данные





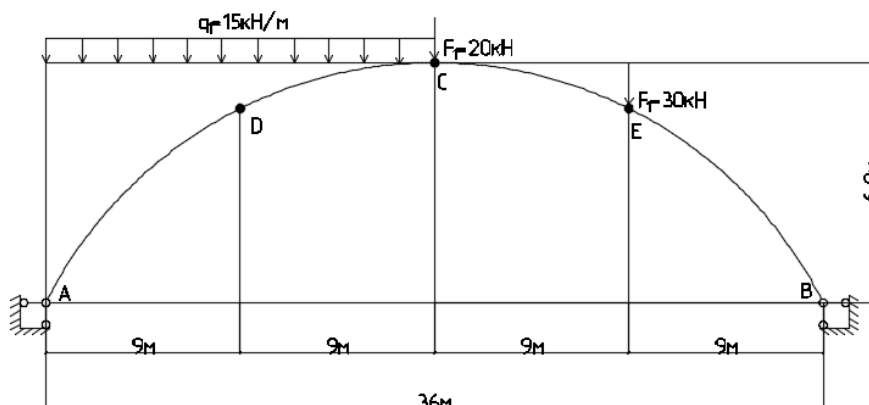


Порядок выполнения практической работы:

1. Показать исходные данные
2. Выполнить чертеж арки с указанием нагрузок и характерных точек
3. Определить опорные реакции арки через уравнения равновесия
4. Определить изгибающий момент в характерных точках арки
5. Определить поперечные силы в характерных точках арки
6. Определить продольные силы в характерных точках арки
7. Внести данные в таблицу
8. Сделать вывод.

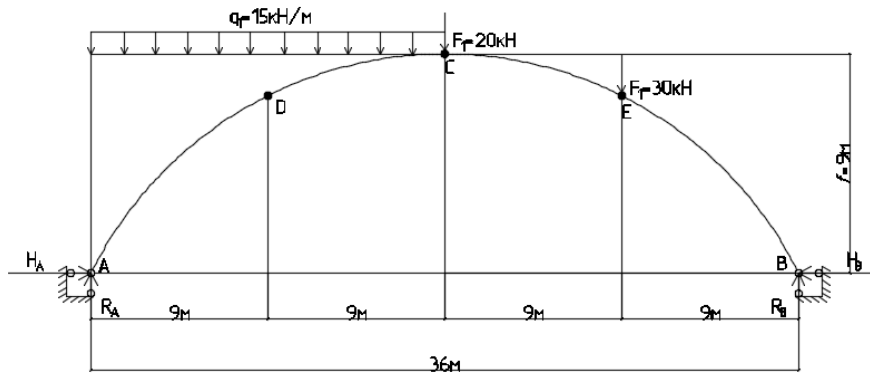
Пример выполнения практической работы

Определить изгибающий момент, поперечную и продольную силы трехшарнирной арки параболического сечения

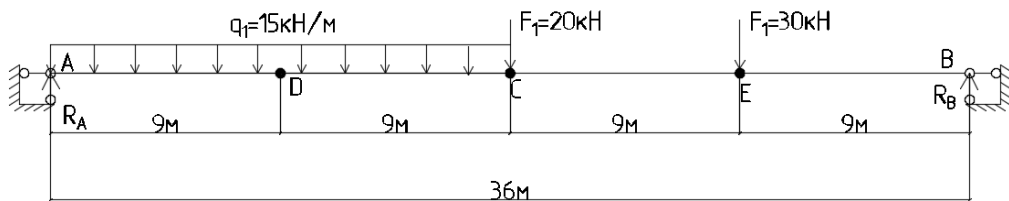


1. Обозначить и определить опорные реакции R_A ; R_B ; H_A ; H_B

Арочное изображение арки



Балочное изображение арки



Составить уравнения равновесия для определения опорных реакций

$$\sum X = 0; \sum M_A = 0; \sum M_B = 0; \sum M_C^{\text{прав}} = 0$$

$$-\sum X = 0 \Rightarrow H_A - H_B = 0 \Rightarrow H_A = H_B = H$$

Распор слева и справа одинаковый, но пока неизвестный

$$-\sum M_A = 0 \quad q \cdot 18 \cdot 9 + F_1 \cdot 18 + F_2 \cdot 27 - R_B \cdot l = 0$$

$$R_B = \frac{q \cdot 18 \cdot 9 + F_1 \cdot 18 + F_2 \cdot 27}{l} = \frac{15 \cdot 18 \cdot 9 + 20 \cdot 18 + 30 \cdot 27}{36} = 100 \text{ кН}$$

$$-\sum M_B = 0 \quad -q \cdot 18 \cdot 27 - F_1 \cdot 18 - F_2 \cdot 9 + R_A \cdot l = 0$$

$$R_A = \frac{q \cdot 18 \cdot 27 + F_1 \cdot 18 + F_2 \cdot 9}{l} = \frac{15 \cdot 18 \cdot 27 + 20 \cdot 18 + 30 \cdot 9}{36} = 220 \text{ кН}$$

- ПРОВЕРКА

$$\sum Y = 0$$

$$R_A - q \cdot 18 - F_1 - F_2 + R_B = 0$$

$$220 - 15 \cdot 18 - 20 - 30 + 100 = 0$$

- Определить величину горизонтальной реакции распора H

$$\sum M_C^{\text{лев}} = 0$$

$$R_A \cdot 18 - H \cdot f - q \cdot 18 \cdot 9 = 0$$

$$H = \frac{R_A \cdot 18 - q \cdot 18 \cdot 9}{f} = \frac{220 \cdot 18 - 15 \cdot 18 \cdot 9}{9} = 170 \text{ кН}$$

2. Определить изгибающие моменты в точках A, D, C, E, B

$$M_K = M_K^0 - H \cdot y_k$$

где M_K - арочный изгибающий момент в k -той точке арки

M_K^0 - балочный изгибающий момент в той же точке, т.е. изгибающий момент в сечении балки, имеющий такие же нагрузки и пролет как у арки

H - распор арки

y_k - ордината k -той точки на расстоянии X от опоры, определяют из уравнения арки

- для параболического очертания

$$y = \frac{4 \cdot f \cdot x(l - x)}{l^2}$$

2.1 Определить балочные изгибающие моменты в указанных точках

$$M_A^0 = 0$$

$$M_D^0 = R_A \cdot 9 - q \cdot 9 \cdot 4.5 = 220 \cdot 9 - 15 \cdot 9 \cdot 4.5 = 1372 \text{ кНм}$$

$$M_C^0 = R_A \cdot 18 - q \cdot 18 \cdot 9 = 220 \cdot 18 - 15 \cdot 18 \cdot 9 = 1530 \text{ кНм}$$

$$M_E^0 = R_B \cdot 9 = 100 \cdot 9 = 900 \text{ кНм (справа)}$$

$$M_B^0 = 0$$

2.2 Определить ординаты y_k указанных точек из уравнения параболы

$$y = \frac{4 \cdot f \cdot x(l - x)}{l^2}$$

$$\text{При } x = 0 \quad y_A = 0$$

$$\text{При } x = 9 \text{ м} \quad y_D = \frac{4 \cdot 9 \cdot 9(36 - 9)}{36^2} = 6,75 \text{ м}$$

$$\text{При } x = 18 \text{ м} \quad y_C = \frac{4 \cdot 9 \cdot 18(36 - 18)}{36^2} = 9 \text{ м}$$

$$\text{При } x = 27 \text{ м} \quad y_E = \frac{4 \cdot 9 \cdot 27(36 - 27)}{36^2} = 6,75 \text{ см}$$

$$\text{При } x = 36 \text{ м} \quad y_B = 0$$

2.3 Определить арочные изгибающие моменты в точках

$$M_A = M_A^0 - H \cdot y_A = 0 - 170 \cdot 0 = 0$$

$$M_D = M_D^0 - H \cdot y_D = 1372 - 170 \cdot 6.25 = 225 \text{ кНм}$$

$$M_C = M_C^0 - H \cdot y_C = 1530 - 170 \cdot 9 = 0$$

$$M_E = M_E^0 - H \cdot y_E = 900 - 170 \cdot 6.25 = -247,5 \text{ кНм}$$

$$M_B = M_B^0 - H \cdot y_B = 0 - 170 \cdot 0 = 0$$

3. Определить поперечные силы в точках А, D, С, Е, В

$$Q_k = Q_k^0 \cdot \cos \alpha_k - H \cdot \sin \alpha_k$$

Для сечений расположенных справа от ключевого шарнира поперечная сила определяется по формуле

$$Q_k = Q_k^0 \cdot \cos \alpha_k + H \cdot \sin \alpha_k$$

где Q_k - арочная поперечная сила в k -той точке (сечении) арки

Q_k^0 – балочная поперечная сила, т.е. поперечная сила в балке, имеющий такие же нагрузки и пролет, как у арки

α_k – угол, образуемый касательной к оси арки в точке k , определяется как первая производная от уравнения оси арки

$$tg \alpha = \frac{4 \cdot f(l - x)}{l^2}$$

3.1 Определить балочные поперечные силы в указанных точках

$$Q_A^0 = R_A = 220 \text{ кН}$$

$$Q_B^0 = R_A - q \cdot 9 = 220 - 15 \cdot 9 = 85 \text{ кН}$$

$$Q_C^{0\text{лев}} = R_A - q \cdot 18 = 220 - 15 \cdot 18 = -50 \text{ кН}$$

$$Q_C^{0\text{прав}} = R_A - q \cdot 18 - F_1 = 220 - 15 \cdot 18 - 20 = -70 \text{ кН}$$

$$Q_E^{0\text{лев}} = Q_C^{0\text{прав}} = -70 \text{ кН}$$

$$Q_E^{0\text{прав}} = Q_E^{0\text{лев}} - F_2 = -70 - 30 = -100 \text{ кН}$$

$$Q_B^0 = Q_E^{0\text{прав}} = -100 \text{ кН}$$

3.2 Определить углы α для указанных точек

Точка А $x=0$; $tg \alpha = \frac{4 \cdot 9(36-0)}{36^2} = 1 \Rightarrow \alpha=45^\circ$

$$\sin 45^\circ = 0,707 \quad \cos 45^\circ = 0,707$$

Точка D $x=9 \text{ м}$; $tg \alpha = \frac{4 \cdot 9(36-9)}{36^2} = 0,5 \Rightarrow \alpha=26^\circ$

$$\sin 26^\circ = 0,447 \quad \cos 26^\circ = 0,896$$

Точка С $x=18 \text{ м}$; $tg \alpha = \frac{4 \cdot 9(36-18)}{36^2} = 0 \Rightarrow \alpha=0^\circ$

$$\sin 0^\circ = 0 \quad \cos 0^\circ = 1$$

Точка Е $x=27 \text{ м}$; $tg \alpha = \frac{4 \cdot 9(36-27)}{36^2} = 0,5 \Rightarrow \alpha=26^\circ$

$$\sin 26^\circ = 0,447 \quad \cos 26^\circ = 0,896$$

Точка В так как точки А и В симметричны

$$\sin 45^\circ = 0,707 \quad \cos 45^\circ = 0,707$$

3.3 Определить арочные поперечные силы в указанных точка

Левая часть

$$Q_A = Q_A^0 \cdot \cos 45^\circ - H \cdot \sin 45^\circ = 220 \cdot 0,707 - 170 \cdot 0,707 = 35,5 \text{ кН}$$

$$Q_D = Q_D^0 \cdot \cos 26^\circ - H \cdot \sin 26^\circ = 85 \cdot 0,896 - 170 \cdot 0,447 = 0,2 \text{ кН}$$

$$Q_C^{\text{лев}} = Q_C^{0\text{лев}} \cdot \cos 0^\circ - H \cdot \sin 0^\circ = -50 \cdot 1 - 170 \cdot 0 = -50 \text{ кН}$$

$$Q_C^{\text{прав}} = Q_C^{0\text{прав}} \cdot \cos 0^\circ - H \cdot \sin 0^\circ = -70 \cdot 1 - 170 \cdot 0 = -70 \text{ кН}$$

Правая часть

$$Q_E^{\text{лев}} = Q_E^{0\text{лев}} \cdot \cos 26^\circ + H \cdot \sin 26^\circ = -70 \cdot 0,896 + 170 \cdot 0,447 = 13,3 \text{ кН}$$

$$Q_E^{\text{прав}} = Q_E^{0\text{прав}} \cdot \cos 26^\circ + H \cdot \sin 26^\circ = -100 \cdot 0,896 + 170 \cdot 0,447 = 13,3 \text{ кН}$$

$$Q_B = Q_B^0 \cdot \cos 45^\circ + H \cdot \sin 45^\circ = -100 \cdot 0,707 + 170 \cdot 0,707 = 49,5 \text{ кН}$$

4. Определить продольные силы в точках А, D, С, Е, В

$$N_k = -Q_k^0 \cdot \sin \alpha_k - H \cdot \cos \alpha_k$$

Для сечений расположенных справа от ключевого шарнира поперечная сила определяется по формуле

$$N_k = Q_k^0 \cdot \sin \alpha_k - H \cdot \cos \alpha_k$$

Левая часть

$$N_A = -Q_A^0 \cdot \sin 45^\circ - H \cdot \cos 45^\circ = -220 \cdot 0,707 - 170 \cdot 0,707 = -275,7 \text{ кН}$$

$$N_D = -Q_D^0 \cdot \sin 26^\circ - H \cdot \cos 26^\circ = -85 \cdot 0,447 - 170 \cdot 0,896 = -190,3 \text{ кН}$$

$$N_C^{\text{лев}} = -Q_A^{0\text{лев}} \cdot \sin 0^\circ - H \cdot \cos 0^\circ = 50 \cdot 0 - 170 \cdot 1 = -170 \text{ кН}$$

$$N_C^{\text{прав}} = -Q_C^{0\text{прав}} \cdot \sin 0^\circ - H \cdot \cos 0^\circ = 70 \cdot 0 - 170 \cdot 1 = -170 \text{ кН}$$

Правая часть

$$N_E^{\text{лев}} = Q_E^{0\text{лев}} \cdot \sin 26^\circ - H \cdot \cos 26^\circ = -70 \cdot 0,447 - 170 \cdot 0,896 = -183,6 \text{ кН}$$

$$N_E^{\text{прав}} = Q_E^{0\text{прав}} \cdot \sin 26^\circ - H \cdot \cos 26^\circ = -100 \cdot 0,447 - 170 \cdot 0,896 = -197 \text{ кН}$$

$$N_B = -Q_B^0 \cdot \sin 45^\circ - H \cdot \cos 45^\circ = -100 \cdot 0,707 - 170 \cdot 0,707 = -190,9 \text{ кН}$$

5. Внести данные в таблицу

| Точки | | М, кНм | Q, кН | N, кН |
|-------|------|--------|-------|--------|
| А | | 0 | 35,5 | -275,7 |
| D | | 225 | 0,2 | -190,3 |
| С | прав | 0 | -50 | -170 |
| С | лев | 0 | -70 | -170 |
| Е | прав | -247,5 | 13,3 | -183,6 |
| Е | лев | -247,5 | -13,6 | -197 |
| В | | 0 | 49,5 | -190,9 |

Контрольные вопросы:

1. В чем отличие распорной системы от безраспорной?
2. По каким правилам определяют поперечные силы, изгибающие моменты и продольные силы в сечении арки?

Практическая работа № 21
Определения усилий в стержнях фермы

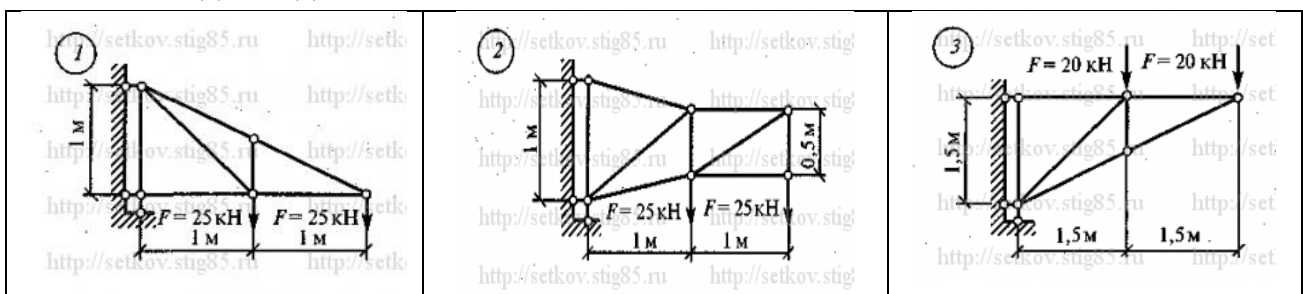
Цель: научиться определять усилия в стержнях консольной фермы

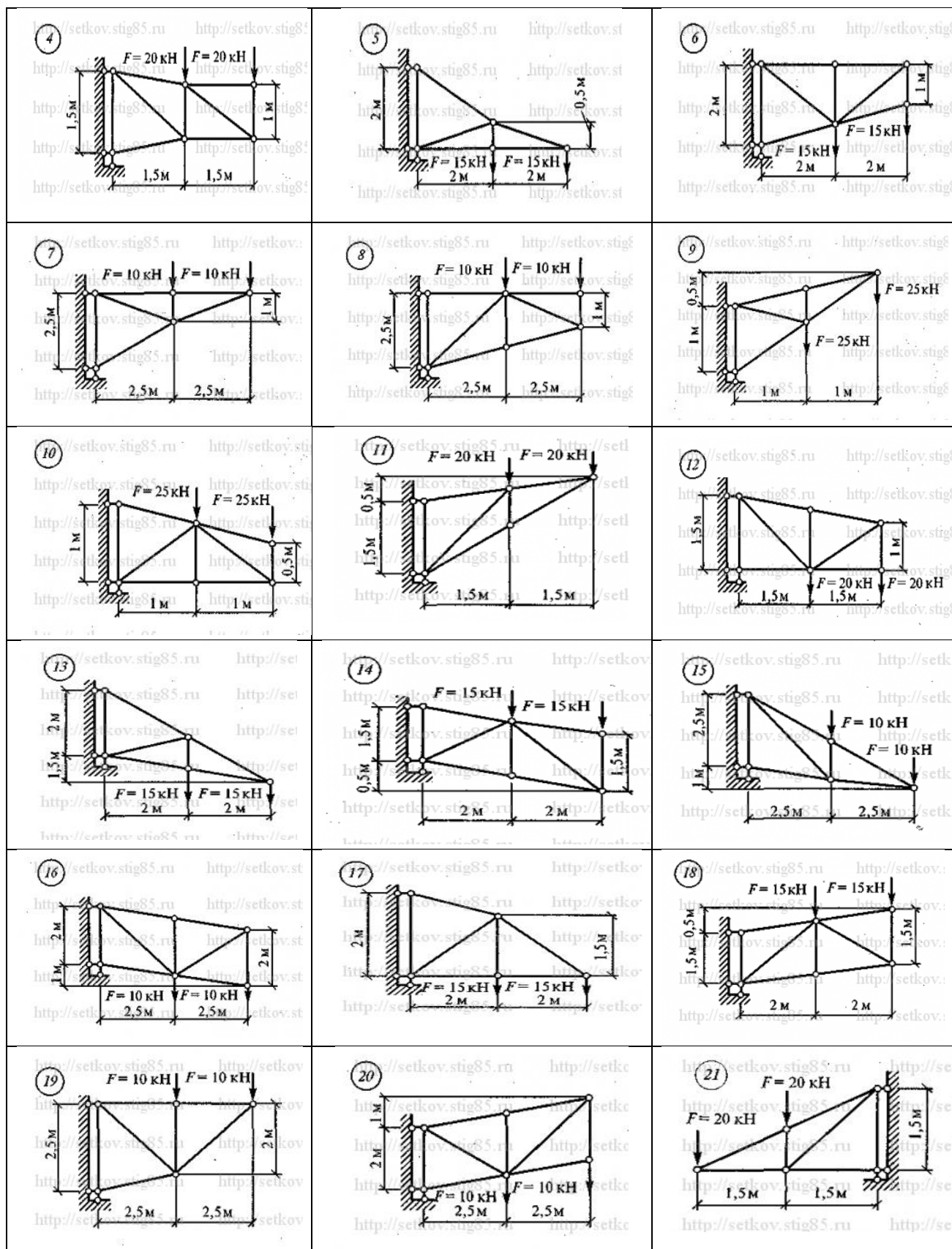
В результате выполнения практической работы студент должен

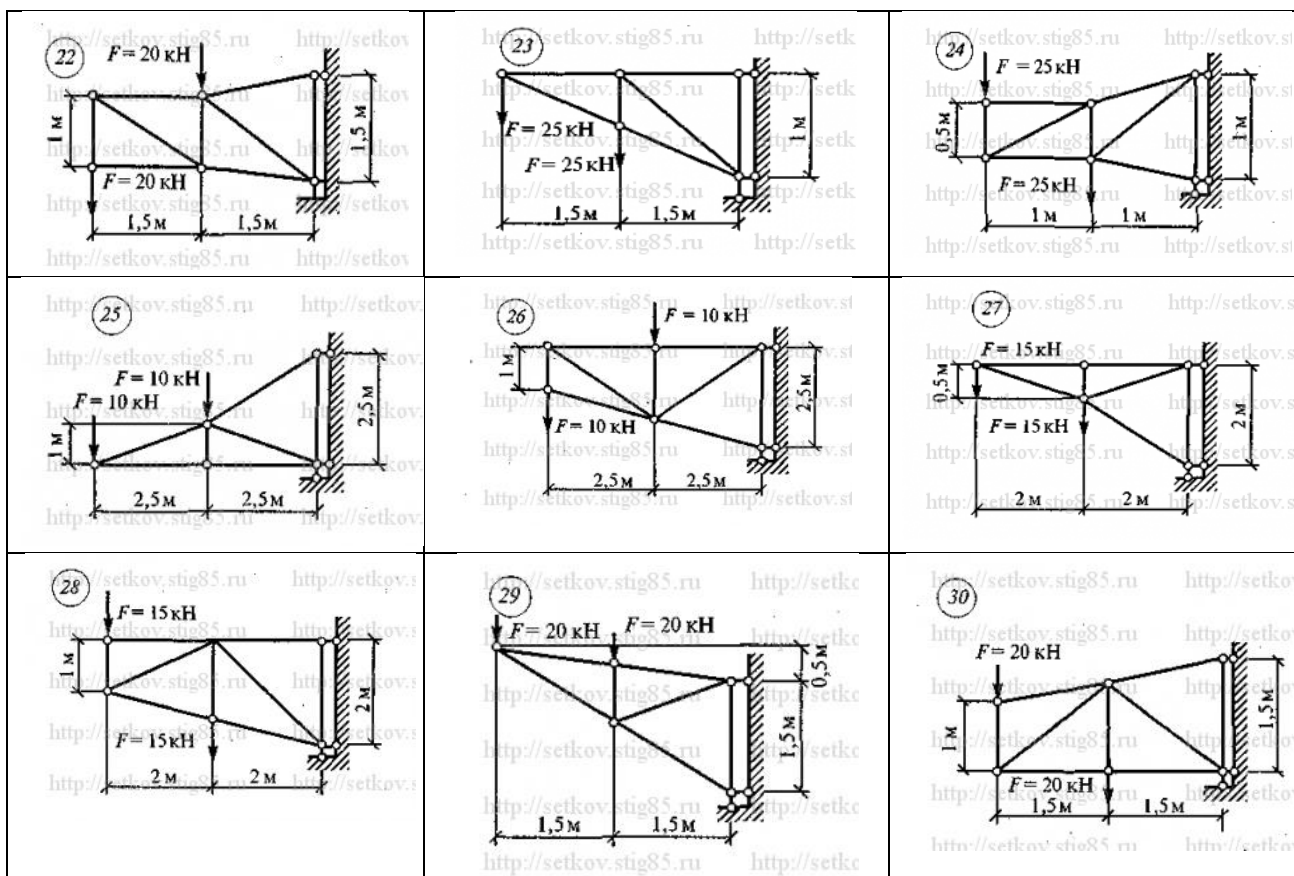
- **знать:** уравнения равновесия для усилий в стержнях фермы; правила определения усилий в стержнях фермы аналитическим и графическим способами;

- **уметь:** составлять уравнения равновесия для определения усилий в стержнях консольной фермы аналитическим и графическим способами

Исходные данные







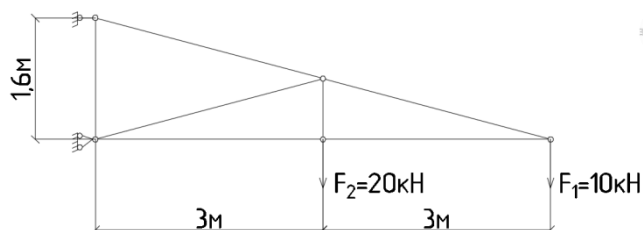
Порядок выполнения практической работы

1. Вычертить геометрическую схему фермы строго в масштабе
2. Обозначить узлы и стержни
3. Определить углы между стержнями в каждом узле
4. Условно вырезаем узел в которых сходятся два стержня
5. Определить усилия и знак усилия в стержнях 1 узла
6. Определить усилия и знак усилия в остальных стержнях
7. Выполнить решение графическим способом
8. Составить сравнительную таблицу с определением погрешности
9. Сделать вывод

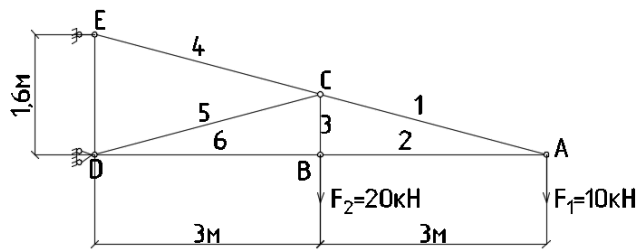
Пример выполнения практической работы

Определить усилия в стержнях консольной фермы методом вырезания узлов аналитическим и графическим способами

1. Аналитический способ вырезания узлов



1.1 Обозначим узлы и стержни

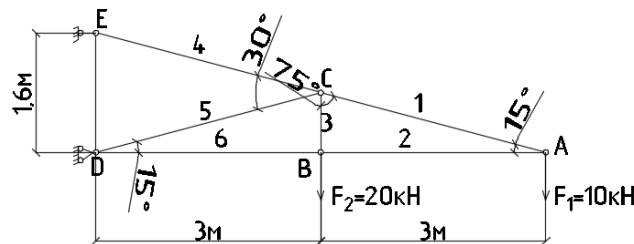


1.2 Определим углы между стержнями в каждом узле

- угол в узле А найдем из $\triangle ADE$: $\operatorname{tg} \alpha = DE/AD = 1,6/6 = 0,267$

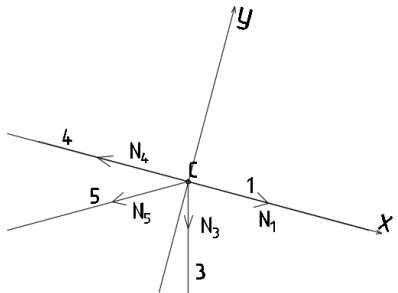
$$\Rightarrow \alpha = 15^\circ$$

- углы между стержнями в узле С определить используя зависимости в прямоугольном треугольнике.



1.3 Вырезаем узлы

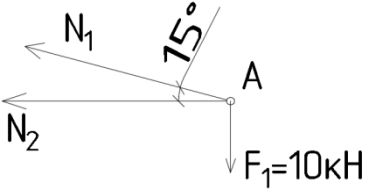
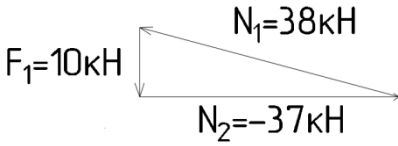
| | |
|---------------------------------------|---|
| <p>Узел А (2 неизвестных стержня)</p> | $\Sigma x = 0$ $-N_1 \cdot \cos 15^\circ - N_2 = 0$ $\Sigma y = 0$ $-F_1 + N_1 \cdot \sin 15^\circ = 0$ Из 2 уравнения определяем N_1 $N_1 = F_1 / \sin 15^\circ = 10 / 0,259 = 38,61 \text{ кН}$ Из 1 уравнения определяем N_2 $N_2 = -N_1 \cdot \cos 15^\circ = -38,61 \cdot 0,966 = -37,3 \text{ кН}$ Стержень 1 – растянут Стержень 2 - сжат |
| <p>Узел В (2 неизвестных стержня)</p> | $\Sigma x = 0$ $N_2 - N_6 = 0$ $\Sigma y = 0$ $N_3 - F_2 = 0$ Из 2 уравнения определяем N_3 $N_3 = F_2 = 20 \text{ кН}$ Из 1 уравнения определяем N_6 $N_6 = N_2 = -37,3 \text{ кН}$ Стержень 3 – растянут Стержень 6 - сжат |

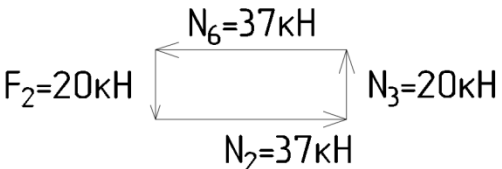
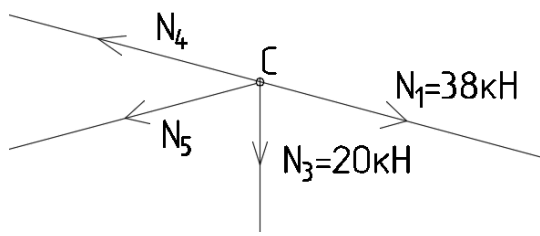
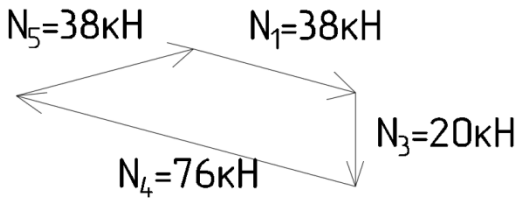
| | |
|---|---|
| <p>Узел С (2 неизвестных стержня)</p>  | $\Sigma x=0$ $N_1 - N_4 + N_3 \cdot \cos 75^\circ - N_5 \cdot \cos 30^\circ = 0$ $\Sigma y=0$ $-N_3 \cdot \cos 15^\circ - N_5 \cdot \cos 60^\circ = 0$ Из 2 уравнения определяем N_5 $N_5 = -N_3 \cdot \cos 15^\circ / \cos 60^\circ = -20 \cdot 0,966 / 0,5 = -38,6$ кН Из 1 уравнения определяем N_4 $N_4 = N_1 + N_3 \cdot \cos 75^\circ - N_5 \cdot \cos 30^\circ = 38,61 + 20 \cdot 0,269 - (-38,6) \cdot 0,866 = 77,25$ кН Стержень 4 – растянут Стержень 5 – сжат |
|---|---|

2. Графический способ вырезания узлов

При расчете ферм приходится рассматривать не один, а последовательно все ее узлы.

2.1 Выбираем масштаб (1 см – 10 кН). Вырезаем узлы в том же порядке как и при аналитическом методе.

| Узел А | |
|---|---|
|  | <p>В узле А сходятся сила $F_1 = 10$ кН и усилия N_1 и N_2. Отложим в масштабе сил $F_1 = 10$ кН, через начало и конец силы проведем линии параллельные усилиям до взаимного пересечения. Измеренные в масштабе сил стороны треугольника представляют собой усилия N_1 и N_2.</p> |
|  | <p>$N_1 = 38$ кН $N_2 = 37$ кН Для определения знака расставим стрелки на сторонах треугольника так, чтобы они были направлены в одну сторону, ориентируясь на направление силы F_1. Наложим уси-</p> |

| | | |
|---|--|--|
| | | <p>лия на стержень фермы:</p> <ul style="list-style-type: none"> - если усилие направлено к узлу, то стержень сжат - если усилие направлено от узла то стержень растянут <p>Усилие N_1 от узла, стержень 1 растянут $N_1 = 38$ кН</p> <p>Усилие N_2 к узлу, стержень 2 сжат $N_2 = -37$ кН</p> |
| Узел В | | |
|  | | <p>Известны $F_2 = 20$ кН и $N_2 = -37$ кН, не известны N_3 и N_6.</p> <p>Отложим $F_2 = 20$ кН и $N_2 = 37$ кН, проведем параллельные им линии и найдем N_3 и N_6</p> |
|  | | <p>Усилие N_3 от узла, стержень 3 растянут $N_3 = 20$ кН</p> <p>Усилие N_6 к узлу, стержень 6 сжат $N_6 = -37$ кН</p> |
| Узел С | | |
|  | | <p>Известны $N_1 = 38$ кН и $N_3 = 20$ кН, не известны N_4 и N_5.</p> <p>Отложим $N_1 = 38$ кН и $N_3 = 20$ кН, проведем параллельные им линии до взаимного пересечения, получили прямоугольник, из которого и найдем N_4 и N_5</p> |
|  | | <p>Усилие N_4 от узла, стержень 4 растянут $N_4 = 76$ кН</p> <p>Усилие N_5 к узлу, стержень 5 сжат $N_5 = -38$ кН</p> |

3. Составить сравнительную таблицу усилий, кН, полученных аналитическим и графическим способом

| Усилие | N_1 , кН | N_2 , кН | N_3 , кН | N_4 , кН | N_5 , кН | N_6 , кН |
|----------------------|------------|------------|------------|------------|------------|------------|
| Аналитический способ | 38,61 | 37,3 | 20 | 77,25 | 38,64 | 37,3 |
| Графический способ | 38 | 37 | 20 | 76 | 38 | 37 |

| | | | | | | |
|-----------------|------|-----|---|------|------|-----|
| Погрешность в % | 1,58 | 0,8 | 0 | 1,62 | 1,66 | 0,8 |
|-----------------|------|-----|---|------|------|-----|

Погрешность не должна превышать 2%

Контрольные вопросы:

1. Из каких элементов состоят фермы?
2. Приведите пример геометрической неизменяемости статически определимой фермы. Образуйте из нее геометрически изменяемую систему, оставив тоже количество стержней?

Практическая работа №22

Определение усилий в стержнях фермы построением диаграммы Максвелла-Кремоны

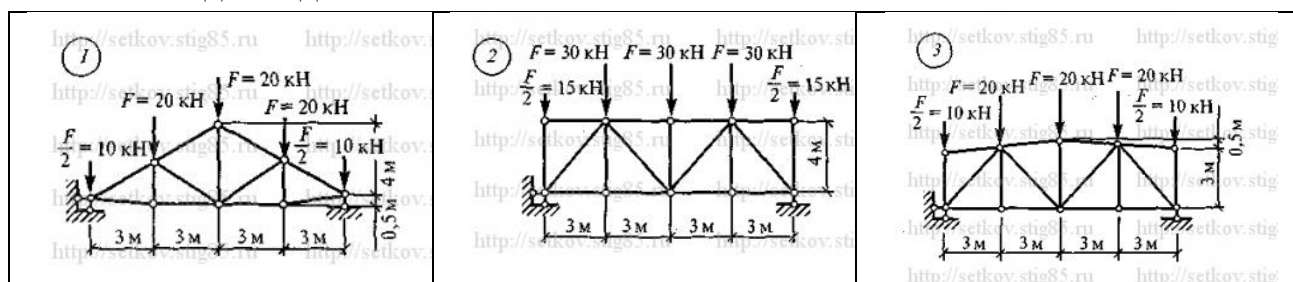
Цель: научиться определять усилия в стержнях фермы графическим методом

В результате выполнения практической работы студент должен

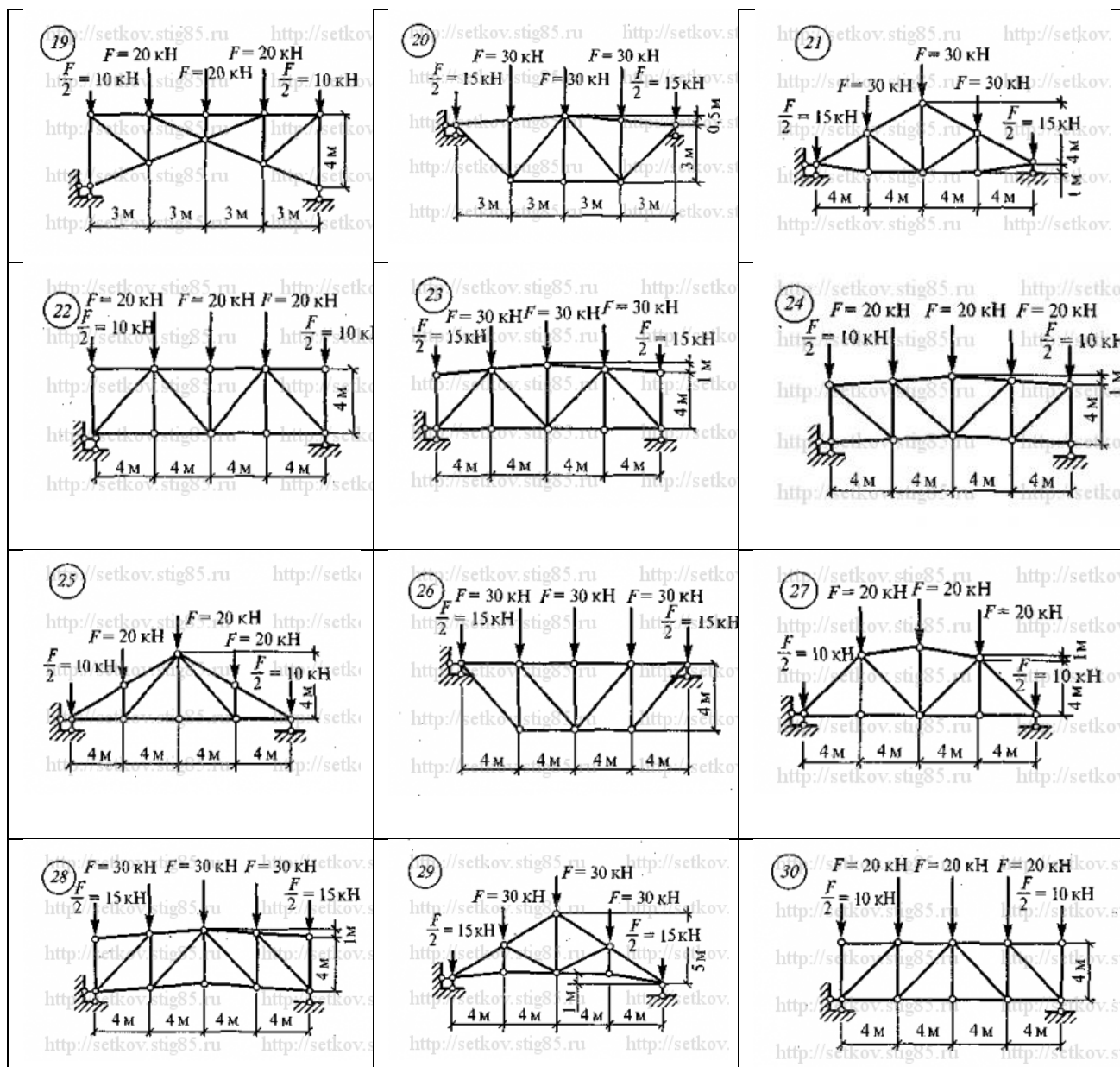
- **знать:** уравнения равновесия для усилий в стержнях фермы; правила определения усилий в стержнях фермы аналитическим и графическим способами;

- **уметь:** определять усилия в стержнях фермы построением диаграммы Максвелла-Кремоны

Исходные данные

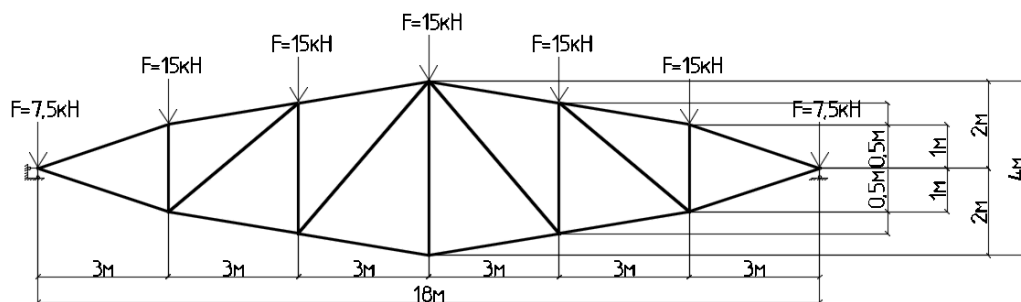


| | | |
|-----------|-----------|-----------|
| | | |
| <p>4</p> | <p>5</p> | <p>6</p> |
| <p>7</p> | <p>8</p> | <p>9</p> |
| <p>10</p> | <p>11</p> | <p>12</p> |
| <p>13</p> | <p>14</p> | <p>15</p> |
| <p>16</p> | <p>17</p> | <p>18</p> |



Порядок и пример выполнения практической работы

Определить усилия в стержнях фермы, путем построения диаграммы Максвелла-Кремоны



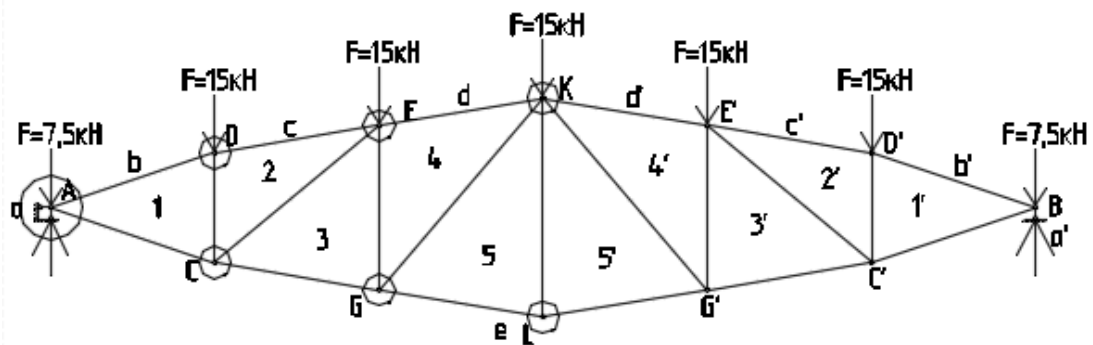
Решение

1. Вычертить геометрическую схему фермы в масштабе, например 1:400 (в 1 см – 4 м)

2. Обозначить поля:

внешние: **a, b, c, d, d', c', b', a'**

внутренние: **1, 2, 3, 4, 5, 5', 4', 3', 2', 1'**



3. Определить опорные реакции фермы:

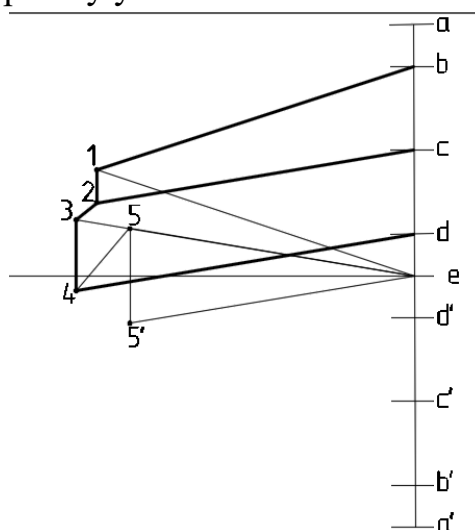
3.1 выбрать масштаб сил: в 1 см – 15 кН;

3.2 построить силовую линию **a - b - c - d - d' - c' - b' - a'** из

внешних сил

3.3 определить опорные реакции, показав их предварительно на схеме фермы. Разделим силовую линию пополам. Середина ее находится между точками **d** и **d'** и совпадает с точкой **e**, которой обозначено поле, расположенное между опорными реакциями. Отрезок **a' - e**, измеренный в масштабе сил, представляет собой правую опорную реакцию. На схеме фермы правая опорная реакция лежит между полями **a'** и **e** и обозначается **a' - e**. Отрезок силовой линии **e - a** представляет собой левую опорную реакцию. Длины отрезков **a' - e** и **e - a** равны 3 см, поэтому каждая опорная реакция равна $3 \cdot 15 = 45$ кН.

4. Строим диаграмму усилий



4.1 мысленно вырезаем узел А, в котором сходятся два стержня, которые назовем **b – 1** и **1 – e**. На силовой линии уже есть точки **b** и **e**. Проведем через точку **b** линию, параллельную стержню **b – 1**, а через точку **e** – линию, параллельную стержню **1 – e**. Точку их пересечения обозначим цифрой **1**. Длина линии **b – 1** равна 3,8 см. Помня, что в принятом масштабе 1 см = 15 кН, получим усилие в стержне **b – 1**, равное $3,8 \cdot 15 = 57$ кН. Длина линии **1 – e** также равна 3,8 см, т.е. усилие **1 – e** тоже равно 57 кН.

Определим знак усилия b – 1: на схеме фермы стержень верхнего пояса читается **b – 1**; на диаграмме усилий движение точки от **b** к точке **1** направлено справа налево. Перенесем это направление движения (справа налево) на стержень **b – 1** – оно направлено к узлу, т.е. стержень сжат. Усилие **b – 1** обозначено жирной линией.

Определим знак усилия 1 – e: на схеме фермы стержень читается **1 – e**; на диаграмме усилий движение от точки **1** к точке **e** направлено слева направо. Перенесем это направление движения на стержень фермы – оно направлено от узла, т.е. стержень растянут. Усилие **1 – e** на диаграмме обозначено тонкой линией;

4.2 вырезаем узел D. В нем сходятся три стержня: **1 – b**, **c – 2** и **2 – 1**. Усилие в стержне **1 – b** найдено из рассмотрения узла А, а усилия в стержнях **c – 2** и **2 – 1** неизвестны. На диаграмме усилий уже есть точки **c** и **1**. Проведем через точку **c** линию, параллельную стержню **c – 2**, а через точку **1** – линию, параллельную стержню **2 – 1**, до взаимного пересечения. Точку пересечений линий обозначим цифрой **2** (номером поля, которое лежит между стержнями, усилия в которых отыскиваются). Отрезок **c – 2** равен 3,65 см, следовательно, усилие в нем равно $3,65 \cdot 15 = 54,8$ кН. Отрезок **2 – 1** равен 0,4 см, усилие в нем равно $0,4 \cdot 15 = 6$ кН.

Определим знак усилия в стержне c – 2: на схеме фермы стержень читается **c – 2**; на диаграмме усилий движение от точки **c** к точке **2** направлено справа налево; перенесем это направление движения на стержень **c – 2** – оно направлено к узлу **D**, т.е. стержень сжат (на диаграмме усилий показано жирной линией).

Определим знак усилия 2 – 1: на схеме фермы стержень читается **2 – 1**; на диаграмме усилий движение от точки **2** к точке **1** направлено снизу вверх. Перенесем это движение на стержень **2 – 1** – оно направлено к узлу **D**, т.е. стержень сжат (на диаграмме усилие показано жирной линией);

4.3 рассмотрим узел С. В этом узле сходятся 4 стержня, причем усилия в двух из них (е – 1 и 1 – 2) уже определены, а в двух (2 – 3 и 3 – е) неизвестны. На диаграмме усилий уже есть точки 2 и е. Проведем через точку 2 линию, параллельную стержню 2–3, а через точку е – линию, параллельную стержню 3 – е. Точку пересечения этих линий обозначим цифрой 3, соответствующей полю, которое лежит между стержнями 2 – 3 и 3 – е. Длина линии 2 – 3 на диаграмме равна 0,45см, это значит, что усилие в стержне 2 – 3 равно $0,45 \cdot 15 = 6,75$ кН. Длина линии 3 – е равна 4 см, т.е. усилие в стержне 3 – е равно $4 \cdot 15 = 60$ кН.

Определим знак усилия 2 – 3: на схеме стержень фермы читается 2 – 3; на диаграмме усилий движение от точки 2 к точке 3 направлено сверху вниз. Перенесем это движение на стержень 2 – 3 – оно направлено к узлу С, т.е. стержень сжат (**на диаграмме - жирная линия**).

Определим знак усилия 3 – е: стержень нижнего пояса читается 3 – е; на диаграмме усилий движение от точки 3 к точке е направлено слева направо. Перенесем это движение на стержень 3 – е – оно направлено от узла С, т.е. стержень растянут (**на диаграмме – тонкая линия**).

4.4 рассмотрим узел Е. В этом узле неизвестны усилия в стержнях d – 4 и 4 – 3. На диаграмме проводим через точки d и 3 линии, параллельные стержням d – 4 и 4 – 3, до пересечения в точке, которую обозначим цифрой 4. Усилие в стержне d – 4 равно $4 \cdot 15 = 60$ кН, а в стержне 4 – 3 – $0,8 \cdot 15 = 12$ кН. Оба стержня сжаты.

4.5 узел G. В нем известны усилия 4 – 5 и 5 – е. На диаграмме проводим линии через точки 4 и е параллельно стержням 4 – 5 и 5 – е, получим точку 5. Усилие в стержне 4 – 5 равно $0,9 \cdot 15 = 13,5$ кН (он растянут), в стержне 5 – е – $3,4 \cdot 15 = 51$ кН (тоже растянут)

4.6 узел L. В нем неизвестны усилия в стержнях 5 – 5' и 5' – е. На диаграмме проводим линии параллельно этим стержням через точки 5 и е, получим точку 5'. Усилия в стержне 5 – 5' равно $1,1 \cdot 15 = 16,5$ кН (он растянут). Из диаграммы видно, что линия е – 5' симметрична линии е – 5 (или точки 5' расположена симметрично точке 5 относительно горизонтальной линии, проходящей через точку е).

На этом можно закончить построение диаграммы, так как усилия в симметричных стержнях одинаковы.

5. Заполнить таблицу усилий

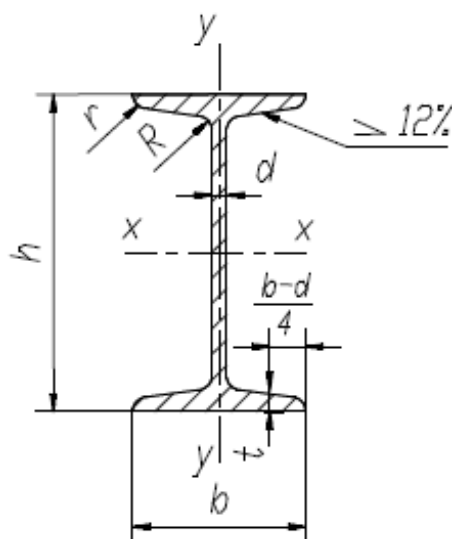
| | | | | | |
|------------|-------|-------|-------|-------|-------|
| Стержень | b – 1 | 1 – е | 1 – 2 | с – 2 | 2 – 3 |
| Усилие, кН | -57 | +57 | -6 | -54,8 | -6,75 |

| | | | | | |
|------------|--------|-------|-------|-------|-------|
| Стержень | 3 – e | 3 – 4 | d – 4 | 4 – 5 | 5 – e |
| Усилие, кН | +60 | -12 | -60 | +13,5 | +51 |
| Стержень | 5 - 5' | | | | |
| Усилие, кН | +16,5 | | | | |

Контрольные вопросы:

1. Какого рода деформации испытывают стержни шарнирной фермы при узловой и внеузловой передачи нагрузки?
2. Каковы принцип и порядок построения диаграммы Максвелла-Кремоны?

СОРТАМЕНТ ПРОКАТНОЙ СТАЛИ



Балки двутавровые (по ГОСТ 8239 – 72)

Обозначения:

h – высота балки;
 b – ширина полки;
 d – толщина стенки;
 t – средняя толщина полки;

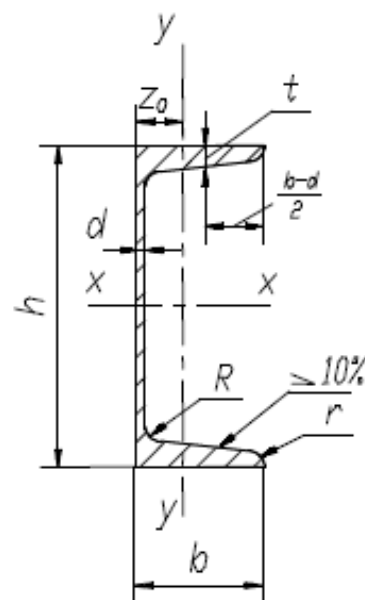
J – момент инерции;
 W – момент сопротивления;
 i – радиус инерции;
 S – статический момент полусечения.

Таблица П.1

| Номер профиля | Размеры, мм | | | | Площадь сечения A , см ² | J_x , см ⁴ | W_x , см ³ | i_x , см | S_x , см ³ | J_y , см ⁴ | W_y , см ³ | i_y , см | Масса 1 м, кг |
|------------------|-------------|-----|-----|-----|---|-------------------------|----------------------------|---------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------|---------------|------------------|
| | h | b | d | t | | | | | | | | | |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 |
| 10 | 100 | 55 | 4,5 | 7,2 | 12,0 | 198 | 39,7 | 4,06 | 23,0 | 17,9 | 6,49 | 1,22 | 9,46 |
| 12 | 120 | 64 | 4,8 | 7,3 | 14,7 | 350 | 58,4 | 4,88 | 33,7 | 27,9 | 8,72 | 1,38 | 11,5 |
| 14 | 140 | 73 | 4,9 | 7,5 | 17,4 | 572 | 81,7 | 5,73 | 46,8 | 41,9 | 11,5 | 1,55 | 13,7 |
| 16 | 160 | 81 | 5,0 | 7,8 | 20,2 | 873 | 109 | 6,57 | 62,3 | 58,6 | 14,5 | 1,70 | 15,9 |
| 18 | 180 | 90 | 5,1 | 8,1 | 23,4 | 1290 | 143 | 7,42 | 81,4 | 82,6 | 18,4 | 1,88 | 18,4 |
| 18а | 180 | 100 | 5,1 | 8,3 | 25,4 | 1430 | 159 | 7,51 | 89,8 | 114 | 22,8 | 2,12 | 19,9 |

Окончание табл. П.1

| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 |
|-----|-----|-----|------|------|------|--------|------|------|------|------|------|------|------|
| 20 | 200 | 100 | 5,2 | 8,4 | 26,8 | 1840 | 184 | 8,28 | 104 | 115 | 23,1 | 2,07 | 21,0 |
| 20a | 200 | 110 | 5,2 | 8,6 | 28,9 | 2030 | 203 | 8,37 | 114 | 155 | 28,2 | 2,32 | 22,7 |
| 22 | 220 | 110 | 5,4 | 8,7 | 30,6 | 2550 | 232 | 9,13 | 131 | 157 | 28,6 | 2,27 | 24,0 |
| 22a | 220 | 120 | 5,4 | 8,9 | 32,8 | 2790 | 254 | 9,22 | 143 | 206 | 34,3 | 2,50 | 25,8 |
| 24 | 240 | 115 | 5,6 | 9,5 | 34,8 | 3460 | 289 | 9,97 | 163 | 198 | 34,5 | 2,37 | 27,3 |
| 24a | 240 | 125 | 5,6 | 9,8 | 37,5 | 3800 | 317 | 10,1 | 178 | 260 | 41,6 | 2,63 | 29,4 |
| 27 | 270 | 125 | 6,0 | 9,8 | 40,2 | 5010 | 371 | 11,2 | 210 | 260 | 41,5 | 2,54 | 31,5 |
| 27a | 270 | 135 | 6,0 | 10,2 | 43,2 | 5500 | 407 | 11,3 | 229 | 337 | 50,0 | 2,80 | 33,9 |
| 30 | 300 | 135 | 6,5 | 10,2 | 46,5 | 7080 | 472 | 12,3 | 268 | 337 | 49,9 | 2,69 | 36,5 |
| 30a | 300 | 145 | 6,5 | 10,7 | 49,9 | 7780 | 518 | 12,5 | 292 | 436 | 60,1 | 2,95 | 39,2 |
| 33 | 330 | 140 | 7,0 | 11,2 | 53,8 | 9840 | 597 | 13,5 | 339 | 419 | 59,9 | 2,79 | 42,2 |
| 36 | 360 | 145 | 7,5 | 12,3 | 61,9 | 13380 | 743 | 14,7 | 423 | 516 | 71,1 | 2,89 | 48,6 |
| 40 | 400 | 155 | 8,0 | 13,0 | 71,4 | 18930 | 947 | 16,3 | 540 | 666 | 85,9 | 3,05 | 56,1 |
| 45 | 450 | 160 | 8,6 | 14,2 | 83,0 | 27450 | 1220 | 18,2 | 699 | 807 | 101 | 3,12 | 65,2 |
| 50 | 500 | 170 | 9,5 | 15,2 | 97,8 | 39290 | 1570 | 20,0 | 905 | 1040 | 122 | 3,26 | 76,8 |
| 55 | 550 | 180 | 10,3 | 16,5 | 114 | 55150 | 2000 | 22,0 | 1150 | 1350 | 150 | 3,44 | 89,8 |
| 60 | 600 | 190 | 11,1 | 17,8 | 132 | 75450 | 2510 | 23,9 | 1450 | 1720 | 181 | 3,60 | 104 |
| 65 | 650 | 200 | 12,0 | 19,2 | 153 | 101400 | 3120 | 25,8 | 1800 | 2170 | 217 | 3,77 | 120 |
| 70 | 700 | 210 | 13,0 | 20,8 | 176 | 134600 | 3840 | 27,7 | 2230 | 2730 | 260 | 3,94 | 138 |
| 70a | 700 | 210 | 15,0 | 24,0 | 202 | 152700 | 4360 | 27,5 | 2550 | 3240 | 309 | 4,01 | 158 |
| 70б | 700 | 210 | 17,5 | 28,2 | 234 | 175370 | 5010 | 27,4 | 2940 | 3910 | 373 | 4,09 | 184 |



Швеллеры (по ГОСТ 8240 – 72)

Обозначения:

h – высота швеллера;

b – ширина полки;

d – толщина стенки;

t – средняя толщина полки;

z_o – расстояние от оси y до наружной грани стенки.

J – момент инерции;

W – момент сопротивления;

i – радиус инерции;

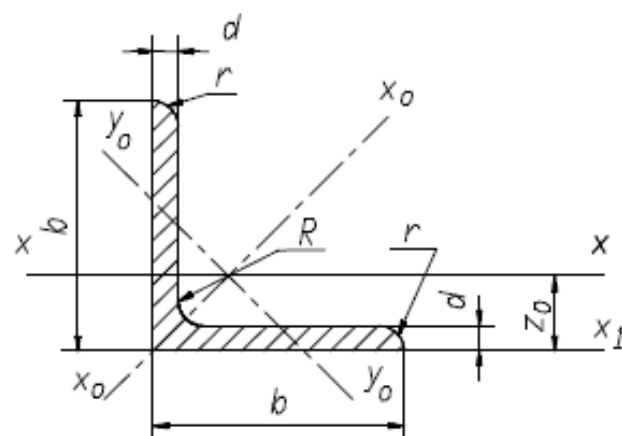
S – статический момент полусечения;

Таблица П.2

| Номер профиля | Размеры, мм | | | | Площадь сечения A , см^2 | J_x , см^4 | W_x , см^3 | i_x , см | S_x , см^3 | J_y , см^4 | W_y , см^3 | i_y , см | z_o , см | Масса 1 м, кг |
|------------------|-------------|-----|-----|-----|---|--------------------------|--------------------------|---------------|--------------------------|--------------------------|--------------------------|---------------|---------------|------------------|
| | h | b | d | t | | | | | | | | | | |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |
| 5 | 50 | 32 | 4,4 | 7,0 | 6,16 | 22,8 | 9,10 | 1,92 | 5,59 | 5,61 | 2,75 | 0,954 | 1,16 | 4,84 |
| 6,5 | 65 | 36 | 4,4 | 7,2 | 7,51 | 48,6 | 15,0 | 2,54 | 9,00 | 8,70 | 3,68 | 1,08 | 1,24 | 5,90 |
| 8 | 80 | 40 | 4,5 | 7,4 | 8,98 | 89,4 | 22,4 | 3,16 | 13,3 | 12,8 | 4,75 | 1,19 | 1,31 | 7,05 |
| 10 | 100 | 46 | 4,5 | 7,6 | 10,9 | 174 | 34,8 | 3,99 | 20,4 | 20,4 | 6,46 | 1,37 | 1,44 | 8,59 |
| 12 | 120 | 52 | 4,8 | 7,8 | 13,3 | 304 | 50,6 | 4,78 | 29,6 | 31,2 | 8,52 | 1,53 | 1,54 | 10,4 |
| 14 | 140 | 58 | 4,9 | 8,1 | 15,6 | 491 | 70,2 | 5,60 | 40,8 | 45,4 | 11,0 | 1,70 | 1,67 | 12,3 |

Окончание табл. П.2

| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 |
|-----|-----|-----|-----|------|------|-------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 14a | 140 | 62 | 4,9 | 8,7 | 17,0 | 545 | 77,8 | 5,66 | 45,1 | 57,5 | 13,3 | 1,84 | 1,87 | 13,3 |
| 16 | 160 | 64 | 5,0 | 8,4 | 18,1 | 747 | 93,4 | 6,42 | 54,1 | 63,3 | 13,8 | 1,87 | 1,80 | 14,2 |
| 16a | 160 | 68 | 5,0 | 9,0 | 19,5 | 823 | 103 | 6,49 | 59,4 | 78,8 | 16,4 | 2,01 | 2,00 | 15,3 |
| 18 | 180 | 70 | 5,1 | 8,7 | 20,7 | 1090 | 121 | 7,24 | 69,8 | 86,0 | 17,0 | 2,04 | 1,94 | 16,3 |
| 18a | 180 | 74 | 5,1 | 9,3 | 22,2 | 1190 | 132 | 7,32 | 76,1 | 105 | 20,0 | 2,18 | 2,13 | 17,4 |
| 20 | 200 | 76 | 5,2 | 9,0 | 23,4 | 1520 | 152 | 8,07 | 87,8 | 113 | 20,5 | 2,20 | 2,07 | 18,4 |
| 20a | 200 | 80 | 5,2 | 9,7 | 25,2 | 1670 | 167 | 8,15 | 95,9 | 139 | 24,2 | 2,35 | 2,28 | 19,8 |
| 22 | 220 | 82 | 5,4 | 9,5 | 26,7 | 2110 | 192 | 8,89 | 110 | 151 | 25,1 | 2,37 | 2,21 | 21,0 |
| 22a | 220 | 87 | 5,4 | 10,2 | 28,8 | 2330 | 212 | 8,99 | 121 | 187 | 30,0 | 2,55 | 2,46 | 22,6 |
| 24 | 240 | 90 | 5,6 | 10,0 | 30,6 | 2900 | 242 | 9,73 | 139 | 208 | 31,6 | 2,60 | 2,42 | 24,0 |
| 24a | 240 | 95 | 5,6 | 10,7 | 32,9 | 3180 | 265 | 9,84 | 151 | 254 | 37,2 | 2,78 | 2,67 | 25,8 |
| 27 | 270 | 95 | 6,0 | 10,5 | 35,2 | 4160 | 308 | 10,9 | 178 | 262 | 37,3 | 2,73 | 2,47 | 27,7 |
| 30 | 300 | 100 | 6,5 | 11,0 | 40,5 | 5810 | 387 | 12,0 | 224 | 327 | 43,6 | 2,84 | 2,52 | 31,8 |
| 33 | 330 | 105 | 7,0 | 11,7 | 46,5 | 7980 | 484 | 13,1 | 281 | 410 | 51,8 | 2,97 | 2,59 | 36,5 |
| 36 | 360 | 110 | 7,5 | 12,6 | 53,4 | 10820 | 601 | 14,2 | 350 | 513 | 61,7 | 3,10 | 2,68 | 41,9 |
| 40 | 400 | 115 | 8,0 | 13,5 | 61,5 | 15220 | 761 | 15,7 | 444 | 642 | 73,4 | 3,23 | 2,75 | 48,3 |



Уголки равнобокие (по ГОСТ 8509 – 72)

Обозначения:

b – ширина полки;
 d – толщина полки;
 J – момент инерции;
 i – радиус инерции;
 z_0 – расстояние от центра тяжести до наружной грани полки.

Таблица П.3

| Номер профиля | Размеры, мм | | Площадь сечения A , см ² | J_x , см ⁴ | i_x , см | $J_{x_0 \max}$ см ⁴ | $i_{x_0 \max}$, см | $J_{y_0 \min}$ см ⁴ | $i_{y_0 \min}$ см | J_{x_1} , см ⁴ | z_0 , см | Масса 1 м, кг |
|------------------|-------------|-----|---|-------------------------|------------|-----------------------------------|------------------------|-----------------------------------|----------------------|--------------------------------|---------------|------------------|
| | b | d | | | | | | | | | | |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 |
| 2 | 20 | 3 | 1,13 | 0,40 | 0,59 | 0,63 | 0,75 | 0,17 | 0,39 | 0,81 | 0,60 | 0,89 |
| | | 4 | 1,46 | 0,50 | 0,58 | 0,78 | 0,73 | 0,22 | 0,38 | 1,09 | 0,64 | 1,15 |
| 2,5 | 25 | 3 | 1,43 | 0,81 | 0,75 | 1,29 | 0,95 | 0,34 | 0,49 | 1,57 | 0,73 | 1,12 |
| | | 4 | 1,86 | 1,03 | 0,74 | 1,62 | 0,93 | 0,44 | 0,48 | 2,11 | 0,76 | 1,46 |
| 2,8 | 28 | 3 | 1,62 | 1,16 | 0,85 | 1,84 | 1,07 | 0,48 | 0,55 | 2,20 | 0,80 | 1,27 |
| 3,2 | 32 | 3 | 1,86 | 1,77 | 0,97 | 2,80 | 1,23 | 0,74 | 0,63 | 3,26 | 0,89 | 1,46 |
| | | 4 | 2,43 | 2,26 | 0,96 | 3,58 | 1,21 | 0,94 | 0,62 | 4,39 | 0,94 | 1,91 |
| 3,6 | 36 | 3 | 2,10 | 2,56 | 1,10 | 4,06 | 1,39 | 1,06 | 0,71 | 4,64 | 0,99 | 1,65 |
| | | 4 | 2,75 | 3,29 | 1,09 | 5,21 | 1,38 | 1,36 | 0,70 | 6,24 | 1,04 | 2,16 |

Продолжение табл. П.3

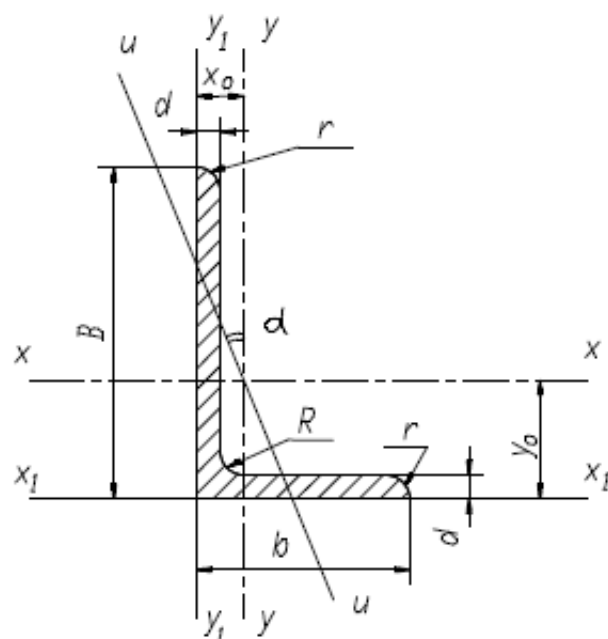
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 |
|-----|----|-----|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 4 | 40 | 3 | 2,35 | 3,55 | 1,23 | 5,63 | 1,55 | 1,47 | 0,79 | 6,35 | 1,09 | 1,85 |
| | | 4 | 3,08 | 4,58 | 1,22 | 7,26 | 1,53 | 1,90 | 0,78 | 8,53 | 1,13 | 2,42 |
| 4,5 | 45 | 3 | 2,65 | 5,13 | 1,39 | 8,13 | 1,75 | 2,12 | 0,89 | 9,04 | 1,21 | 2,08 |
| | | 4 | 3,48 | 6,63 | 1,38 | 10,5 | 1,74 | 2,74 | 0,89 | 12,1 | 1,26 | 2,73 |
| | | 5 | 4,29 | 8,03 | 1,37 | 12,7 | 1,72 | 3,33 | 0,88 | 15,3 | 1,30 | 3,37 |
| 5 | 50 | 3 | 2,96 | 7,11 | 1,55 | 11,3 | 1,95 | 2,95 | 1,00 | 12,4 | 1,33 | 2,32 |
| | | 4 | 3,89 | 9,21 | 1,54 | 14,6 | 1,94 | 3,80 | 0,99 | 16,6 | 1,38 | 3,05 |
| | | 5 | 4,80 | 11,2 | 1,53 | 17,8 | 1,92 | 4,63 | 0,98 | 20,9 | 1,42 | 3,77 |
| 5,6 | 56 | 3,5 | 3,86 | 11,6 | 1,73 | 18,4 | 2,18 | 4,80 | 1,12 | 20,3 | 1,50 | 3,03 |
| | | 4 | 4,38 | 13,1 | 1,73 | 20,8 | 2,18 | 5,41 | 1,11 | 23,3 | 1,52 | 3,44 |
| | | 5 | 5,41 | 16,0 | 1,72 | 25,4 | 2,16 | 6,59 | 1,10 | 29,2 | 1,57 | 4,25 |
| 6,3 | 63 | 4 | 4,96 | 18,9 | 1,95 | 29,9 | 2,45 | 7,81 | 1,25 | 33,1 | 1,69 | 3,90 |
| | | 5 | 6,13 | 23,1 | 1,94 | 36,6 | 2,44 | 9,52 | 1,25 | 41,5 | 1,74 | 4,81 |
| | | 6 | 7,28 | 27,1 | 1,93 | 42,9 | 2,43 | 11,2 | 1,24 | 50,0 | 1,78 | 5,72 |
| 7 | 70 | 4,5 | 6,20 | 29,0 | 2,16 | 46,0 | 2,72 | 12,0 | 1,39 | 51,0 | 1,88 | 4,87 |
| | | 5 | 6,86 | 31,9 | 2,16 | 50,7 | 2,72 | 13,2 | 1,39 | 56,7 | 1,90 | 5,38 |
| | | 6 | 8,15 | 37,6 | 2,15 | 59,6 | 2,71 | 15,5 | 1,38 | 68,4 | 1,94 | 6,39 |
| | | 7 | 9,42 | 43,0 | 2,14 | 68,2 | 2,69 | 17,8 | 1,37 | 80,1 | 1,99 | 7,39 |
| | | 8 | 10,7 | 48,2 | 2,13 | 76,4 | 2,68 | 20,0 | 1,37 | 91,9 | 2,02 | 8,37 |
| 7,5 | 75 | 5 | 7,39 | 39,5 | 2,31 | 62,6 | 2,91 | 16,4 | 1,49 | 69,6 | 2,02 | 5,80 |
| | | 6 | 8,78 | 46,6 | 2,30 | 73,9 | 2,90 | 19,3 | 1,48 | 83,9 | 2,06 | 6,89 |
| | | 7 | 10,1 | 53,3 | 2,29 | 84,6 | 2,89 | 22,1 | 1,48 | 98,3 | 2,10 | 7,96 |
| | | 8 | 11,5 | 59,8 | 2,28 | 94,6 | 2,87 | 24,8 | 1,47 | 113 | 2,15 | 9,02 |
| | | 9 | 12,8 | 66,1 | 2,27 | 105 | 2,86 | 27,5 | 1,46 | 127 | 2,18 | 10,1 |

Продолжение табл. П.3

| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 |
|------|-----|-----|------|------|------|------|------|-------|------|------|------|------|
| 8 | 80 | 5,5 | 8,63 | 52,7 | 2,47 | 83,6 | 3,11 | 21,8 | 1,59 | 93,2 | 2,17 | 6,78 |
| | | 6 | 9,38 | 57,0 | 2,47 | 90,4 | 3,11 | 23,5 | 1,58 | 102 | 2,19 | 7,36 |
| | | 7 | 10,8 | 65,3 | 2,45 | 104 | 3,09 | 27,0 | 1,58 | 119 | 2,23 | 8,51 |
| | | 8 | 12,3 | 73,4 | 2,34 | 116 | 3,08 | 30,3 | 1,57 | 137 | 2,27 | 9,65 |
| 9 | 90 | 6 | 10,6 | 82,1 | 2,78 | 130 | 3,50 | 34,0 | 1,79 | 145 | 2,43 | 8,33 |
| | | 7 | 12,3 | 94,3 | 2,77 | 150 | 3,49 | 38,9 | 1,78 | 169 | 2,47 | 9,64 |
| | | 8 | 13,9 | 106 | 2,76 | 168 | 3,48 | 43,8 | 1,77 | 194 | 2,51 | 10,9 |
| | | 9 | 15,6 | 118 | 2,75 | 186 | 3,46 | 48,6 | 1,77 | 219 | 2,55 | 12,2 |
| 10 | 100 | 6,5 | 12,8 | 122 | 3,09 | 193 | 3,88 | 50,7 | 1,99 | 214 | 2,68 | 10,1 |
| | | 7 | 13,8 | 131 | 3,08 | 207 | 3,88 | 54,2 | 1,98 | 231 | 2,71 | 10,8 |
| | | 8 | 15,6 | 147 | 3,07 | 233 | 3,87 | 60,9 | 1,98 | 265 | 2,75 | 12,2 |
| | | 10 | 19,2 | 179 | 3,05 | 284 | 3,84 | 74,1 | 1,96 | 333 | 2,83 | 15,1 |
| | | 12 | 22,8 | 209 | 3,03 | 331 | 3,81 | 86,9 | 1,95 | 402 | 2,91 | 17,9 |
| | | 14 | 26,3 | 237 | 3,00 | 375 | 3,78 | 99,3 | 1,94 | 472 | 2,99 | 20,6 |
| | | 16 | 29,7 | 264 | 2,98 | 416 | 3,74 | 112,0 | 1,94 | 542 | 3,06 | 23,3 |
| 11 | 110 | 7 | 15,2 | 176 | 3,40 | 279 | 4,29 | 72,7 | 2,19 | 308 | 2,96 | 11,9 |
| | | 8 | 17,2 | 198 | 3,39 | 315 | 4,28 | 81,8 | 2,18 | 353 | 3,00 | 13,5 |
| 12,5 | 125 | 8 | 19,7 | 294 | 3,37 | 467 | 4,87 | 122 | 2,49 | 516 | 3,36 | 15,5 |
| | | 9 | 22,0 | 327 | 3,86 | 520 | 4,86 | 135 | 2,48 | 582 | 3,40 | 17,3 |
| | | 10 | 24,3 | 360 | 3,85 | 571 | 4,84 | 149 | 2,47 | 649 | 3,45 | 19,1 |
| | | 12 | 28,9 | 422 | 3,82 | 670 | 4,82 | 174 | 2,46 | 782 | 3,53 | 22,7 |
| | | 14 | 33,4 | 482 | 3,80 | 764 | 4,78 | 200 | 2,45 | 916 | 3,61 | 26,2 |
| | | 16 | 37,8 | 539 | 3,78 | 853 | 4,75 | 224 | 2,44 | 1051 | 3,68 | 29,6 |
| 14 | 140 | 9 | 24,7 | 466 | 4,34 | 739 | 5,47 | 192 | 2,79 | 818 | 3,78 | 19,4 |
| | | 10 | 27,3 | 512 | 4,33 | 814 | 5,46 | 211 | 2,78 | 911 | 3,82 | 21,5 |
| | | 12 | 32,5 | 602 | 4,31 | 957 | 5,43 | 248 | 2,76 | 1097 | 3,90 | 25,5 |

Окончание табл. П.3

| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 |
|----|-----|----|-------|------|------|-------|------|------|------|-------|------|-------|
| 16 | 160 | 10 | 31,4 | 774 | 4,96 | 1229 | 6,25 | 319 | 3,19 | 1356 | 4,30 | 24,7 |
| | | 11 | 34,4 | 844 | 4,95 | 1341 | 6,24 | 348 | 3,18 | 1494 | 4,35 | 27,0 |
| | | 12 | 37,4 | 913 | 4,94 | 1450 | 6,23 | 376 | 3,17 | 1633 | 4,39 | 29,4 |
| | | 14 | 43,3 | 1046 | 4,92 | 1662 | 6,20 | 431 | 3,16 | 1911 | 4,47 | 34,0 |
| | | 16 | 49,1 | 1175 | 4,89 | 1866 | 6,17 | 485 | 3,14 | 2191 | 4,55 | 38,5 |
| | | 18 | 54,8 | 1299 | 4,87 | 2061 | 6,13 | 537 | 3,13 | 2472 | 4,63 | 43,0 |
| | | 20 | 60,4 | 1419 | 4,85 | 2248 | 6,10 | 589 | 3,12 | 2756 | 4,70 | 47,4 |
| 18 | 180 | 11 | 38,8 | 1216 | 5,60 | 1933 | 7,06 | 500 | 3,59 | 2128 | 4,85 | 30,5 |
| | | 12 | 42,2 | 1317 | 5,59 | 2093 | 7,04 | 540 | 3,58 | 2324 | 4,89 | 33,1 |
| 20 | 200 | 12 | 47,1 | 1823 | 6,22 | 2896 | 7,84 | 749 | 3,99 | 3182 | 5,37 | 37,0 |
| | | 13 | 50,9 | 1961 | 6,21 | 3116 | 7,83 | 805 | 3,98 | 3452 | 5,42 | 39,9 |
| | | 14 | 54,6 | 2097 | 6,20 | 3333 | 7,81 | 861 | 3,97 | 3722 | 5,46 | 42,8 |
| | | 16 | 62,0 | 2363 | 6,17 | 3755 | 7,78 | 970 | 3,96 | 4264 | 5,54 | 48,7 |
| | | 20 | 76,5 | 2871 | 6,12 | 4560 | 7,72 | 1182 | 3,93 | 5355 | 5,70 | 60,1 |
| | | 25 | 94,3 | 3466 | 6,06 | 5494 | 7,63 | 1438 | 3,91 | 6733 | 5,89 | 74,0 |
| | | 30 | 111,5 | 4020 | 6,00 | 6351 | 7,55 | 1688 | 3,89 | 8130 | 6,07 | 87,6 |
| 22 | 220 | 14 | 60,4 | 2814 | 6,83 | 4470 | 8,60 | 1159 | 4,38 | 4941 | 5,93 | 47,4 |
| | | 16 | 68,6 | 3175 | 6,81 | 5045 | 8,58 | 1306 | 4,36 | 5661 | 6,02 | 53,8 |
| 25 | 250 | 16 | 78,4 | 4717 | 7,76 | 7492 | 9,78 | 1942 | 4,98 | 8286 | 6,75 | 61,5 |
| | | 18 | 87,7 | 5247 | 7,73 | 8337 | 9,75 | 2158 | 4,96 | 9342 | 6,83 | 68,9 |
| | | 20 | 97,0 | 5765 | 7,71 | 9160 | 9,72 | 2370 | 4,94 | 10401 | 6,91 | 76,1 |
| | | 22 | 106,1 | 6270 | 7,69 | 9961 | 9,69 | 2579 | 4,93 | 11464 | 7,00 | 83,3 |
| | | 25 | 119,7 | 7006 | 7,65 | 11125 | 9,64 | 2887 | 4,91 | 13064 | 7,11 | 94,0 |
| | | 28 | 133,1 | 7717 | 7,61 | 12244 | 9,59 | 3190 | 4,89 | 14674 | 7,23 | 104,5 |
| | | 30 | 142,0 | 8177 | 7,59 | 12965 | 9,56 | 3389 | 4,89 | 14753 | 7,31 | 111,4 |



Уголки неравнобокие (по ГОСТ 8510 – 72)

Обозначения:

B – ширина большей полки;
 b – ширина меньшей полки;
 d – толщина полки;
 J – момент инерции;
 i – радиус инерции;
 x_0, y_0 – расстояние от центра тяжести до наружных граней полки.

Таблица П.4

| Номер профиля | Размеры, мм | | | Площадь сечения $A, \text{см}^2$ | $J_x, \text{см}^4$ | $i_x, \text{см}$ | $J_y, \text{см}^4$ | $i_y, \text{см}$ | $J_u \text{ min}$ см^4 | $i_u \text{ min}$ см | Угол накло- на оси $u, \text{tg } \alpha$ | $J_{x1}, \text{см}^4$ | $J_{y1}, \text{см}^4$ | $x_0, \text{см}$ | $y_0, \text{см}$ | Масса 1 м, кг |
|------------------|-------------|-----|-----|--|--------------------|------------------|--------------------|------------------|------------------------------------|----------------------------------|--|-----------------------|-----------------------|------------------|------------------|------------------|
| | B | b | d | | | | | | | | | | | | | |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 |
| 2,5/1,6 | 25 | 16 | 3 | 1,16 | 0,70 | 0,78 | 0,22 | 0,44 | 0,13 | 0,34 | 0,392 | 1,56 | 0,43 | 0,42 | 0,86 | 0,91 |
| 3,2/2 | 32 | 20 | 3 | 1,49 | 1,52 | 1,01 | 0,46 | 0,55 | 0,28 | 0,43 | 0,382 | 3,26 | 0,82 | 0,49 | 1,08 | 1,17 |
| | | | 4 | 1,94 | 1,93 | 1,00 | 0,57 | 0,54 | 0,35 | 0,43 | 0,374 | 4,38 | 1,12 | 0,53 | 1,12 | 1,52 |
| 4/2,5 | 40 | 25 | 3 | 1,89 | 3,06 | 1,27 | 0,93 | 0,70 | 0,56 | 0,54 | 0,385 | 6,37 | 1,58 | 0,59 | 1,32 | 1,48 |
| | | | 4 | 2,47 | 3,93 | 1,26 | 1,18 | 0,69 | 0,71 | 0,54 | 0,381 | 8,53 | 2,15 | 0,63 | 1,37 | 1,94 |

Продолжение табл. П.4

| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 |
|---------|-----|----|-----|-------|------|------|------|------|------|------|-------|------|------|------|------|------|
| 4,5/2,8 | 45 | 28 | 3 | 2,14 | 4,41 | 1,43 | 1,32 | 0,79 | 0,79 | 0,61 | 0,382 | 9,02 | 2,20 | 0,64 | 1,47 | 1,68 |
| | | | 4 | 2,80 | 5,68 | 1,42 | 1,69 | 0,78 | 1,02 | 0,60 | 0,379 | 12,1 | 2,98 | 0,68 | 1,51 | 2,20 |
| 5/3,2 | 50 | 32 | 3 | 2,42 | 6,17 | 1,60 | 1,99 | 0,91 | 1,18 | 0,70 | 0,403 | 12,4 | 3,26 | 0,72 | 1,60 | 1,90 |
| | | | 4 | 3,17 | 7,98 | 1,59 | 2,56 | 0,90 | 1,52 | 0,69 | 0,401 | 16,6 | 4,42 | 0,76 | 1,65 | 2,49 |
| 5,6/3,6 | 56 | 36 | 3,5 | 3,16 | 10,1 | 1,79 | 3,30 | 1,02 | 1,95 | 0,79 | 0,407 | 20,3 | 5,43 | 0,82 | 1,80 | 2,48 |
| | | | 4 | 3,58 | 11,4 | 1,78 | 3,70 | 1,02 | 2,19 | 0,78 | 0,406 | 23,2 | 6,25 | 0,84 | 1,82 | 2,81 |
| | | | 5 | 4,41 | 13,8 | 1,77 | 4,48 | 1,01 | 2,66 | 0,78 | 0,404 | 29,2 | 7,91 | 0,88 | 1,86 | 3,46 |
| 6,3/4 | 63 | 40 | 4 | 4,04 | 16,3 | 2,01 | 5,16 | 1,13 | 3,07 | 0,87 | 0,397 | 33,0 | 8,51 | 0,91 | 2,03 | 3,17 |
| | | | 5 | 4,98 | 19,9 | 2,00 | 6,26 | 1,12 | 3,73 | 0,86 | 0,396 | 41,4 | 10,8 | 0,95 | 2,08 | 3,91 |
| | | | 6 | 5,90 | 23,3 | 1,99 | 7,28 | 1,11 | 4,36 | 0,86 | 0,393 | 49,9 | 13,1 | 0,99 | 2,12 | 4,63 |
| | | | 8 | 7,68 | 29,6 | 1,96 | 9,15 | 1,09 | 5,58 | 0,85 | 0,386 | 66,9 | 17,9 | 1,07 | 2,20 | 6,03 |
| 7/4,5 | 70 | 45 | 4,5 | 5,07 | 25,3 | 2,23 | 8,25 | 1,28 | 4,88 | 0,98 | 0,407 | 51,0 | 13,6 | 1,03 | 2,25 | 3,98 |
| | | | 5 | 5,59 | 27,8 | 2,23 | 9,05 | 1,27 | 5,34 | 0,98 | 0,406 | 56,7 | 15,2 | 1,05 | 2,28 | 4,39 |
| 7,5/5 | 75 | 50 | 5 | 6,11 | 34,8 | 2,39 | 12,5 | 1,43 | 7,24 | 1,09 | 0,436 | 69,7 | 20,8 | 1,17 | 2,39 | 4,79 |
| | | | 6 | 7,25 | 40,9 | 2,38 | 14,6 | 1,42 | 8,48 | 1,08 | 0,435 | 83,9 | 25,2 | 1,21 | 2,44 | 5,69 |
| | | | 8 | 9,47 | 52,4 | 2,35 | 18,5 | 1,40 | 10,9 | 1,07 | 0,430 | 112 | 34,2 | 1,29 | 2,52 | 7,43 |
| 8/5 | 80 | 50 | 5 | 6,36 | 41,6 | 2,56 | 12,7 | 1,41 | 7,58 | 1,09 | 0,387 | 84,6 | 20,8 | 1,13 | 2,60 | 4,99 |
| | | | 6 | 7,55 | 49,0 | 2,55 | 14,8 | 1,40 | 8,88 | 1,08 | 0,386 | 102 | 25,2 | 1,17 | 2,65 | 5,92 |
| 9/5,6 | 90 | 56 | 5,5 | 7,86 | 65,3 | 2,88 | 19,7 | 1,58 | 11,8 | 1,22 | 0,384 | 132 | 32,2 | 1,26 | 2,92 | 6,17 |
| | | | 6 | 8,54 | 70,6 | 2,88 | 21,2 | 1,58 | 12,7 | 1,22 | 0,384 | 145 | 35,2 | 1,28 | 2,95 | 6,70 |
| | | | 8 | 11,18 | 90,9 | 2,85 | 27,1 | 1,56 | 16,3 | 1,21 | 0,380 | 194 | 47,8 | 1,36 | 3,04 | 8,77 |
| 10/6,3 | 100 | 63 | 6 | 9,59 | 98,3 | 3,20 | 30,6 | 1,79 | 18,2 | 1,38 | 0,393 | 198 | 49,9 | 1,42 | 3,23 | 7,53 |
| | | | 7 | 11,1 | 113 | 3,19 | 35,0 | 1,78 | 20,8 | 1,37 | 0,392 | 232 | 58,7 | 1,46 | 3,28 | 8,70 |
| | | | 8 | 12,6 | 127 | 3,18 | 39,2 | 1,77 | 23,4 | 1,36 | 0,391 | 266 | 67,6 | 1,50 | 3,32 | 9,78 |
| | | | 10 | 15,5 | 154 | 3,15 | 47,1 | 1,75 | 28,3 | 1,35 | 0,387 | 333 | 85,8 | 1,58 | 3,40 | 12,1 |

Окончание табл. П.4

| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 |
|---------|-----|-----|-----|------|------|------|------|------|------|------|-------|-------|------|------|------|------|
| 11/7 | 110 | 70 | 6,5 | 11,4 | 142 | 3,53 | 45,6 | 2,00 | 26,9 | 1,53 | 0,402 | 286 | 74,3 | 1,58 | 3,55 | 8,98 |
| | | | 7 | 12,3 | 152 | 3,52 | 48,7 | 1,99 | 28,8 | 1,53 | 0,402 | 309 | 80,3 | 1,60 | 3,57 | 9,64 |
| | | | 8 | 13,9 | 172 | 3,51 | 54,6 | 1,98 | 32,3 | 1,52 | 0,400 | 353 | 92,3 | 1,64 | 3,61 | 10,9 |
| 12,5/8 | 125 | 80 | 7 | 14,1 | 227 | 4,01 | 73,7 | 2,29 | 43,4 | 1,76 | 0,407 | 452 | 119 | 1,80 | 4,01 | 11,0 |
| | | | 8 | 16,0 | 256 | 4,00 | 83,0 | 2,28 | 48,8 | 1,75 | 0,406 | 518 | 137 | 1,84 | 4,05 | 12,5 |
| | | | 10 | 19,7 | 312 | 3,98 | 100 | 2,26 | 59,3 | 1,74 | 0,404 | 649 | 173 | 1,92 | 4,14 | 15,5 |
| | | | 12 | 23,4 | 365 | 3,95 | 117 | 2,24 | 69,5 | 1,72 | 0,400 | 781 | 210 | 2,00 | 4,22 | 18,3 |
| 14/9 | 140 | 90 | 8 | 18,0 | 364 | 4,49 | 120 | 2,58 | 70,3 | 1,98 | 0,411 | 727 | 204 | 2,03 | 4,49 | 14,1 |
| | | | 10 | 22,2 | 444 | 4,47 | 146 | 2,56 | 85,5 | 1,96 | 0,409 | 911 | 245 | 2,12 | 4,58 | 17,5 |
| 16/10 | 160 | 100 | 9 | 22,9 | 606 | 5,15 | 186 | 2,85 | 110 | 2,20 | 0,391 | 1221 | 300 | 2,23 | 5,19 | 18,0 |
| | | | 10 | 25,3 | 667 | 5,13 | 204 | 2,84 | 121 | 2,19 | 0,390 | 1359 | 335 | 2,28 | 5,23 | 19,8 |
| | | | 12 | 30,0 | 784 | 5,11 | 239 | 2,82 | 142 | 2,18 | 0,388 | 1634 | 405 | 2,36 | 5,32 | 23,6 |
| | | | 14 | 34,7 | 897 | 5,08 | 272 | 2,80 | 162 | 2,16 | 0,385 | 1910 | 477 | 2,43 | 5,40 | 27,3 |
| 18/11 | 180 | 110 | 10 | 28,3 | 952 | 5,80 | 276 | 3,12 | 165 | 2,42 | 0,375 | 1933 | 444 | 2,44 | 5,88 | 22,2 |
| | | | 12 | 33,7 | 1123 | 5,77 | 324 | 3,10 | 194 | 2,40 | 0,374 | 2324 | 537 | 2,52 | 5,97 | 26,4 |
| 20/12,5 | 200 | 125 | 11 | 34,9 | 1449 | 6,45 | 446 | 3,58 | 264 | 2,75 | 0,392 | 2920 | 718 | 2,79 | 6,50 | 27,4 |
| | | | 12 | 37,9 | 1568 | 6,43 | 482 | 3,57 | 285 | 2,74 | 0,392 | 3189 | 786 | 2,83 | 6,54 | 29,7 |
| | | | 14 | 43,9 | 1801 | 6,41 | 551 | 3,54 | 327 | 2,73 | 0,390 | 3726 | 922 | 2,91 | 6,62 | 34,4 |
| | | | 16 | 49,8 | 2026 | 6,38 | 617 | 3,52 | 367 | 2,72 | 0,388 | 4264 | 1061 | 2,99 | 6,71 | 39,1 |
| 25/16 | 250 | 160 | 12 | 48,3 | 3147 | 8,07 | 1032 | 4,62 | 604 | 3,54 | 0,410 | 6212 | 1634 | 3,53 | 7,97 | 37,9 |
| | | | 16 | 63,6 | 4091 | 8,02 | 1333 | 4,58 | 781 | 3,50 | 0,408 | 8308 | 2200 | 3,69 | 8,14 | 49,9 |
| | | | 18 | 71,1 | 4545 | 7,99 | 1475 | 4,56 | 896 | 3,49 | 0,407 | 9358 | 2487 | 3,77 | 8,23 | 55,8 |
| | | | 20 | 78,5 | 4987 | 7,97 | 1613 | 4,53 | 949 | 3,48 | 0,405 | 10410 | 2776 | 3,85 | 8,31 | 61,7 |

Схемы изгиба стержней при различных способах закрепления

| Схемы закрепления концов стержней | | а) | б) | в) | г) | д) |
|-----------------------------------|------------------------|-------------|-------------|--------------|-------------|--|
| Коэффициент μ | Стальные конструкции | $\mu = 1,0$ | $\mu = 0,7$ | $\mu = 0,5$ | $\mu = 2,0$ | μ – зависит от степени подвижности опоры |
| | Деревянные конструкции | $\mu = 1,0$ | $\mu = 0,8$ | $\mu = 0,65$ | $\mu = 2,2$ | |

Коэффициенты для расчета по формуле Ясинского-Тетмайера

| Материал | a , МПа | b , МПа | λ_0 | $\lambda_{лр}$ |
|------------|-----------|-----------|-------------|----------------|
| Сталь С345 | 264 | 0,70 | 60 | 105 |
| Сталь С255 | 310 | 1,14 | 61 | 100 |
| Сталь С245 | 328 | 1,15 | 60 | 96 |
| Сталь С235 | 295 | 1,00 | 60 | 102 |
| Сталь С275 | 345 | 1,10 | 63 | 91 |

| Гиб- кость λ | Коэффициенты φ для элементов из стали с расчетным сопротивлением R_y , МПа (кгс/см ²) | | | | | | | | | | | |
|----------------------------|--|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|
| | 200 (2050) | 240 (2450) | 280 (2850) | 320 (3250) | 360 (3650) | 400 (4100) | 440 (4500) | 480 (4900) | 520 (5300) | 560 (5700) | 600 (6100) | 640 (6550) |
| 10 | 988 | 987 | 985 | 984 | 983 | 982 | 981 | 980 | 979 | 978 | 977 | 977 |
| 20 | 967 | 962 | 959 | 955 | 952 | 949 | 946 | 943 | 941 | 938 | 936 | 934 |
| 30 | 939 | 931 | 924 | 917 | 911 | 905 | 900 | 895 | 891 | 887 | 883 | 879 |
| 40 | 906 | 894 | 883 | 873 | 863 | 854 | 846 | 839 | 832 | 825 | 820 | 814 |
| 50 | 869 | 852 | 836 | 822 | 809 | 796 | 785 | 775 | 764 | 746 | 729 | 712 |
| 60 | 827 | 805 | 785 | 766 | 749 | 721 | 696 | 672 | 650 | 628 | 608 | 588 |
| 70 | 782 | 754 | 724 | 687 | 654 | 623 | 595 | 568 | 542 | 518 | 494 | 470 |
| 80 | 734 | 686 | 641 | 602 | 566 | 532 | 501 | 471 | 442 | 414 | 386 | 359 |
| 90 | 665 | 612 | 565 | 522 | 483 | 447 | 413 | 380 | 349 | 326 | 305 | 287 |
| 100 | 599 | 542 | 493 | 448 | 408 | 369 | 335 | 309 | 286 | 267 | 250 | 235 |
| 110 | 537 | 478 | 427 | 381 | 338 | 306 | 280 | 258 | 239 | 223 | 209 | 197 |
| 120 | 479 | 419 | 366 | 321 | 287 | 260 | 237 | 219 | 203 | 190 | 178 | 167 |
| 130 | 425 | 364 | 313 | 276 | 247 | 223 | 204 | 189 | 175 | 163 | 153 | 145 |
| 140 | 376 | 315 | 272 | 240 | 215 | 195 | 178 | 164 | 153 | 143 | 134 | 126 |
| 150 | 328 | 276 | 239 | 211 | 189 | 171 | 157 | 145 | 134 | 126 | 118 | 111 |
| 160 | 290 | 244 | 212 | 187 | 167 | 152 | 139 | 129 | 120 | 112 | 105 | 099 |
| 170 | 259 | 218 | 189 | 167 | 150 | 136 | 125 | 115 | 107 | 100 | 094 | 089 |
| 180 | 233 | 196 | 170 | 150 | 135 | 123 | 112 | 104 | 097 | 091 | 085 | 081 |
| 190 | 210 | 177 | 154 | 136 | 122 | 111 | 102 | 094 | 088 | 082 | 077 | 073 |
| 200 | 191 | 161 | 140 | 124 | 111 | 101 | 093 | 086 | 080 | 075 | 071 | 067 |
| 210 | 174 | 147 | 128 | 113 | 102 | 093 | 085 | 079 | 074 | 069 | 065 | 062 |
| 220 | 160 | 135 | 118 | 104 | 094 | 086 | 077 | 073 | 068 | 064 | 060 | 057 |

Примечание: Значения в таблице увеличены в 1000 раз

Таблица В.5 - Нормативные и расчетные сопротивления при растяжении, сжатии и изгибе фасонного проката

| Сталь | Толщина проката*, мм | | | | | Нормативное сопротивление** проката, Н/мм ² | | Расчетное сопротивление*** проката, Н/мм ² | |
|--------|----------------------|-----|----|----|--------|--|----------|---|---------|
| | | | | | | R_{yn} | R_{un} | R_y | R_u |
| С245 | От | 4,0 | до | 20 | включ. | 245 | 370 | 240/235 | 360/350 |
| | " | 20 | " | 40 | " | 235 | 370 | 230/225 | 360/350 |
| С255 | От | 4,0 | до | 10 | включ. | 255 | 380 | 250/245 | 370/360 |
| | " | 10 | " | 20 | " | 245 | 370 | 240/235 | 360/350 |
| | " | 20 | " | 40 | " | 235 | 370 | 230/225 | 360/350 |
| С345 | От | 4,0 | до | 10 | включ. | 345 | 480 | 340/330 | 470/460 |
| | " | 10 | " | 20 | " | 325 | 470 | 320/310 | 460/450 |
| | " | 20 | " | 40 | " | 305 | 460 | 300/290 | 450/440 |
| С345К | От | 4,0 | до | 10 | включ. | 345 | 470 | 340/330 | 460/450 |
| С355 | От | 8,0 | до | 16 | включ. | 355 | 470 | 350/340 | 460/450 |
| | " | 16 | " | 40 | " | 345 | 470 | 340/330 | 460/450 |
| С355-1 | От | 8,0 | до | 16 | включ. | 355 | 470 | 350/340 | 460/450 |
| | " | 16 | " | 40 | " | 345 | 470 | 340/330 | 460/450 |
| С390 | От | 8,0 | до | 10 | включ. | 390 | 520 | 380/370 | 505/495 |
| | " | 10 | " | 20 | " | 380 | 500 | 370/360 | 480/475 |
| | " | 20 | " | 40 | " | 370 | 490 | 360/350 | 480/470 |

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

Основные источники:

1. Завистовский, В. Э. Техническая механика : учеб. пособие / В.Э. Завистовский. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 376 с. — (Среднее профессиональное образование). - ISBN 978-5-16-015256-1. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1020982>
2. Сафонова, Г. Г. Техническая механика : учебник / Г.Г. Сафонова, Т.Ю. Артюховская, Д.А. Ермаков. - Москва : ИНФРА-М, 2020. — 320 с. — (Среднее профессиональное образование). - ISBN 978-5-16-012916-7. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1074607>
3. Сетков В.И. Техническая механика для строительных специальностей: учебник для студ. учреждений сред. проф. образования/ В.И.Сетков. — 8-е изд., перераб. — М.: Издательский центр «Академия», 2020. — 256 с.
4. Смирнов, В.А. Техническая (строительная) механика : учебник для СПО / В.А.Смирнов, А.С.Городецкий. — 2-е изд., пер. и доп. — М.: Издательство Юрайт, 2019. — 423 с. — (Серия: Профессиональное образование).

Электронные источники:

1. Teormech [Электронный ресурс], режим доступа :<http://teormech.ru/index.php/pages/about>
2. Sopromato.ru [Электронный ресурс], режим доступа :<http://sopromato.ru/>
3. Строительная механика [Электронный ресурс], режим доступа :<http://stroitmeh.ru/>

Дополнительные источники:

1. Олофинская, В.П. Техническая механика. Курс лекций с вариантами практических и тестовых заданий. Учебное пособие. М., ФОРУМ, 2020г.- 352с.
2. Олофинская, В.П. Техническая механика. Сборник тестовых заданий по технической механике. Учебное пособие. М., ФОРУМ, 2020г.-352с.